لنجاح	فروض ا	
تياز فروضك	ستعدادا لاج	اس

مبادئ في المنطق - عموميات حول الدوال

السنة 1 بكالوريا علوم تجريبية

فرض تجريبي من اقتراح أذ سمير لخريسي ـ مدة الانجاز ساعتان

تمرين 1:

$$(P_1)$$
: $\forall x \in IR \ \exists y \in IR^+ \ y^2 \ge x$:اعط نفي العبارتين:

$$(P_2)$$
: $x^2 + y = y^2 + x \implies (x = y \ ou \ x + y = 1)$

بين أن العبارة (P_2) صحيحة 2

$$\forall n \in IN$$
 $1+3+5+...+(2n+1)=(n+1)^2$: 3) بين بالترجع أن

$$\forall x \in IR$$
 $\sqrt{4x^2 + 3} \ge 2x$: أن بين أن بفصل الحالات بين أن الاستدلال بفصل الحالات بين أن

$$f(x) = \frac{x}{x^2 - x + 1}$$
: نعتبر الدالة : $\frac{2}{x^2 - x + 1}$

1₎ حدد

1 تقبل أن الدالة f تقبل قيمة قصوى في النقطة 1

$$\forall x \in Df$$
 $f(x) = -f(1-x) + \frac{1}{x^2 - x + 1}$: نُ بِين أَن

$$\forall x \in Df$$
 $f(x) > -1$: في استنتج أن

تمرين 3:

$$(\Delta): y = -2x + 2$$
 פ ואستقیم $g(x) = \sqrt{x}$ פ $f(x) = x^2 - x:$ ישדית וועונייט

اء حدد
$$Dg$$
 عط جدول تغیراتها Dg

$$f$$
 اعط جدول تغيرات الدالة $_{
m (2)}$

كم محوري المعلم
$$Cf$$
 مع محوري المعلم

$$(\Delta)$$
 و Cf و Cg و المنحنيين Cg و المنحنيين Cg

$$\sqrt{x} + 2x - 2 = 0$$
: حدد مبيانيا عدد حلول المعادلة

$$(\Delta)$$
 و Cf عند حبريا إحداثيات نقط تقاطع 6

$$f(x)+2x \ge 2$$
 : حل مبيانيا المتراجة 7

$$f$$
 بالدالة $L=\left[-\infty;0
ight]$ و $K=\left[2;+\infty
ight[$ و صور g بالدالة $J=\left[rac{1}{4}:+\infty
ight[$ و $I=\left[0;rac{1}{4}
ight]:$ 8 عدد صور المجالات و $I=\left[0;rac{1}{4}:+\infty
ight[$

$$h(x) = f \circ g(x)$$
: وي لتكن الدالة: 9

أـ حدد
$$h(x)$$
 أـ حدد

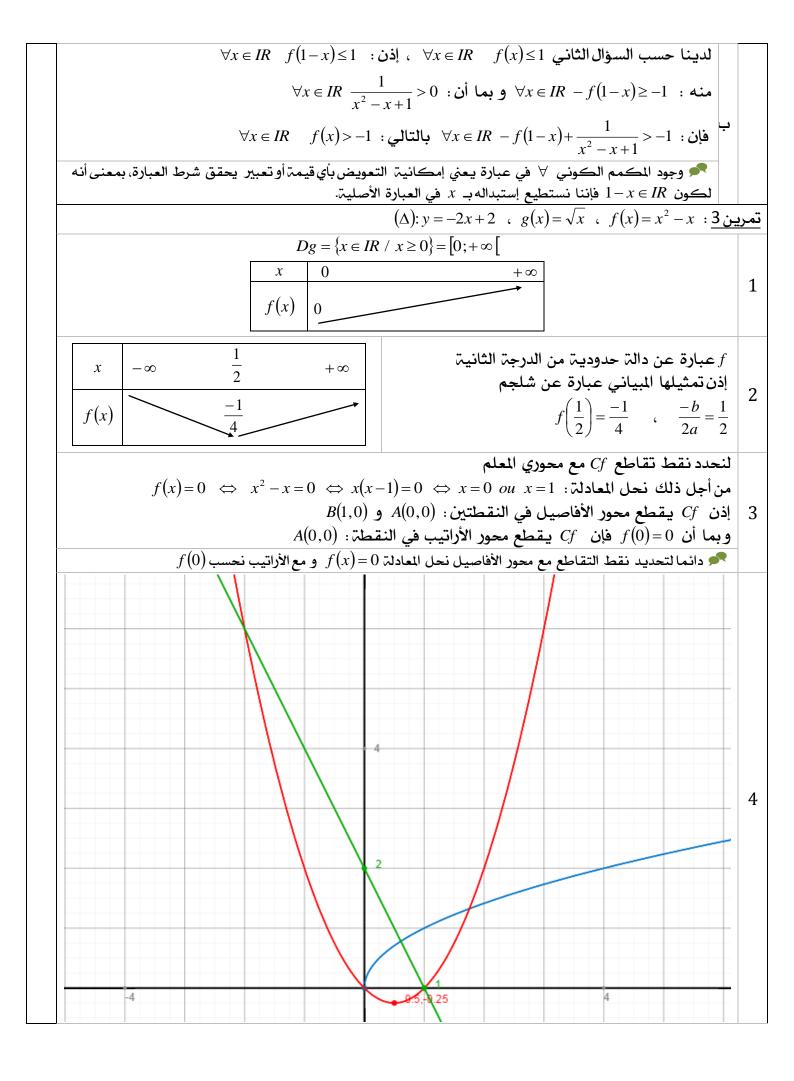
$$J$$
 و I على كل من المجالين I و I

فروض النجاح استعدادا لاجتياز فروضك

مبادئ في المنطق ـ عموميات حول الدوال حلول مقترحة

السنة 1 بكالوريا علوم تجريبية

فرض تجريبي من اقتراح أذ سمير لخريسي ـ مدة الانجاز ساعتان تمرين 1: $\exists x \in IR \ \forall y \in IR^+ \ y^2 < x$ $\neg (P_1)$: $x^{2} + y = y^{2} + x$ et $(x \neq y \text{ et } x + y \neq 1)$ $\neg (P_2)$: $x^{2} + y = y^{2} + x \Rightarrow x^{2} - y^{2} + y - x = 0 \Rightarrow (x - y)(x + y) - (x - y) = 0$ لدينا: $\Rightarrow (x-y)[(x+y)-1] = 0 \Rightarrow (x-y=0 \text{ ou } x+y-1=0) \Rightarrow (x=y \text{ ou } x+y=1)$ $1 = (0+1)^2$ المتساوية صحيحة لأن: n = 0 $1+3+5+...+(2(n+1)+1)=(n+2)^2$ نفترض أن $1+3+5+...+(2n+1)=(n+1)^2$ نفترض أن 1+3+5+...+(2(n+1)+1)=1+3+5+...+(2n+1)+(2(n+1)+1) $=(n+1)^2+2n+2+1$ 3 $= n^2 + 2n + 1 + 2n + 3$ لدينا: $= n^2 + 4n + 4$ $=(n+2)^2$ $\forall x \in IR \quad \sqrt{4x^2 + 3} \ge 2x :$ Limit if $\sqrt{4x^2+3} \ge 0$: إذا كان $x \le 0$ فإن المتفاوتة صحيحة لأن x > 0 اذا ڪان $\sqrt{4x^2+3} \ge 2x$: هان: $(\sqrt{4x^2+4})^2 - (2x)^2 = 4x^2 + 3 - 4x^2 = 3 > 0$ هان: x>0 و $x\leq 0$ لانقارن المربعات حتى يكون للعددين نفس الإشارة ، وهذا ما استوجب دراسة الحالتين x>0 $f(x) = \frac{x}{x^2 - x + 1}$: نعتبر الدالة $Df = \{x \in IR / x^2 - x + 1 \neq 0\}$ a=1 محددة الحدودية x^2-x+1 هي x^2-x+1 هي اشارة x^2-x+1 محددة الحدودية نفس إشارة 🗫 أن تكون المحددة سالبت لا يعني أن الحدودية سالبة بل مرتبطة بإشارة a ، أما إذا كانت موجبة فإن ذلك سيستوجب دراسة الإشارة من خلال جدول الإشارات. $\forall x \in IR \ f(x) - f(1) = \frac{x}{x^2 - x + 1} - 1 = \frac{x - x^2 + x - 1}{x^2 - x + 1} = \frac{-x^2 + 2x - 1}{x^2 - x + 1} = \frac{-(x^2 - 2x + 1)}{x^2 - x + 1} = \frac{-(x - 1)^2}{x^2 - x + 1}$: دينا $\forall x \in Df$ $f(x) - f(1) \le 0$: و بما أن $f(x) - f(1) \le 0$ و بما أن $f(x) - f(1) \le 0$ و بما أن $f(x) - f(1) \le 0$ و بما أن منه: $f(x) \le D$ بالتالي الدالة $f(x) \le D$ منه: النقطة 1 $\forall x \in IR - f(1-x) + \frac{1}{x^2 - x + 1} = \frac{-(1-x)}{(1-x)^2 - (1-x) + 1} + \frac{1}{x^2 - x + 1} = \frac{-1+x}{1 - 2x + x^2 - 1 + x + 1} + \frac{1}{x^2 - x + 1}$ 3 $=\frac{-1+x}{x^2-x+1}+\frac{1}{x^2-x+1}=\frac{x}{x^2-x+1}=f(x)$ 🛹 يجب دائما البدئ بالطرف الذي يمكن إجراء حسابات عليه كالنشر و توحيد المقام...



$\sqrt{x} = -2x + 2$ المعادلة: $\sqrt{x} + 2x - 2 = 0$ تكافئ	
(Δ) إذن لمعرفة عدد حلولها مبيانيا نبحث عن عدد نقط تقاطع منحيي الدالة	
و نجد أن هذه المعادلة تقبل حلا وحيدا رتقاطع اللونين الأزرق والأخضر)	5
🗫 طلب منا في هذا السؤال فقط عدد الحلول و ليس تحديد هذه الحلول، في تلك الحالة سيكون علينا البحث عن	-
أفاصيل نقط التقاطع مما سيتطلب أن يكون تمثيلنا المبياني دقيقا.	
(Δ) لنحدد جبریا إحداثیات نقط تقاطع Cf و	
$f(x) = -2x + 2 \iff x^2 - x = -2x + 2 \iff x^2 - x + 2x - 2 = 0 \iff x^2 + x - 2 = 0$ لنحل المعادلة:	
$x_1 = \frac{-1-3}{2} = -2$ 9 $x_1 = \frac{-1+3}{2} = 1$: $\Delta = 1+8=9$	6
F(-2;6) و $E(1;0)$ يتقاطعان في النقطتين $E(1;0)$ و $E(1;0)$	
$f(x)+2x\geq 2$: حل مبيانيا المتراجة	
المتراجعة تكافئ $f(x) \ge -2x + 2$ ، إذن سنبحث عن المجال الذي يكون فيه منحنى الدالة $f(x)$ فوق منحنى	7
$S=\left]-\infty;-2 ight]igcup \left[1;+\infty ight[$ المستقيم Δ)، و نجد:	
$f\left(-\infty;0\right) = \left[0;+\infty\right[\text{,} f\left(2;+\infty\right) = \left[2;+\infty\right[\text{,} g\left(\left[\frac{1}{4};+\infty\right]\right) = \left[\frac{1}{2};+\infty\right[\text{,} g\left(\left[0;\frac{1}{4}\right]\right) = \left[0;\frac{1}{2}\right] = \left[0;\frac{1}{2}\right]$	8
استعملنا التمثيل المبياني للدالتين g و f لتحديد صور المجالات المطلوبة $lacksquare$	
$Dh = [0; +\infty[$: منه $h(x) = f \circ g(x) = f(g(x)) = (\sqrt{x})^2 - \sqrt{x} = x - \sqrt{x}$	
أ 룟 يجب تحديد مجموعة تعريف المركب قبل التبسيط، بمعنى أننا وجدنا مجموعة التعريف انطلاقا من	
$x-\sqrt{x}$ ولیس من $\left(\sqrt{x}\right)^2-\sqrt{x}$	
$g(I) = \left[0; \frac{1}{2}\right]$ و $I = \left[0; \frac{1}{4}\right]$ و تزایدیۃ علی	
I وبما أن f تناقصية على $\left[0;rac{1}{2} ight]$ فإن h تناقصية على $\left[0;rac{1}{2} ight]$	9
$g(J) = \left[rac{1}{2}; +\infty ight[$ و $J = \left[rac{1}{4}; +\infty ight[$ نعلم g تزایدیہ علی $J = \left[rac{1}{4}; +\infty ight[$ و	
I وبما أن f تزايدية على $\left[rac{1}{2};+\infty ight[$ فإن h تزايدية على f	