

في كل ما يلي المستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم ومباشر $(O; \vec{i}; \vec{j})$

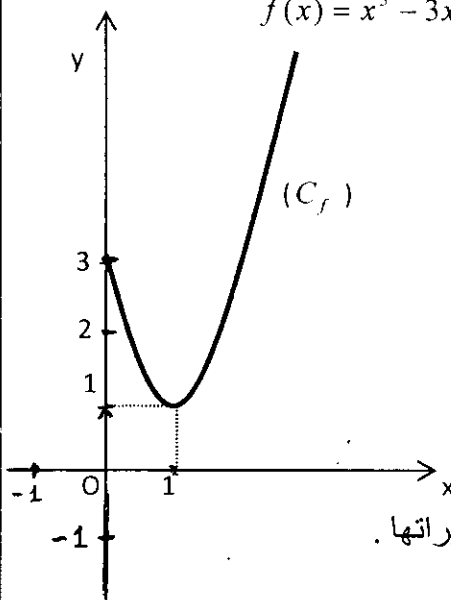
 التمرين الأول : نعتبر في المستوى النقط $A(6;2)$ و $B(5;-2)$ و $C(1;-1)$.

- 1) أ- احسب \overline{AB} و \overline{AC} و $\overline{AB \cdot AC}$ 1,5
 ب- احسب $\cos(\overline{AB}; \overline{AC})$ و $\sin(\overline{AB}; \overline{AC})$ 1,75
 ج- استنتج القياس الرئيسي للزاوية الموجهة $(\overline{AB}; \overline{AC})$ 0,75
- 2) احسب $\overline{BA \cdot BC}$ واستنتج أن $\triangle ABC$ مثلث متساوي الساقين و قانم الزاوية . 1,5

 التمرين الثاني : ليكن ABC مثلث في المستوى و G مرجح النقط المتزنة $(A, 3)$ و $(B, -2)$ و $(C, 3)$.

- 1) أ- أنشئ النقط I مرجح النقطتين المتزنتين $(A, 3)$ و $(C, 3)$. 0,75
 ب- بين أن G هو مرجح النقطتين المتزنتين $(I, 3)$ و $(B, -1)$ 0,75
 ج- أنشئ النقط J . 0,75
- 2) لتكن J نقطة من المستوى بحيث $\overline{AJ} = -2\overline{AB}$.
 أ- بين أن J مرجح النقطتين المتزنتين $(A, 3)$ و $(B, -2)$. 0,75
 ب- بين أن المستقيمين (CJ) و (BI) يتقاطعان في G . 0,75
- 3) نفترض أن $A(1, 1)$ و $B(-1, 2)$ و $C(1, -1)$ ، حدد زوج إحداثيتي المرجح G . 1
- 4) حدد مجموعة النقط M من المستوى بحيث : $\|3\overline{MA} - 2\overline{MB} + 3\overline{MC}\| = 4\|3\overline{MA} - 2\overline{MB}\|$ 1
- 5) نضع $\vec{u} = 2\overline{MA} - \overline{MB} - \overline{MC}$ و $\vec{v} = 3\overline{MA} - 2\overline{MB} + 3\overline{MC}$ حيث M نقطة من المستوى .
 أ- بين أن $\vec{u} = -\overline{AB} - \overline{AC}$ و $\vec{v} = 4\overline{MG}$ 1
 ب- حدد مجموعة النقط M من المستوى بحيث تكون \vec{u} و \vec{v} متجهتين مستقيمتين . 0,5

 التمرين الثالث : نعتبر الدالة f المعرفة على $[0; +\infty[$ بما يلي : $f(x) = x^3 - 3x + 3$

 تمثيلها المبياني C_f ممثل في الشكل التالي .


- 1) أعط جدول تغيرات f على $[0; +\infty[$ 0,75
 2) حدد مبيانيا $f([0; 1])$ و $f([1; +\infty[)$ 1
 3) لتكن g دالة عددية معرفة بما يلي : $g(x) = \frac{x+2}{x+1}$
 حدد D_g مجموعة تعريفها وأعط جدول تغيراتها 1
- 4) أ- بين مبيانيا أن : $f(x) \neq -1$; $\forall x \in [0; +\infty[$ 1,25
 واستنتج أن : $D_{g \circ f} = [0; +\infty[$
- ب- حدد $g \circ f(x)$ لكل x من $[0; +\infty[$ 0,75
 ج- أدرس رتبة الدالة $g \circ f$ على $[1; +\infty[$ و على $[0; 1]$ وأعط جدول تغيراتها . 2
- د- استنتج أن : $\forall x \in [0; +\infty[; \frac{x^3 - 3x + 5}{x^3 - 3x + 4} \leq \frac{3}{2}$ 0,5