

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة

التمرين الأول : (5 نقط)

$$C = \frac{1}{\sqrt{6+\sqrt{3}}} + \frac{1}{\sqrt{3}}$$

① أحسب و بسط: $A = \sqrt{2} \times \sqrt{4,5}$ ، $B = \sqrt{54} + \sqrt{600} - 5\sqrt{24}$ ، $C = \frac{1}{\sqrt{6+\sqrt{3}}} + \frac{1}{\sqrt{3}}$ 3ن

② أكتب علميا العدد : $D = 3 \times 10^{-6} \times 15 \times 10^{10}$ 1ن

③ نعتبر العدد : $E = (2 + \sqrt{3})^2 - (1 - \sqrt{3})^2$ 1ن

أ) أنشر العدد E 1ن

ب) عمل العدد E 1ن

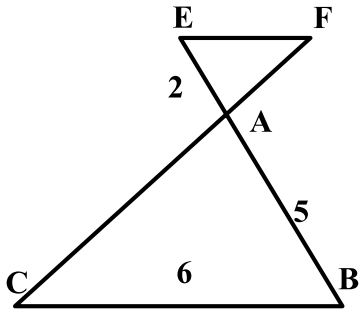
التمرين الثاني : (4 نقط)

① قارن العددين : 7 و $4\sqrt{3}$ 1ن

② a و b عدنان حقيقيان حيث : $1 \leq a \leq 3$ و $-6 \leq b \leq -2$ 2,5ن

أ) أطر ما يلي : $a+b$ و $a-b$ و ab 2,5ن

ب) بين أن : $0 \leq \frac{a^2 + b^2 - 5}{20} \leq 2$ 0,5ن



التمرين الثالث : (3 نقط)

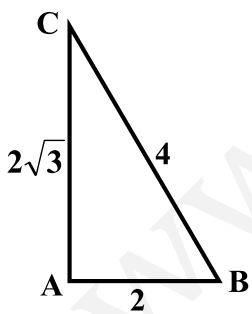
في الشكل جانبه $(EF) \parallel (BC)$ و $AE = 2 \text{ cm}$ و $AB = 5 \text{ cm}$ و $BC = 6 \text{ cm}$

① أحسب EF 1ن

② M نقطة من $[AB]$ و N نقطة من $[CB]$ حيث $BM = 1 \text{ cm}$ و $BN = 1,2 \text{ cm}$

أ) بين أن : $(MN) \parallel (AC)$ 1ن

ب) بين أن : $AC = 5 MN$ 1ن



التمرين الرابع : (5 نقط)

ABC مثلث أطوال أضلاعه هي : $AB = 2 \text{ cm}$ و $AC = 2\sqrt{3} \text{ cm}$ و $BC = 4 \text{ cm}$

① بين أن المثلث ABC قائم الزاوية في A 1ن

② أ) احسب $\sin(\hat{A}BC)$ و $\cos(\hat{A}BC)$ و $\tan(\hat{A}BC)$ 1,5ن

ب) استنتج قياس $\hat{A}BC$ 0,5ن

③ α قياس زاوية حادة و غير منعدمة حيث $\cos \alpha = \frac{\sqrt{15}}{4}$ ، احسب $\sin \alpha$ 1ن

④ احسب $K = (\cos 87^\circ)^2 + 4(\cos 60^\circ)^2 + \frac{\sin 10^\circ}{\cos 10^\circ} \times \tan 80^\circ + (\cos 3^\circ)^2$ 1ن

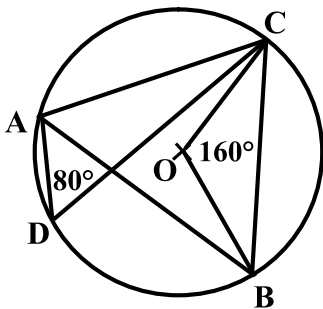
التمرين الخامس : (3 نقط)

في الشكل جانبه O مركز الدائرة و $\hat{A}DC = 80^\circ$ و $\hat{B}OC = 160^\circ$

① أحسب $\hat{A}BC$ 1ن

② أحسب $\hat{B}AC$ 1ن

③ بين أن : $AC = BC$ 1ن



من اقتراح : أذ سمير لخريسي

تمرين 1 :

$$A = \sqrt{2} \times \sqrt{4,5} = \sqrt{2 \times 4,5} = \sqrt{9} = 3$$

$$B = \sqrt{54} + \sqrt{600} - 5\sqrt{24} = \sqrt{9 \times 6} + \sqrt{100 \times 6} - 5\sqrt{4 \times 6} = 3\sqrt{6} + 10\sqrt{6} - 10\sqrt{6} = 3\sqrt{6}$$

$$C = \frac{1}{\sqrt{6} + \sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{1 \times (\sqrt{6} - \sqrt{3})}{(\sqrt{6} + \sqrt{3})(\sqrt{6} - \sqrt{3})} + \frac{1 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{3}}{6 - 3} + \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{3}}{3} + \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{\sqrt{6}}{3}$$

$$D = 3 \times 10^{-6} \times 15 \times 10^{10} = 3 \times 15 \times 10^{-6} \times 10^{10} = 45 \times 10^4 = 4,5 \times 10^1 \times 10^4 = 4,5 \times 10^5$$

$$E = (2 + \sqrt{3})^2 - (1 - \sqrt{3})^2 = 2^2 + 2 \times 2 \times \sqrt{3} + (\sqrt{3})^2 - (1^2 - 2 \times 1 \times \sqrt{3} + (\sqrt{3})^2)$$

$$E = 4 + 4\sqrt{3} + 3 - (1 - 2\sqrt{3} + 3) = 7 + 4\sqrt{3} - 1 + 2\sqrt{3} - 3 = 3 + 6\sqrt{3}$$

$$E = (2 + \sqrt{3})^2 - (1 - \sqrt{3})^2 = [(2 + \sqrt{3}) + (1 - \sqrt{3})][(2 + \sqrt{3}) - (1 - \sqrt{3})]$$

$$E = (2 + \sqrt{3} + 1 - \sqrt{3})(2 + \sqrt{3} - 1 + \sqrt{3}) = 3(1 + 2\sqrt{3})$$

تمرين 2 :

1 لدينا $(4\sqrt{3})^2 = 16 \times 3 = 48$ و $7^2 = 49$ ، بما أن : $49 > 48$ فإن : $7 > 4\sqrt{3}$

لدينا : $\begin{cases} 1 \leq a \leq 3 \\ -6 \leq b \leq -2 \end{cases}$ منه : $1 + (-6) \leq a + b \leq 3 + (-2)$ بالتالي : $-5 \leq a + b \leq 1$

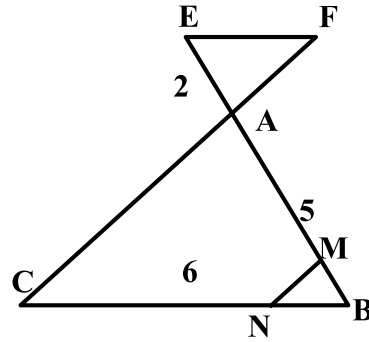
أ) لدينا : $\begin{cases} 1 \leq a \leq 3 \\ -6 \leq b \leq -2 \end{cases}$ منه : $1 + 2 \leq a + (-b) \leq 3 + 6$ بالتالي : $3 \leq a - b \leq 9$

2 لدينا : $\begin{cases} 1 \leq a \leq 3 \\ 2 \leq -b \leq 6 \end{cases}$ منه : $1 \times 2 \leq a \times (-b) \leq 3 \times 6$ أي $2 \leq -ab \leq 18$ بالتالي : $-18 \leq ab \leq -2$

ب) لدينا : $\begin{cases} 1 \leq a \leq 3 \\ 2 \leq -b \leq 6 \end{cases}$ منه : $\begin{cases} 1 \leq a^2 \leq 9 \\ 4 \leq (-b)^2 \leq 36 \end{cases}$ وبما أن : $(-b)^2 = (-b) \times (-b) = b^2$ فإن : $\begin{cases} 1 \leq a^2 \leq 9 \\ 4 \leq b^2 \leq 36 \end{cases}$

منه : $5 \leq a^2 + b^2 \leq 45$ منه : $0 \leq a^2 + b^2 - 5 \leq 40$ بالتالي : $0 \leq \frac{a^2 + b^2 - 5}{20} \leq 2$

تمرين 3 :



لدينا في المثلث ABC : $E \in (AB)$ و $F \in (AC)$ و $(EF) \parallel (BC)$ إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة: $\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC} = \frac{EF}{BC}$ منه: $\frac{2}{5} = \frac{6}{BC}$ بالتالي: $BC = \frac{5 \times 6}{2} = \frac{30}{2} = 15$

1

لدينا: $\frac{BM}{BA} = \frac{1}{5} = 0,2$ و $\frac{BN}{BC} = \frac{1,2}{6} = \frac{12}{60} = \frac{1}{5} = 0,2$ لدينا في المثلث ABC : $M \in (AB)$ و $N \in (BC)$ و $\frac{BM}{BA} = \frac{BN}{BC}$ و للنقط B و M و A نفس ترتيب النقط B و N و C ، إذن حسب مبرهنة طاليس العكسية فإن: $(MN) \parallel (AC)$

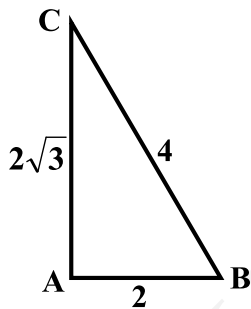
أ

2

لدينا في المثلث ABC : $M \in (AB)$ و $N \in (BC)$ و $(MN) \parallel (AC)$ إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة: $\frac{BM}{BA} = \frac{BN}{BC} = \frac{MN}{AC}$ منه: $\frac{1}{5} = \frac{MN}{AC}$ بالتالي: $AC = 5MN$

ب

تمرين 4 :



لدينا $AB^2 = 2^2 = 4$ و $AC^2 = (2\sqrt{3})^2 = 12$ و $BC^2 = 4^2 = 16$ بما أن: $4 + 12 = 16$ فإن: $AB^2 + AC^2 = BC^2$ ، إذن حسب مبرهنة فيثاغورس العكسية فإن المثلث ABC قائم الزاوية في النقطة A

1

$$\tan(\hat{ABC}) = \frac{AC}{AB} = \frac{2\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\cos(\hat{ABC}) = \frac{AB}{BC} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

$$\sin(\hat{ABC}) = \frac{AC}{BC} = \frac{2\sqrt{3}}{4} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

أ

2

نستنتج إذن أن: $\hat{ABC} = 60^\circ$

ب

لدينا $\cos \alpha = \frac{\sqrt{15}}{4}$ و نعلم أن: $(\sin \alpha)^2 + (\cos \alpha)^2 = 1$ إذن: $(\sin \alpha)^2 + \left(\frac{\sqrt{15}}{4}\right)^2 = 1$

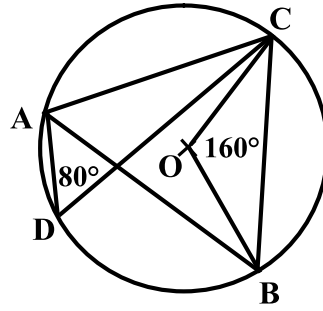
3

$$\sin \alpha = \sqrt{\frac{1}{16}} = \frac{1}{4} \text{ : بالتالي } (\sin \alpha)^2 = 1 - \frac{15}{16} = \frac{16}{16} - \frac{15}{16} = \frac{1}{16} \text{ منه: } (\sin \alpha)^2 + \frac{15}{16} = 1$$

$$K = (\cos 87^\circ)^2 + 4(\cos 60^\circ)^2 + \frac{\sin 10^\circ}{\cos 10^\circ} \times \tan 80^\circ K = (\cos 87^\circ)^2 + (\cos 3^\circ)^2 + 4 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \tan 10^\circ \times \tan 80^\circ$$

4

$$K = (\cos 87^\circ)^2 + (\sin 87^\circ)^2 + 4 \times \frac{1}{4} + \tan 10^\circ \times \frac{1}{\tan 10^\circ} = 1 + 1 + 1 = 3$$



1 لدينا $\hat{A}BC$ و $\hat{A}DC$ زاويتان محيطيتان تحصران نفس القوس ، إذن : $\hat{A}BC = \hat{A}DC$ أي : $\hat{A}BC = 80^\circ$

2 لدينا $\hat{B}AC$ زاوية محيطية مرتبطة بالزاوية المركزية $\hat{B}OC$ ، إذن : $\hat{B}AC = \frac{\hat{B}OC}{2} = \frac{160^\circ}{2} = 80^\circ$

3 بما أن : $\hat{A}BC = 80^\circ$ و $\hat{B}AC = 80^\circ$ فإن : $\hat{A}BC = \hat{B}AC$ ، إذن المثلث ABC متساوي الساقين في C بالتالي : $AC = BC$