

التمرين 1 (3 نقط)(1) تحقق من أن لكل n من \mathbb{N} : $n^3 - 2n - 7 = (n+1)(n^2 - n - 1) - 6$

0.5

(2) استنتج أن: $(n^3 - 2n - 7) \wedge (n+1) = (n+1) \wedge 6$

1.5

(3) حدد جميع الأعداد الصحيحة الطبيعية n بحيث: $\frac{(n+1)}{n^3 - 2n - 7}$

1

التمرين 2 (6 نقط)(1) أ- حدد باقي قسمة 6^{10} على 11 .

0.5

ب- حدد باقي قسمة 6^4 على 5 .

0.5

ج- استنتاج أن: $6^{40} \equiv 1 [55]$

1

(2) أ- باستعمال خوارزمية أقليدس حدد زوجا (x_0, y_0) من \mathbb{Z}^2 يتحقق: $17x_0 - 40y_0 = 1$

1.5

ب- p عدد أولي . a و b عددين من \mathbb{Z} .

1

اثبthat أن: $p/ab \Leftrightarrow p/a$ أو p/b

1

ج- استنتاج في \mathbb{Z}^2 حلول المعادلة: $17x - 40y = 1$

1.5

التمرين 3 (11 نقط)I- نعتبر الدالة العددية g المعرفة على $[0; +\infty]$ بما يلي :

1

1- أدرس تغيرات الدالة g على المجال $[0; +\infty]$.

1

2- استنتاج اشارة g على المجال $[0; +\infty]$.

1

II- نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $[0; +\infty]$ بما يلي :

1.5

1- أحسب (x) و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم أول هندسيا النتيجة المحصل عليها.

1

2- أدرس قابلية استقاق f في 0^+ ثم أول مبيانها النتيجة.

1

3- أ- بين أن: $f(x) = \frac{g(x)}{\sqrt{x}}$ لكل x من $[0, +\infty]$.

1.5

0.5

ب- ضع جدول تغيرات f .

0.5

4- أكتب معادلة المماس (T) في النقطة ذات الأقصول $\frac{1}{4}$

1.5

5- أ- بين أن: $f'(x) = \frac{\left(\frac{1}{2} - \sqrt{x}\right)(16x + 2\sqrt{x} + 1)}{2x\sqrt{x}}$ لكل x من $[0, +\infty]$

1

ب- أدرس تقرير (C_f).

1.5

6- أنشئ المنحني (C_f) و المماس (T) في م.م.م (T) نأخذ $\|i\| = 2cm$. (O, i, j)

1.5