

الدرس : المثلث القائم الزاوية والدائرة

الامتدادات	القدرات المستهدفة	المكتسبات القبلية
- الحساب المثلثي - الهندسة الفضائية	- التعرف على الخاصية العكسية للمثلث القائم الزاوية والمحاط بنصف دائرة - التعرف على مبرهنة فيتاغورس المباشرة - التعرف على جيب تمام الزاوية في مثلث قائم الزاوية	- المثلث القائم الزاوية - الدائرة

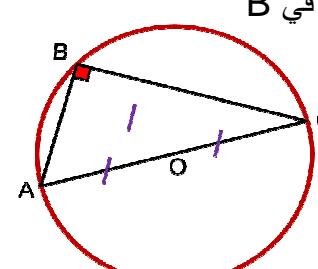
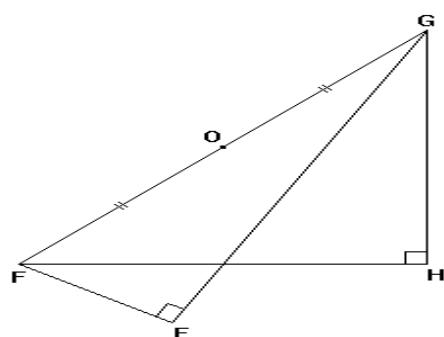
مضامين الدرس و هيكله

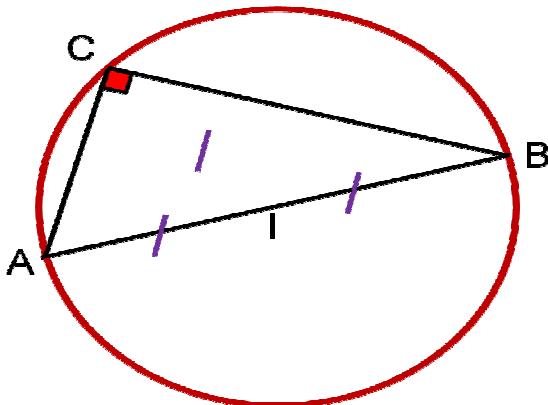
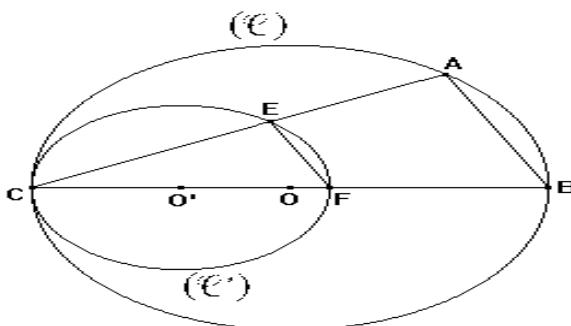
1- خاصية منتصفوتر مثلث قائم الزاوية

2- مبرهنة فيتاغورس المباشرة

3- جيب تمام الزاوية

الوسائل الديداكتيكية : الكتاب المدرسي – السبورة – الطباشير -
المسطرة- الكوس – البركار - المنقلة

الملحوظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	<p>نشاط</p> <p>ABC مثلث بحيث $BAC = 30^\circ$ و $ABC = 75^\circ$ هل هذا المثلث قائم الزاوية؟</p>	أنشطة تشخيصية
المدة: 20 دقيقة	<p>نشاط</p> <p>-1 ABCD مستطيل مركزه O. أ- بين أن O تنتهي إلى واسط القطعة [AB]. ب- استنتج أن $OA = OB = OC$. ABC-2 مثلث قائم الزاوية في A و I منصف القطعة [BC]. أ- أنشئ الشكل. ب- بين أن $IA = IB = IC$. ج- أنشئ الدائرة التي مركزها I وشعاعها IA . ماذا تلاحظ ؟</p>	أنشطة بنائية
المدة: 10 دقائق	<p>خاصية 1</p> <p>1- خاصية منتصف وتر مثلث قائم الزاوية</p> <p>كل مثلث قائم الزاوية محاط بدائرة مركزها منصف الوتر.</p> <p>مثال</p>  <p>لدينا O منصف [AC] إذن $OA = OB = OC$</p>	ملخص الدروس
المدة: 15 دقيقة	<p>تمرين تطبيقي</p>  <p>نعتبر الشكل جانبه بحيث : FGH و EFG مثلثان قائمان الزاوية على التوالي في E و H أثبت أن : $OE = OH$</p>	أنشطة تقويمية

الملحوظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	<u>نشاط</u> $AC = BD$ متوازي الأضلاع بحيث : بين أن الرباعي $ABCD$ مستطيل	<u>أنشطة تشخيصية</u>
المدة: 20 دقيقة	<u>نشاط</u> 1- أرسم دائرة أحد أقطارها $[EF]$ و G نقطة منها تختلف E و F . أ- تحقق بالزاوية أن المثلث EFG قائم الزاوية في G ب- بتغيير موقع G على الدائرة ، تظنن طبيعة المثلث EFG . ج- برهن على هذه المظنونة. 2- أنشئ بالبركار فقط مثلثاً قائم الزاوية في G ، إذا علمت أن طول ضلعه $EF = 12\text{cm}$.	<u>أنشطة بنائية</u>
المدة: 10 دقائق	<u>خاصية 2</u> كل مثلث محاط بدائرة قطرها أحد أضلاعه قائم الزاوية. <u>مثال</u>  <p style="text-align: center;">$\triangle ABC$ مثلث و IA منتصف $[AB]$ فإذا كان $\angle AIC = 90^\circ$ فإن $\triangle ABC$ قائم الزاوية</p>	<u>ملخص الدروس</u>
المدة: 15 دقيقة	<u>تمرين تطبيقي</u>  <p style="text-align: center;">لاحظ الشكل جانبه بحيث : (C) و (C') دائرتان مركزان على التوالي 'O' و 'O'' و متمسستان داخلياً في النقطة C أثبت أن : $(AB) \parallel (EF)$</p>	<u>أنشطة تقويمية</u>

الملحوظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	<p><u>نشاط</u></p> <p>عدد موجب حدد قيمة x في الحالات التالية :</p> $x^2 - 7 = 0 \quad , , \quad x^2 = 3 \quad , , \quad x^2 = 16$	<u>أنشطة تشخيصية</u>
المدة: 25 دقيقة	<p><u>نشاط</u></p> <p>I.</p> <ol style="list-style-type: none"> أرسم على دفترك مثلثا ABC قائم الزاوية في A قم بقياس أضلاع هذا المثلث. قارن: $AB^2 + AC^2$ و BC^2. ماذا تلاحظ؟ <p>II.</p> <p>انطلاقا من أربعة مثلثات متشابهة قائمة الزاوية ومتطابقة فيما بينها ننشئ الشكل جانبه</p> <p>c و b و a هي أطوال أضلاع المثلثات القائمة الزاوية</p> <p>1- مطابقية الرباعي $ABCD$ على جوابك 2- بين أن : $\hat{PMN} = 90^\circ$ 3- ما طبيعة الرباعي $MNOP$ على جوابك 4- أحسب مساحة الرباعي $MNOP$ بدلالة c 5- ننشئ بواسطة المثلثات الأربع القائمة الزاوية الشكل جانله حيث $EFGH$ مربع</p> <p>أ- أحسب مساحة المربع $EFGH$ ب- قارن مساحة $ABCD$ و $EFGH$ ج- أحسب مساحة المربعين الملونين بالأخضر والأزرق 6- ماذا يمكن أن نقول عن مساحة المربعين الملونين بالأخضر والأزرق بالنسبة لمساحة المربع الملون بالبنفسجي 7- أكتب العلاقة بين c و a و b</p>	<u>أنشطة بنائية</u>

2- مبرهنة فيتاغورس المباشرة

المبرهنة

في كل مثلث قائم الزاوية، مربع طول الوتر يساوي مجموع مربعين طولي ضلعي.

مثال

ABC مثلث قائم الزاوية في A بحيث : $BC = 5 \text{ cm}$ و $AB = 3 \text{ cm}$ لنحسب AC

لدينا حسب مبرهنة فيتاغورس المباشرة :
ادن

$$AC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$AC^2 = 5^2 - 3^2$$

$$AC^2 = 25 - 9$$

$$AC^2 = 16$$

و بما أن AC عدد موجب فإن :

المدة: 10 دقائق

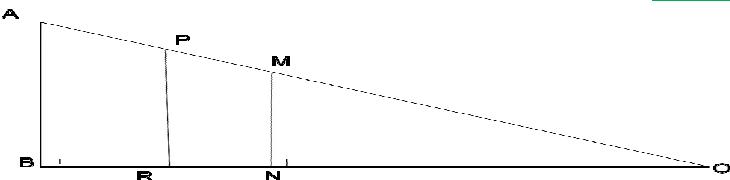
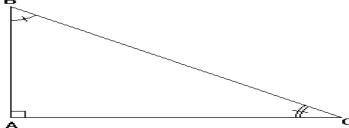
تمرين تطبيقي

مثلث قائم الزاوية في F.

بحيث: $EF = 0,6\text{cm}$ و $EG = 1\text{cm}$. أحسب FG .

المدة: 10 دقائق

الموضوع: جيب تمام الزاوية

الملحوظات	المحتوى	المراحل		
المدة: 10 دقائق	<p style="color: green; font-weight: bold;">نشاط</p> <p>أوجد العدد الجذري a في كل حالة من الحالات التالية :</p> $\frac{a}{12} = \frac{2}{3} \quad , \quad \frac{15}{a} = \frac{3}{5} \quad , \quad \frac{a}{2} = \frac{21}{-6} \quad , \quad \frac{5}{a} = \frac{-1}{4}$	<u>أنشطة تشخيصية</u>		
المدة: 20 دقيقة	 <p style="color: green; font-weight: bold;">نشاط</p> <p>1- لاحظ الشكل ثم بين أن:</p> $\frac{OB}{OA} = \frac{ON}{OM} \quad \frac{OB}{OA} = \frac{OR}{OP}$ <p>2- ماذا تلاحظ 3- أوجد تأطيراً لجيب تمام الزاوية B</p>	<u>أنشطة بنائية</u>		
المدة: 10 دقائق	<p style="color: red; font-weight: bold;">3- جيب تمام الزاوية</p> <p style="color: green; font-weight: bold;">تعريف</p> <p>جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم الزاوية يساوي خارج طول الضلع المحادي للزاوية الحادة على طول الوتر</p>	<u>ملخص الدروس</u>		
المدة: 15 دقائق	<p style="color: green; font-weight: bold;">مثال</p>  <p>[AB] هو الضلع المحادي للزاوية $A\hat{C}B$ ، وال مقابل للزاوية $A\hat{C}B$ [AC] هو الضلع المقابل للزاوية $A\hat{B}C$ ، والمحادي للزاوية $A\hat{B}C$ [CB] هو الوتر</p> $\cos A\hat{C}B = \frac{AC}{BC} \quad , \quad \cos A\hat{B}C = \frac{AB}{BC}$ <p style="color: green; font-weight: bold;">ملاحظة</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="padding: 5px; text-align: center;">$0 < \cos \alpha < 1$</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">α قياس زاوية حادة :</td> </tr> </table> <p style="color: red; font-weight: bold;">تمرين تطبيق</p> <p>ABC مثلث قائم الزاوية في A : بحيث $AB = 3 \text{ cm}$ و $AC = 4 \text{ cm}$ احسب $\cos A\hat{B}C$</p>	$0 < \cos \alpha < 1$	α قياس زاوية حادة :	<u>أنشطة تقويمية</u>
$0 < \cos \alpha < 1$	α قياس زاوية حادة :			