

## 1) Définition:

Soit f est une fonction définie sur un intervalle I.

Une primitive de f sur I est une fonction F dérivable sur I et telle que:

$$\forall x \in I ; F'(x) = f(x)$$

## 2) Primitives de fonctions usuelles

On obtient des primitives de fonctions usuelles par lecture inverse du tableau des dérivées. Dans les tableaux suivants, k désigne un réel quelconque.

Fonction f définie par	Primitives F de $f$ définie par	sur I
f(x) = c (où <i>c</i> est une constante)	F(x) = cx + k	$I = \mathbb{R}$
f(x) = x	$F(x) = \frac{1}{2}x^2 + k$	$I=\mathbb{R}$
$f(x) = x^n$ $n \in \mathbb{N}^*$	$F(x) = \frac{x^{n+1}}{n+1} + k$	$I = \mathbb{R}$
$f(x) = \frac{1}{x^2}$	$F(x) = -\frac{1}{x} + k$	$I = ]-\infty;0[$ ou $I = ]0;+\infty[$
$f(x) = \frac{1}{x^n}$ $(n \in \mathbb{N}^* \text{ et } n \neq 1)$	$F(x) = \frac{-1}{n-1} \times \frac{1}{x^{n-1}} + k$	$I = ]0 ; +\infty[$ ou $I = ]-\infty ; 0[$
$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$	$F(x) = 2\sqrt{x} + k$	$I = ]0$ ; $+\infty[$
$f(x) = \sqrt{x}$	$F(x) = \frac{2}{3}x\sqrt{x} + k$	$I = [0; +\infty[$

Dans ce deuxième tableau, on note  $D_u$  le domaine de définition de la fonction u, et  $D_v$  celui de v.

Fonction f	Primitives de f	Définie sur
$\alpha u'$ où $\alpha \in \mathbb{R}$	$\alpha u + k$	$D_u$
u' + v'	u+v+k	$D_u \cap D_v$
$u' \times u^n$ où $n \in \mathbb{Z}^* \setminus \{-1\}$	$\frac{1}{n+1} \times u^{n+1} + k$	$D_u \operatorname{si} n > 0$ $D_u \setminus \{x \text{ tels que } u(x) = 0\} \operatorname{si} n < -1$
$\frac{u'}{\sqrt{u}}$	$2\sqrt{u}+k$	$D_u \setminus \{x \text{ tels que } u(x) \leq 0\}$
u'√u	$\frac{2}{3}u\sqrt{u}+k$	$D_u \setminus \{x \text{ tels que } u(x) \leq 0\}$
$v' \times (u' \circ v)$	$u \circ v + k$	$D_{u o v}$

SAID CHERIF Année scolaire: 2018/2019 ItMAth