

جزء خضر مدروس

التمرين الأول (2 نقط)

نعتبر المتتالية (U_n) المعرفة بما يلي : $U_0 = -1$ و $U_1 = 1$; $3U_{n+2} = 5U_{n+1} - 2U_n$

$$1) \text{ نضع } W_n = U_{n+1} - U_n \quad q = \frac{2}{3} \text{ بين أن } (W_n) \text{ متتالية هندسية أساسها } (1 \text{ ن})$$

$$2) \text{ استنتاج أن } U_n = 5 - 6 \left(\frac{2}{3} \right)^n \quad (1 \text{ ن})$$

التمرين الثاني (5 نقط)

$$\begin{cases} V_0 = 6 \\ V_{n+1} = \frac{U_n + 5V_n}{6} \end{cases} \text{ و } \begin{cases} U_0 = 1 \\ U_{n+1} = \frac{3U_n + V_n}{4} \end{cases} \text{ ممتاليتان معرفتان بما يلي : } (V_n)_n ; (U_n)_n$$

$$1) \text{ أحسب } V_1 ; U_1 \quad (1 \text{ ن})$$

$$2) \text{ نضع } W_n = V_n - U_n \text{ بين أن } (W_n) \text{ متتالية هندسية } (1 \text{ ن})$$

$$3) \text{ نضع } T_n = 2U_n + 3V_n \text{ بين أن } (T_n) \text{ ثابتة محددا قيمتها } (1 \text{ ن} + 0.5 \text{ ن})$$

$$4) \text{ استنتاج مما سبق } V_n \text{ بدلالة } n ; U_n \quad (1.5 \text{ ن})$$

التمرين الثالث (4 نقط)

المستوى (p) منسوب إلى معلم متعمد ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) . نعتبر المجموعة (C_m) للنقط (x, y) للنقط M والتي تحقق المعادلة

$$(C_m) : x^2 + y^2 - 2mx - 2(2m-1)y - 4m - 4 = 0 \text{ حيث } m \text{ بارامتر حقيقي}$$

$$1) \text{ بين أن } (C_m) \text{ دائرة محددا مرکزها وشعاعها } (1 \text{ ن})$$

$$2) \text{ حدد مجموعة المراكز للدواير } (C_m) \text{ عندما يتغير } m \quad (1 \text{ ن})$$

$$3) \text{ بين أن جميع الدواير } (C_m) \text{ تمربنقطتين ثابتتين } A ; B \text{ يتم تحديد إحداثياتهما } (1 \text{ ن})$$

$$4) \text{ لتكن } (M_0) \text{ نقطة معلومة، حدد حسب وضع النقطة } M_0 \text{ عدد الدواير } (C_m) \text{ والتي تمر من } M_0(x_0, y_0) \quad (1 \text{ ن})$$

التمرين الرابع (5 نقط)

المستوى (p) منسوب إلى معلم متعمد ممنظم مباشر (O, \vec{i}, \vec{j}) . ليكن ABC مثلث متساوي الساقين رأسه A وبحيث

$$(A, -1) ; (B, 1) ; (C, 1) ; AB = \sqrt{5} \text{ و } BC = 4 \text{ ، } I \text{ منتصف القطعة } [BC] \text{ و } G \text{ مرجح النقط } (1 \text{ ن})$$

$$\text{ونعتبر المجموعة } (\zeta) \text{ للنقط } M \text{ بحيث : } MB^2 + MC^2 - MA^2 = 10 \quad (1 \text{ ن})$$

$$1) \text{ بين أن } \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = -3 \quad (1 \text{ ن})$$

$$2) \text{ أ. بين أن } [M \in (\zeta)] \Leftrightarrow [2MI^2 - MA^2 = 2] \quad (1 \text{ ن})$$

$$\text{ب. تحقق أن } G \text{ مرجح النقط } (I, 2) ; (A, -1) ; (G, 1) \text{ ثم بين أن } GA^2 = 4 \text{ و } GI^2 = 1 \text{ (أ.5 ن) } + 1 \text{ (ن)}$$

$$3) \text{ استنتاج أن المجموعة } (\zeta) \text{ دائرة مرکزها } G \text{ وشعاعها } r = 2 \quad (1.5 \text{ ن})$$