

## ملخص الدرس 4

### عموميات حول الدوال العددية

#### 3 مقارنة دالتيں:

تم مقارنة دالتيں  $f$  و  $g$  على مجال  $I$  بإحدى التقنيات التالية:

- حساب ودراسة إشارة  $f(x) - g(x)$  على مجال  $I$ .
- دراسة الوضع النسبي للمنحنين  $(\ell_f)$  و  $(\ell_g)$  للدالتيں  $f$  و  $g$ .

أ- يكون  $f(x) < g(x)$  عندما يقع  $(\ell_f)$  فوق  $(\ell_g)$  على  $I$

ب- أقصايل نقط تقاطع  $(\ell_f)$  و  $(\ell_g)$  إذا وجدت هي حلول المعادلة:  $f(x) = g(x)$

#### 4 رتابة دالة:

دالة عددية  $f$  و  $I$  مجال ضمن مجموعة تعريفها.

- نزابية على  $I$  إذا وفقط إذا كان:  $f(x) < f(y) \iff x < y$  لـكل  $x$  و  $y$  من  $I$ .
- تناصية على  $I$  إذا وفقط إذا كان:  $f(x) \geq f(y) \iff x < y$  لـكل  $x$  و  $y$  من  $I$ .

#### 1 زوجية دالة عددية:

تعريف:

$f$  دالة عددية مجموعة تعريفها  $D$ .

- نقول إن  $f$  دالة زوجية إذا كان لكل  $x$  من  $D$ :

$$\left. \begin{array}{l} -x \in D \\ f(-x) = f(x) \end{array} \right\}$$

- نقول إن  $f$  دالة فردية إذا كان لكل  $x$  من  $D$ :

$$\left. \begin{array}{l} -x \in D \\ f(-x) = -f(x) \end{array} \right\}$$

#### 2 الدالة المكبورة — الدالة المصغورة:

تعريف:

دالة عددية تعريفها  $D$  و  $I$  مجالاً ضمن  $D$ .

- نقول أن  $f$  مكبورة على  $I$  إذا وجد عدد حقيقي  $M$  بحيث:  $f(x) \leq M$  لـكل  $x$  من  $I$ .

- نقول إن  $f$  مصغررة على  $I$  إذا وجد عدد حقيقي  $m$  بحيث:  $f(x) \geq m$  لـكل  $x$  من  $I$ .

- نقول إن  $f$  محدودة على  $I$  إذا كانت مصغررة ومكبورة على  $I$  أي:  $m \leq f(x) \leq M$  لـكل  $x$  من  $I$ .