

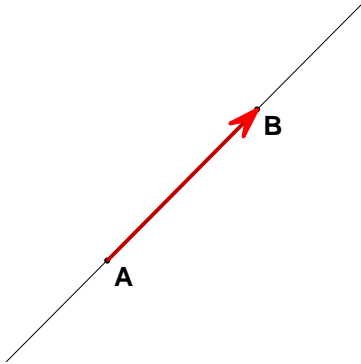
المتجهات والإزاحة

الجزء الأول : المتجهات :

I. المتجهة:

تعريف

كل نقطتين مختلفتين A و B تحددان متجهة يرمز لها بالرمز \overrightarrow{AB}



A تسمى أصل المتجهة \overrightarrow{AB} و B تسمى طرفها ✓

المستقيم (AB) يسمى إتجاه وحامل المتجهة \overrightarrow{AB} ✓

المسافة AB تسمى منظم أو معيار المتجهة \overrightarrow{AB} ✓

المنحى من A نحو B هو منحى المتجهة \overrightarrow{AB} ✓

$\overrightarrow{AA} = \vec{0}$ ليس لها إتجاه و تسمى المتجهة المنعدمة إذن ✓

مقابل المتجهة \overrightarrow{AB} هي المتجهة \overrightarrow{BA} ونكتب $\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{BA}$ ✓

II. تساوي متجهتين :

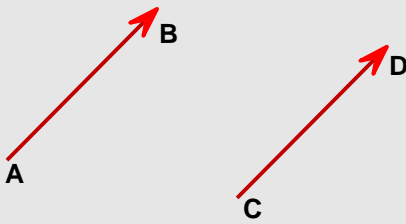
تعريف

تكون $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ إذا كان :

\overrightarrow{AB} و \overrightarrow{CD} لهما نفس الإتجاه أي $(AB) // (CD)$ ✓

\overrightarrow{AB} و \overrightarrow{CD} لهما نفس المنحى ✓

\overrightarrow{AB} و \overrightarrow{CD} لهما نفس المنظم (القياس) أي $AB = CD$ ✓



خاصيات

تكون $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ إذا كان $[AC]$ و $[BD]$ لهما نفس المنتصف ✓

إذا كان $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ فإن الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع ✓

إذا كان الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع فإن $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ ✓

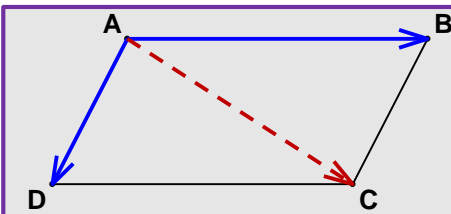
إذا كان الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع فإن $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC}$ ✓

III. مجموع متجهتين :

تعريف

مجموع المتجهتين \overrightarrow{AB} و \overrightarrow{AD} هو المتجهة \overrightarrow{AC}

بحيث $ABCD$ متوازي أضلاع ونكتب $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC}$



علاقة شال

A و B و C نقط من المستوى .

$$\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}$$

لدينا هذه المتساوية تسمى علاقة شال .

أمثلة : بسط ماييلي :

$$\vec{AB} + \vec{CD} + \vec{BC} = \vec{AB} + \vec{BC} + \vec{CD} = \vec{AC} + \vec{CD} = \vec{AD}$$

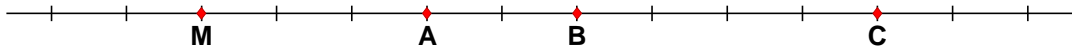
$$\vec{AB} - \vec{CB} + \vec{CA} = \vec{AB} + \vec{BC} + \vec{CA} = \vec{AC} + \vec{CA} = \vec{AA} = \vec{0}$$

IV. ضرب متجهة في عدد حقيقي :

تعريف

\vec{AB} متجهة غير منعدمة و k عدد حقيقي .
 نقول إن المتجهة \vec{AC} هي جداء المتجهة \vec{AB} في العدد الحقيقي k إذا كانت C هي نقطة من المستقيم (AB) بحيث $\vec{AC} = k \vec{AB}$.
 ✓ إذا كان $k > 0$ فإن $AC = k AB$ و \vec{AC} و \vec{AB} لهما نفس المنحى .
 ✓ إذا كان $k < 0$ فإن $AC = -k AB$ و \vec{AC} و \vec{AB} لهما منحيان متعاكسان .

مثال : $\vec{AC} = 3 \vec{AB}$ و $\vec{BC} = -2 \vec{BA}$ و $\vec{AM} = -\frac{3}{2} \vec{AB}$



خاصية 1

إذا كان $\vec{AC} = k \vec{AB}$ فإن A و B و C نقط مستقيمية .

خاصية 2

إذا كان $\vec{AB} = k \vec{MN}$ فإن $(AB) // (MN)$ نقول إن \vec{AB} و \vec{MN} متجهتان مستقيمتان .

V. المتجهة والمنتصف :

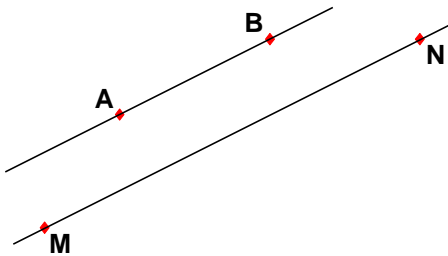
A و B و M ثلاث نقط .

M منتصف $[AB]$ يعني أن :

$$\vec{AM} = \vec{MB} = \frac{1}{2} \vec{AB}$$

$$\vec{MA} + \vec{MB} = \vec{0}$$

$$\vec{MA} = -\vec{MB}$$



الجزء الثاني : الإزاحة :

تعريف

A و B نقطتان من المستوى .

النقطة M' هي صورة النقطة M بالإزاحة T ذات المتجهة \overrightarrow{AB} فإن : $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{MM'}$

ملاحظة : المتجهة \overrightarrow{AB} هي المتجهة التي تحول A إلى B بحيث B تسمى صورة A

خاصية 1

إذا كانت A' و B' صورتى A و B على التوالي بإزاحة \vec{u} فإن : $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{A'B'}$

خاصية 2

صورة مستقيم (AB) بإزاحة \vec{u} هو مستقيم $(A'B')$ يوازيه

خاصية 3

صورة قطعة $[AB]$ بإزاحة \vec{u} هي قطعة $[A'B']$ تقابليها

خاصية 4

صورة زاوية بإزاحة هي زاوية تقابليها

مثال :

\vec{u} متجهة غير منعدمة و \widehat{ABC} زاوية .

لننشئ الزاوية $A'B'C'$ صورة الزاوية \widehat{ABC} بالإزاحة \vec{u}

خاصية 5

صورة دائرة (C) بإزاحة \vec{u} هي دائرة (C') لها نفس الشعاع

مثال : \overrightarrow{AB} متجهة غير منعدمة و (C) دائرة مركزها O وشعاعها r

لننشئ الدائرة (C') صورة الدائرة (C) بالإزاحة ذات المتجهة \overrightarrow{AB} (الإزاحة التي تحول A إلى B)

✓ أولاً ننشئ المركز O' صورة المركز O بالإزاحة ذات المتجهة \overrightarrow{AB}

✓ ثانياً نحتفظ بنفس الشعاع ونرسم الدائرة (C')

