

## التمرين الأول

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة بما يلي :

(1) أ-- بين أن مجموعة تعريف الدالة  $f$  هي  $D_f = \mathbb{R}$

ب-- أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ;  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

$$(\forall x \in D_f) \quad f'(x) = \frac{x^2(x^2 - 2x + 3)}{(x^2 - x + 1)^2} \quad (2)$$

ب-- استنتج تغيرات الدالة  $f$  ثم ضع جدول التغيرات

$$(\forall x \in D_f) \quad f(x) = x + 1 - \frac{1}{x^2 - x + 1} \quad (3)$$

ب-- استنتاج أن للمنحنى  $C_f$  مقارب مائل محدداً معادله

ج-- أدرس الوضع النسبي للمنحنى  $C_f$  و المقارب المائل

$$(\forall x \in D_f) \quad f''(x) = \frac{-6x(x-1)}{(x^2 - x + 1)^3} \quad (4)$$

ب-- أدرس تغير المنحنى  $C_f$  محدداً احداثيات نقطتي الانعطاف

(5) أ-- أعط معادلة المماس ( $T$ ) للمنحنى  $C_f$  في النقطة 1

ب-- أرسم المنحنى  $C_f$

## التمرين الثاني

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة بما يلي :

(1) أ-- حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$

ب-- أحسب النهايات  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

$$(\forall x \in D_f) \quad f(x) = x - 2 - \frac{1}{x-1} + \frac{1}{(x-1)^2} \quad (2)$$

ب-- استنتاج أن المستقيم  $y = x - 2$  ( $\Delta$ ) مقارب مائل للمنحنى  $C_f$  بجوار  $+\infty$  و  $-\infty$

ج-- أدرس الوضع النسبي لـ  $C_f$  و المقارب المائل

$$(\forall x \in D_f) \quad f'(x) = \frac{(x-2)(x^2 - x + 2)}{(x-1)^3} \quad (3)$$

ب-- أنجز جدول تغيرات الدالة  $f$

(4) بين أن  $C_f$  يقبل نقطة انعطاف محدداً إحداثياتها

(5) أنشئ المنحنى  $C_f$

(6) حدد ميانياً و حسب قيم  $m$  عدد حلول المعادلة  $x^3 - (m+4)x^2 + (2m+4)x - m = 0$