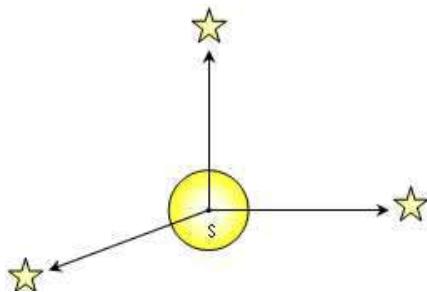


حركة الكواكب والأقمار الاصطناعية

1. القوانين الثلاثة لـ "كيلر" (Kepler) :

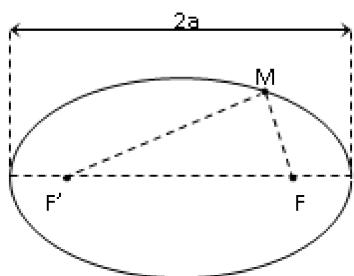


لدراسة حركة الكواكب في النظام الشمسي نعتبر المعلم (\vec{k} ; \vec{j} ; \vec{i}) المرتبط بالمرجع центрالشمسى والمذى نعتبره غاليليا بحيث أصله S مركز الشمس ومحاوره الثلاثة موجهة نحو ثلاثة نجوم بعيدة ثابتة .

القانون الأول (1609)

مسار مركز قصور كوكب ، في المرجع المركزى الشمسي ، عباره عن إهليج يعتبر مركز الشمس إحدى بؤرتىه .

❖ تذكير رياضي:

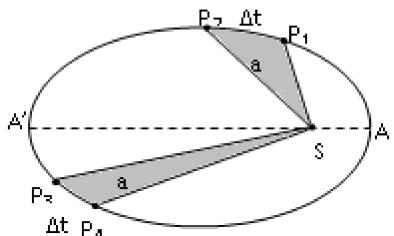


الإهليج في مستوى هو مجموع النقاط M التي تحقق المعادلة : $FM + F'M = 2a$.
F و F' نقطتان ثابتان تسميان بؤرتى الإهليج .
 $2a$: طول المحور الكبير للإهليج .
 a : نصف طول المحور الكبير .

حالة خاصة:

إذا كانت البؤرتان منطبقتين فإن المعادلة تصبح : $FM = a$ وبالتالي فإن الإهليج في هذه الحالة عباره عن دائرة شعاعها a .

القانون الثاني (1609)



نعتبر كوكبا مركزه P له مسار إهليجي حول مركز الشمس S .
تناسب المساحة a المكسوحة من طرف القطعة [S,P] خلال حركة الكوكب اطرادا مع الزمن t

$$\frac{\Delta a}{\Delta t} = C$$

C : ثابتة التناوب وتعلق بالكوكب .

القانون الثالث (1919)

نسمى الدور المداري للكوكب، المدة الزمنية T التي ينجز خلالها الكوكب دورة واحدة. يتناسب مربع الدور المداري T اطرادا مع مكعب

$$\frac{T^2}{a^3} = K_S$$

نصف المحور الكبير للإهليج :

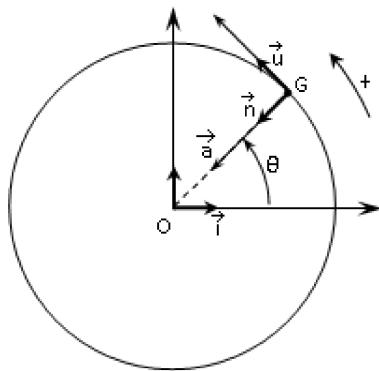
$K_S = 2,97 \cdot 10^{-19} \text{ s}^2 \cdot \text{m}^{-3}$: ثابتة لها نفس القيمة بالنسبة لجميع كواكب النظام الشمسي وتعلق فقط بالنجم (الشمس) .

2. الحركة الدائرية المنتظمة : Le mouvement circulaire uniforme

نعتبر جسما صلبا مركز قصوره G . تكون حركة G دائرية منتظمة إذا كان مسارها بالنسبة لمرجع معين عباره دائرة شعاعها r ومركزها O وسرعتها ثابتة $v = Cte$. لدراسة الحركة نعتبر معلما متعمدا منتظما (\vec{j} ; \vec{i} ; \vec{o}) في مستوى المسار الدائري .

نعلم موضع النقطة G في كل لحظة t بالأقصول الزاوي الموجي من مجرى الحركة : $\theta = (\vec{OG}, \vec{OI})$.

❖ خصائص الحركة الدائرية المنتظمة :



- السرعة الزاوية ثابتة : $\dot{\theta} = \frac{d\theta}{dt} = \frac{v}{r} = Cte$ وحدتها : rad.s⁻¹

- متوجهة السرعة في معلم فريني : $\vec{v} = r \omega \vec{u}$

- متوجهة التسارع في معلم فريني : $\vec{a} = \frac{dv}{dt} \vec{u} + \frac{v^2}{r} \vec{n}$

وبما أن السرعة الخطية ثابتة $v = Cte$ فإن :

$$\vec{a} = \frac{v^2}{r} \vec{n} = r \omega^2 \vec{n} \quad \text{وبالتالي : } \frac{dv}{dt} = 0$$

❖ شرط الحصول على حركة دائرية منتظمة :

نعتبر جسمًا صلبا كتلته m وحركة مركز قصوره G دائرية منتظمة شعاع مساره r . لتكن $\vec{F} = \sum \vec{F}_{ext}$ مجموع متوجهات القوى التي

$$\vec{F} = \frac{m v^2}{r} \vec{n} \quad \text{ولدينا : } \vec{F} = m \vec{a} \quad \text{إذا : } \vec{n} = \frac{v^2}{r} \vec{a}$$

لكي تكون حركة مركز قصور الجسم دائرية منتظمة ، ينبغي أن يتحقق الشرطان التاليان :

- أن مجموع متوجهات القوى انجذابيا مركزيا .

$$F = \frac{m v^2}{r} \quad \text{أن يكون منظم مجموع متوجهات القوى ثابتا ويتحقق العلاقة التالية :}$$

3. الحركة المدارية للكواكب والأقمار : Le mouvement orbital des planètes et satellites :

الحركة المدارية للكواكب :

رغم أن المسار الدائري لمركز قصور كوكب ممكن نظريا فإن أيها من الكواكب في النظام الشمسي ليست لديه مسار دائري . لكن بعض الكواكب يمكن تقرير مساراتها الإهليلجي بمسار دائري . فيما يلي نعتبر كوكبا مركزه P له حركة دائرية منتظمة حول مركز الشمس S .

في المعلم المركزي الشمسي ، الذي نعتبره غاليليا ، يخضع الكوكب لقوة التجاذب الكوني :

$$\vec{F} = -G \frac{m m_s}{r^2} \vec{u}_{SP}$$

ولدينا : $\vec{F} = G \frac{m m_s}{r^2} \vec{n}$ أي : $\vec{n} = \vec{u}_{SP}$ انجذابية مركزية .

نطبق القانون الثاني لنيوتن على الكوكب : $\vec{F} = m \vec{a}$ ولدينا :

$$v^2 = \frac{G m_s}{r} m \frac{v^2}{r} \vec{n} = G \frac{m m_s}{r^2} \vec{n}$$

ومنه :

$$v = \sqrt{\frac{G m_s}{r}}$$

وبالتالي فإن سرعة الكوكب حول الشمس تكتب على الشكل :

$$v = \sqrt{\frac{G m_s}{r}}$$

شعاع المدار : r كتلة الشمس و m_s : ثابتة التجاذب الكوني : $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N.m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$

G : ثابتة التجاذب الكوني ($G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N.m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$) ، m_s : كتلة الشمس و r : شعاع المدار .

❖ الدور المداري للكوكب :

هو المدة الزمنية اللازمة لينجز الكوكب دورة كاملة حول الشمس : $T = \frac{L}{v}$ بحيث : L : محيط المدار

$$\text{لدينا: } \frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{G m_s} \quad \text{نستنتج أن النسبة: } T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{G m_s}} \quad \text{لدينا: } T^2 = \frac{4\pi^2 r^2}{v^2} = \frac{4\pi^2 r^3}{G m_s} \quad \text{أي: } T = \frac{2\pi r}{v}$$

$\frac{T^2}{r^3}$ ثابتة ولا تتعلق إلا بكتلة الشمس. وهي نتيجة مطابقة لقانون الثالث ل Kepler.

لدينا: $\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{G m_s}$ ثابتة ولا تتعلق إلا بكتلة الشمس. وهي نتيجة مطابقة لقانون الثالث ل Kepler.

الحركة المدارية للأقمار:

نسمى قمرا كل جسم له حركة مدارية حول كوكب ، منها الأقمار الطبيعية والأقمار الصناعية .
ندرس حركة قمر أرضي بالنسبة للمعلم المركزي الأرضي والذي نعتبره غاليليا .

❖ السرعة والدور المداري للقمر :

نعتبر قمرا حول الأرض مركزه S وكتلته m في حركة دائرية منتظمة بسرعة v وشعاع مداري r .
شرط الحصول على حركة دائرية منتظمة للقمر :

- قوة التجاذب الكوني التي تسلطها الأرض على القمر $\vec{F}_{T/S}$ انجذابية مركبة .

- بدراسة مماثلة للدراسة السابقة : القمر عن سطح الأرض عارضا: $r = r_T + h$. حيث $v = \sqrt{\frac{G m_T}{r}}$ الدور المداري للقمر :

عن h تتعلق بكتلته بل بارتفاعه والدور المداري للقمر لا v نستنتج أن السرعة . أي $T = 2\pi \sqrt{\frac{(r_T + h)^3}{G m_T}}$

سطح الأرض الاستقامار La satellisation : سطح الأرض الاستقامار هو عملية وضع القمر الصناعي في مداره بسرعة كافية لتكون حركته دائرية منتظمة حول الأرض . وتم العملية في مرحلتين :

الدور المداري للقمر : تتعلق بكتلته والدور المداري للقمر لا v نستنتج أن السرعة . أي $T = 2\pi \sqrt{\frac{(r_T + h)^3}{G m_T}}$

الاستقامار La satellisation : عن سطح الأرض بل بارتفاعه الاستقامار هو عملية وضع القمر الصناعي في مداره بسرعة كافية لتكون حركته دائرية منتظمة حول الأرض . وتم العملية في مرحلتين :

الاستقامار La satellisation

الاستقامار هو عملية وضع القمر الصناعي في مداره بسرعة كافية لتكون حركته دائرية منتظمة حول الأرض . وتم العملية في مرحلتين :
- حمل القمر الصناعي بعيدا عن سطح الأرض ($h > 200 \text{ km}$) حيث ينعدم تقريبا الغلاف الجوي لتفادي الاحتكاك المائع .

- اطلاق القمر بسرعة $v_0 = \sqrt{\frac{G m_T}{r_T + h}}$ عمودية على الشعاع TS بحيث تكون قيمتها : . حالة خاصة: الأقمار الساكنة بالنسبة للأرض

لأرض: الأقمار الساكنة بالنسبة للأرض Les satellites géostationnaires

حالة خاصة: الأقمار الساكنة بالنسبة للأرض Les satellites géostationnaires

يكون قمر اصطناعي ساكننا بالنسبة للأرض إذا كان غير متحرك بالنسبة لمحاطة على سطح الأرض (أقمار الاتصالات) . وللحصول على قمر

اصطناعي ساكن بالنسبة للأرض ينبغي أن تكون حركته الدائرية مطابقة لحركة الدوران للأرض في المعلم المركزي الأرضي . وبالتالي ينبغي

أن يكون مداره فوق خط الاستواء ويكون دوره المداري مساويا ليوم واحد : $T = 24 \text{ h}$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{(r + h)^3}{G m_T}} \quad \text{أي: } h = \left(\left(\frac{T^2 G m_T}{4\pi^2} \right)^{1/3} - r_T \right) \quad \text{أي حوالي: } h = 36.10^3 \text{ km} . \quad \text{ولدينا:}$$