

التمرين 1 (9 نقط)

$$\cdot f(x) = x + \sqrt{x^2 + 2x}$$

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :1 - حدد D_f ثم أحسب النهايات عند محدات

$$2 - \text{أحسب } \lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - 2x) \text{ و } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$$

3 - أدرس قابلية اشتقاق f على يمين 0 ثم على يسار 2 . أول هندسيا النتائج المحصل عليها.4 - حدد $f'(x)$ لكل $x \in D_f - \{0; -2\}$ 5 - حدد اشارة $(x)f'$ على كل من المجالين $[0; +\infty)$ و $[-2; 0]$ ثم أعط جدول تغيرات f 6 - أكتب معادلة المماس (T) لمنحنى f في النقطة ذات الأصول 1التمرين 2 (2 نقط)1 - حدد الحل العام للمعادلة التفاضلية : $\frac{1}{2}y'' + 2y = 0$ 2 - استنتج حل خاصاً للمعادلة (E) الذي يحقق : $y'(0) = -2$ و $y(0) = 1$ التمرين 3 (5 نقط)

$$\cdot g(x) = \sqrt{x + \sqrt{1 + x^2}}$$

نعتبر الدالة العددية g المعرفة بما يلي :1 - بين أن g قابلة للاشتراق على \mathbb{R}

$$\cdot (\forall x \in \mathbb{R}): 2\sqrt{1+x^2}g'(x) = g(x)$$

$$3 - \text{أ- بين أن: } (\forall x \in \mathbb{R}): 4(1+x^2)g''(x) + 4xg'(x) = g(x)$$

ب- استنتاج رتبة الدالة g .التمرين 4 (4 نقط)ليكن n عدد صحيح طبيعي بحيث $n \geq 2$ نعتبر الدالة العددية h المعرفة \mathbb{R}^+ بما يلي:

$$1 - \text{أحسب } \lim_{x \rightarrow +\infty} h(x)$$

$$2 - \text{بين أن: } (\forall x \in \mathbb{R}^+): h'(x) = \frac{n(x^{n-1} - 1)}{(1+x)^{n+1}}$$

3 - أعط جدول تغيرات الدالة h

$$4 - \text{استنتاج أن: } (\forall n \geq 2)(\forall x \in \mathbb{R}^+): (1+x)^n \leq 2^{n-1}(1+x^n)$$