

مبرهنة طاليس

تمرين 1

- . [BD] نقطة من M رباعي محدب . المستقيم المار من M و الموازي ل (BC) يقطع (DC) في E . المستقيم المار من M و الموازي ل (AD) يقطع (AB) في F .

$$\frac{BF}{BA} \text{ و } \frac{BM}{BD} \text{ قارن } \quad \textcircled{2}$$

$$\frac{BM}{BD} \text{ و } \frac{BE}{BC} \text{ قارن } \quad \textcircled{1}$$

(EF) // (AC) برهن أن \textcircled{3}

تمرين 2

- . (AB)//(CD) شبه منحرف حيث : ABCD BC=6cm و AD=5cm و DC=8cm و AB=4cm H نقطة من [AD] حيث AH=2cm ، (BD) يقطع (HK) في M . الموازي ل (AB) و المار من H يقطع (BC) في K

$$CK \text{ و } BK \text{ احسب } \quad \textcircled{1}$$

$$MH \text{ احسب } \quad \textcircled{2}$$

EB و EA احسب . EB و EA (AD) و (BC) يتقاطعان في E . احسب \textcircled{3}

تمرين 3

- . F متوازي أضلاع. M نقطة من [DB] . المستقيم (MC) يقطع (AD) في E و (AM) يقطع (DC) في F .

$$(AC) // (EF) \quad \textcircled{3} \quad \text{برهن أن } \frac{MC}{ME} \text{ و } \frac{MB}{MD} \text{ قارن } \quad \textcircled{2}$$

$$\frac{MA}{MF} \text{ و } \frac{MB}{MD} \text{ قارن } \quad \textcircled{1}$$

تمرين 4

- . E متوازي أضلاع. ABCD نقطة من [BC] و F نقطة من [DC] حيث (EF) // (DB) . AE يقطع (DC) في I و AF يقطع (BC) في J .

$$\frac{DF}{DC} \text{ و } \frac{BE}{BC} \text{ قارن } \quad \textcircled{2}$$

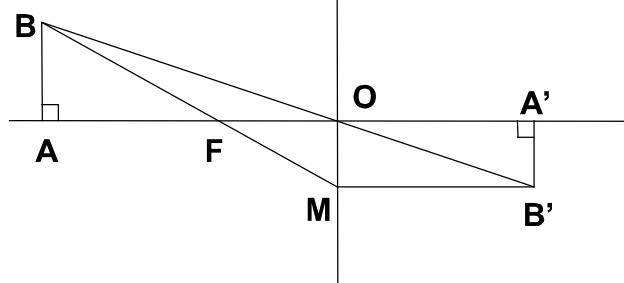
$$\frac{BE}{BC} \text{ و } \frac{AE}{AI} \text{ قارن } \quad \textcircled{1}$$

$$(EF) // (IJ) \quad \text{برهن أن } \quad \frac{AF}{AJ} \text{ و } \frac{DF}{DC} \text{ قارن } \quad \textcircled{3}$$

R

مبرهنة طاليس

تمرين 5



انظر الشكل أعلاه حيث $(MB') \parallel (OA')$ و $(OM) \perp (OA')$

$$\frac{1}{OF} = \frac{1}{OA} + \frac{1}{OA'} \quad \text{استنتج أن } \quad ③$$

$$\frac{AB}{OM} = \frac{AF}{OF} \quad \text{برهن أن } \quad ②$$

$$\frac{OA}{OA'} = \frac{AB}{A'B'} \quad \text{برهن أن } \quad ①$$

تمرين 6

$\triangle ABC$ شبه منحرف قاعته $[AB]$ و $[CD]$ ($AB < CD$) و (AC) و (BD) يتقاطعان في O . الموازي لـ (BC) والمار من D يقطع (AC) في E .

① أنشئ الشكل

$$\frac{OB}{OD} \text{ و } \frac{OC}{OE} \text{ ثم } \frac{OB}{OD} \text{ و } \frac{OA}{OC} \quad ②$$

$$OC^2 = OA \times OE \quad ③$$

تمرين 7

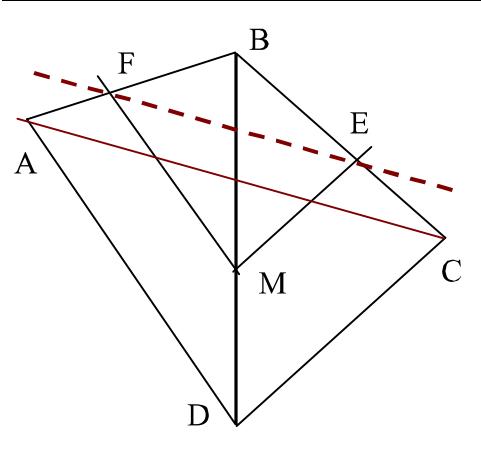
$\square ABCD$ متوازي أضلاع و (Δ) مستقيم يمر من A و يقطع $[BD]$ و (BC) على التوالي في M و P و Q .

$$MA^2 = MP \times MQ \quad \diamond$$

مبرهنة طاليس - حلول

تعليق ← انتهی

تمرين 1



$$\text{لنصارن } \frac{BM}{BD} \text{ و } \frac{BE}{BC}$$

لدينا في المثلث $(EM) \parallel (DC)$ و $M \in (BD)$ و $E \in (BC)$ ، BDC

$$\text{إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة : } \frac{BM}{BD} = \frac{BE}{BC}$$

$$\text{لنصارن } \frac{BF}{BA} \text{ و } \frac{BM}{BD}$$

لدينا في المثلث $(FM) \parallel (AD)$ و $M \in (BD)$ و $F \in (AB)$ ، ADB

$$\text{إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة : } \frac{BF}{BA} = \frac{BM}{BD}$$

لنبرهن أن $(EF) \parallel (AC)$

لدينا في المثلث $E \in (BC)$ و $F \in (AB)$: ABC

للنقط A و B و C نفس ترتيب النقط F و B و E

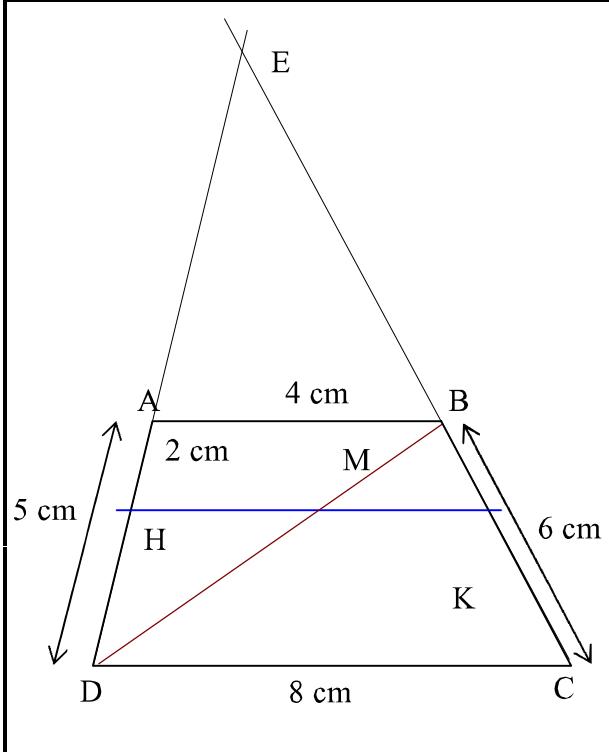
$$\frac{BF}{BA} = \frac{BE}{BC} \quad \text{منه} \quad \frac{BF}{BA} = \frac{BM}{BD} \text{ و } \frac{BM}{BD} = \frac{BE}{BC}$$

ولدينا حسب السؤالين السابقين : $(EF) \parallel (AC)$

← يجب تحديد المثلث عند استعمال مبرهنة طاليس (المباشرة والعكسية)
عند استعمال مبرهنة طاليس العكسية يجب التأكيد على ترتيب النقط ، واثبات التناسب باستعمال أسئلة سابقة أو باستعمال المعطيات.

تعليق ← انتهی

تمرين 2



① لحسب CK و BK

لدينا في المثلث $(HM) \parallel (AB)$ و $M \in (DB)$ و $H \in (AD)$ ، ADB

$$\text{إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة : } \frac{AH}{AD} = \frac{BM}{BD}$$

لدينا في المثلث $(MK) \parallel (DC)$ و $M \in (DB)$ و $K \in (BC)$ ، DBC

$$\text{إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة : } \frac{BK}{BC} = \frac{BM}{BD}$$

$$\frac{BK}{6} = \frac{2}{5} \quad \text{منه} \quad \frac{BK}{BC} = \frac{AH}{AD}$$

$$\underline{CK = BC - BK = 6 - 2,4 = 3,6} \quad \underline{BK = \frac{6 \times 2}{5} = \frac{12}{5} = 2,4} \quad \text{منه :}$$

← صعوبة السؤال تكمن في ضرورة استعمال مبرهنة طاليس في مثلثين للحصول على تناسب يحتوي على المطلوب والمعطيات.

② لحسب MH

لدينا في المثلث $(HM) \parallel (AB)$ و $M \in (DB)$ و $H \in (AD)$ ، ADB

$$\frac{DH}{DA} = \frac{DM}{DB} = \frac{HM}{AB}$$

إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة : $\frac{HM}{AB} = \frac{DH}{DA}$

$$\underline{MH = \frac{4 \times 3}{5} = \frac{12}{5} = 2,4} \quad \text{بالتالي :} \quad \underline{\frac{HM}{4} = \frac{5 - 2}{5}} \quad \text{أي :} \quad \underline{\frac{HM}{AB} = \frac{DH}{DA}} \quad \text{منه :}$$

تمرين 2

← انتبه 

③ لنجيب لنحسب EB و EA و $(DC) \parallel (AB)$ و $B \in (CE)$ و $A \in (ED)$ ، EDC لدينا في المثلث

إذن حسب مبرهنة طاليس المبادرة : $\frac{EA}{ED} = \frac{EB}{EC} = \frac{AB}{DC} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$

وهذا يعني أن A منتصف $[DE]$ و B منتصف $[CE]$

$EB = BC = 6\text{ cm}$ و $EA = AD = 5\text{ cm}$ وبالتالي :

تمرين 3

← انتبه 

① لنقارن $\frac{MA}{MF}$ و $\frac{MB}{MD}$

لدينا في المثلث $B \in (MD)$ و $A \in (MF)$ ، MDF (أي $(AB) \parallel (DF)$)

إذن حسب مبرهنة طاليس المبادرة : $\frac{MA}{MF} = \frac{MB}{MD}$

② لنقارن $\frac{MC}{ME}$ و $\frac{MB}{MD}$

لدينا في المثلث $B \in (MD)$ و $C \in (EM)$ ، MDE (أي $(BC) \parallel (DE)$)

إذن حسب مبرهنة طاليس المبادرة : $\frac{MC}{ME} = \frac{MB}{MD}$

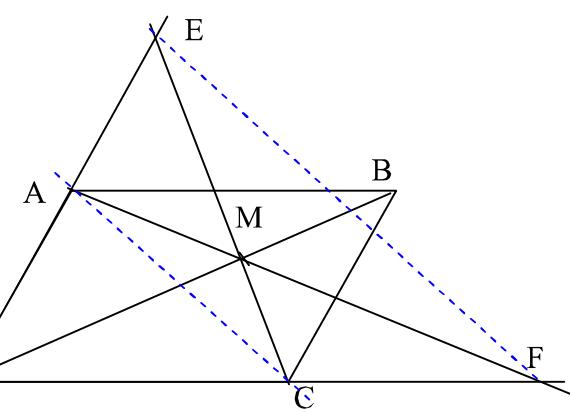
③ لنبرهن أن $(EF) \parallel (AC)$

لدينا في المثلث $C \in (ME)$ و $A \in (MF)$: MEF (أي $(EF) \parallel (AC)$)

للنقط A و M و F نفس ترتيب النقط E و M و C و D (أي $E \in (MF)$ و $M \in (ME)$ و $F \in (MD)$)

و لدينا حسب السؤالين السابقين : $\frac{MC}{ME} = \frac{MB}{MD}$ و $\frac{MA}{MF} = \frac{MB}{MD}$

إذن و حسب مبرهنة طاليس العكسية : $(EF) \parallel (AC)$



← صعوبة السؤال تكمن في العثور على المثلث المناسب لتطبيق الخاصية ، سواء المباشرة أو العكسية ، لذلك حاول استعمال ألوان لتوضيح المثلث المناسب.

يتبّع ...