

أ. بين أن  $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{I_n}{U_{n+1} - U_n}$  و استنتاج  $(\forall n \in \mathbb{N}^*)$   $1 \leq \frac{I_n}{U_{n+1} - U_n} \leq e^{\frac{1}{U_{n+1}}}$   
بـ أحسب النهاية  $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n$   
**الجزء الثالث :**

لتكن  $F$  الدالة العددية المعرفة على المجال  $[0, +\infty]$  بما يلي :

$$F(0) = 0 \quad F(x) = \int_x^{2x} f_2(t) dt ; \quad x \neq 0$$

1) أ. بين أن  $0 < e^{-\frac{2}{t}} < 1$   $(\forall t > 0)$

بـ بين أن  $F$  متصلة و قابلة للاشتتقاق على يمين  $x_0 = 0$

2) أ. بين أن  $e^t \geq t + 1$   $(\forall t \in \mathbb{R})$

بـ بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} F(x) \geq -2x + \frac{3}{2}x^2$  ثم أحسب

جـ أدرس الفرع اللانهائي للمنحنى  $(\Gamma_F)$  عند  $\infty$

3) أ. بين أن الدالة  $F$  قابلة للاشتتقاق على المجال  $[0, +\infty]$

$$F'(x) = \left( 4e^x - 1 \right) f_2(x)$$

بـ أدرس تغيرات الدالة  $F$  وأنجز جدول التغيرات

4) أرسم المنحنى  $(\Gamma_F)$

5) أ. بين أن  $x^2 e^{-\frac{2}{x}} \leq F(x) \leq 2x^2 e^{-\frac{1}{x}}$   $(\forall x > 0)$

بـ بين أن  $F\left(\sqrt{\frac{e}{2}}\right) < \sqrt{\frac{e}{2}}$  و استنتاج أن  $e^x > ex$   $(\forall x \in \mathbb{R})$

6) أ. بين أن  $F(x) \geq x$   $(\forall x \geq U_2)$

بـ استنتاج أن  $\exists \alpha \in \left[ \sqrt{\frac{e}{2}}, U_2 \right] \quad \alpha = \int_{\alpha}^{2\alpha} f_2(t) dt$

خط سعيد

2SM

فرض رقم 4

2014-13

ليكن  $n$  عدد من  $\mathbb{N}^*$  و نعتبر الدالة العددية  $f_n$  المعرفة على  $[0, +\infty]$

$$f_n(0) = 0 \quad f_n(x) = xe^{-\frac{n}{x}} ; \quad x \neq 0$$

**الجزء الأول :**

1) أ. بين أن  $f_n$  متصلة على يمين  $x_0 = 0$

بـ أدرس قابلية اشتتقاق الدالة  $f_n$  على يمين  $x_0 = 0$

2) أ. أحسب المشتقة  $f'_n(x)$  لكل  $x$  من المجال  $[0, +\infty]$

بـ أدرس تغيرات الدالة  $f_n$  وضع جدول تغيراتها

3) أ. أدرس الفرع اللانهائي للمنحنى  $(C_n)$

بـ أرسم المنحنى  $(C_2)$

**الجزء الثاني :**

1) أ. بين أن المعادلة  $f_n(x) = 1$  تقبل حلًا وحيدا

$$(\forall n \in \mathbb{N}^*) \quad U_n > 1$$

$$f_n(U_{n+1}) = e^{-\frac{1}{U_{n+1}}}$$

بـ استنتاج أن المتالية  $(U_n)$  تزايدية

3) أ. بين أن  $U_n \ln U_n = n$

بـ بين أن الدالة  $g(x) = x \ln x$  تقابل من المجال  $[1, +\infty]$  نحو مجال

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n = +\infty$$

$$\forall n \in \mathbb{N}^* : \ln U_n + \ln(\ln U_n) = \ln n$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\ln U_n}{\ln n}$$

$$5) \text{ نعتبر } S_n = \sum_{k=1}^{k=n} I_k \quad I_n = \int_{U_n}^{U_{n+1}} f_n(t) dt$$

الدورة الثالثة

صحيح الممتحن المحرر ٢٠١٤

بـ دراسة تغيرات الدالة هي دالة متضمنة

تتغير على:

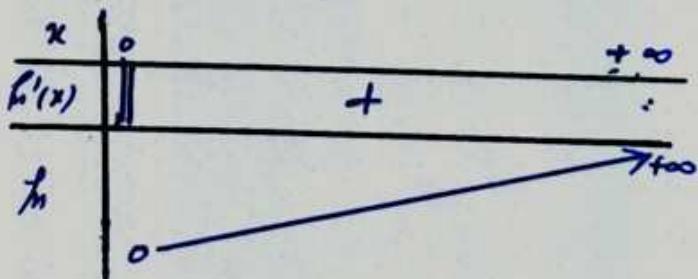
$$\text{لدينا، } e^{-\frac{n}{x}} > 0 \quad \text{و}$$

$$1 + \frac{n}{x} > 0 \quad \text{و}$$

$$\ln'(x) < 0 \quad \text{أيضاً}$$

وهذا يعني أنه في حالة تزايد  $x$  فلتقطعاً على  $[0, +\infty)$ .

وبالتالي نجد أن تغيرات الدالة كالتالي:



٣) بـ دراسة الغرفة الدالة  $\ln'(x)$ :

$$\text{لدينا، } \frac{1}{x} e^{-\frac{n}{x}} = \frac{1}{x} \rightarrow 0 \quad \text{لما}$$

$$\frac{1}{x} - \frac{n}{x} \rightarrow 0 \quad \text{والماء } e^x \rightarrow x \text{ مماثلة لـ 0}$$

$$\frac{1}{x} e^{-\frac{n}{x}} = e^0 = 1 \quad \text{فإن}$$

$$\frac{1}{x} x = +\infty \quad \text{مع}$$

$$\underbrace{\ln'(x)}_{\text{يكوـ لـ}} = +\infty \quad \text{لـ لـ لـ}$$

$$\text{لـ لـ لـ } \frac{\ln'(x)}{x} = \frac{1}{x} e^{-\frac{n}{x}} \quad \text{لـ لـ لـ}$$

$$= 1$$

حسب طبقـ

$\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln'(x) - x$  ، لـ لـ لـ

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} x(e^{-\frac{n}{x}} - 1)$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} -n \left( \frac{e^{-\frac{n}{x}} - 1}{-\frac{n}{x}} \right)$$

حيث

$$\text{لـ لـ لـ } \ln'(x) = x e^{-\frac{n}{x}} \quad \text{لـ لـ لـ}$$

$$\text{لـ لـ لـ } \ln'(0) = 0$$

الجزء الأول

٤) بـ انتشار في عـ المـ

$$\text{لـ لـ لـ } f(x) = \frac{1}{x} e^{-\frac{n}{x}}$$

$$\text{لـ لـ لـ } \frac{1}{x} = -\infty \quad \text{لـ لـ لـ}$$

$$\frac{1}{x} e^{-\frac{n}{x}} = 0 \quad \text{لـ لـ لـ}$$

$$\text{لـ لـ لـ } \ln'(0) = 0 = \ln'(x)$$

وهذا يعني أن الدالة هي متصلة على عـ

$$x = 0$$

بـ خـ المـ اـ

$$x = 0$$

$$\text{لـ لـ لـ } \frac{\ln'(x)}{x} = \frac{1}{x} e^{-\frac{n}{x}} = 0$$

[حسب حل المـ

وـ علىـ لـ لـ لـ فـ خـ المـ سـ

$$\text{لـ لـ لـ } 0 = \ln'(0)$$

٥) حـ المـ

$$x \in [0, +\infty)$$

$$\text{لـ لـ لـ } \ln'(x) = (xe^{-\frac{n}{x}})'$$

$$= e^{-\frac{n}{x}} + x \cdot \left(-\frac{n}{x}\right)' e^{-\frac{n}{x}}$$

$$= e^{-\frac{n}{x}} + \frac{n}{x} e^{-\frac{n}{x}}$$

$$\boxed{\ln'(x) = \left(1 + \frac{n}{x}\right) e^{-\frac{n}{x}}} ; \quad x \in [0, +\infty)$$

لـ  $y_n > 1$  بـ  $\ln y_n > 0$

لـ  $y_n > 1 \Leftrightarrow \ln(y_n) > \ln(1/2)$   
لـ  $\ln(y_n) > \ln(1/2) \Leftrightarrow \ln(y_{n+1}) - \ln(y_n) > \ln(1/2)$

$\Rightarrow 2 \cdot e^{-n} > 1$

$\Rightarrow e^n > 1$

وـ  $y_n > 1$  صحيح  
لـ  $e^n > 1 \Rightarrow n > 0$

(٤٧٨٥٥٣) :  $y_n > 1$

$\ln(y_{n+1}) = e^{\frac{1}{4n+1}} - 1/2$  بـ  $\ln(y_n) > 1/2$

$\ln(y_{n+1}) = y_{n+1} e^{-\frac{n}{4n+1}}$  لـ  $y_n > 1$

وـ  $y_{n+1} > 1$  صحيح

$\ln(y_{n+1}) = 1 \Leftrightarrow y_{n+1} e^{-\frac{n+1}{4n+1}} = 1$   
 $\Rightarrow y_{n+1} = e^{\frac{n+1}{4n+1}}$

$\ln(y_{n+1}) = e^{\frac{n+1}{4n+1}} - e^{\frac{n}{4n+1}}$  وـ  $y_n > 1$

(٤٧٨٥٥٤) :  $\ln(y_{n+1}) = e^{\frac{1}{4n+1}}$  وـ  $y_n > 1$

بـ استخراج رتبة المتسلسلة  $(y_n)$

(٤٧٨٥٥٥٥) :  $y_n > 1$  لـ  $y_n > 1$

$\frac{1}{y_{n+1}} > 0$  لـ

$e^{\frac{1}{4n+1}} > 1$  لـ  $y_n > 1$

وـ  $|1/y_{n+1}| > |1/y_n|$  لـ  $y_n > 1$

وـ  $y_n > 1$  لـ  $y_{n+1} > y_n$

(٤٧٨٥٥٥٦) :  $y_{n+1} > y_n$  بـ  $y_n > 1$

لـ  $x \rightarrow +\infty$   $\ln x \rightarrow +\infty$

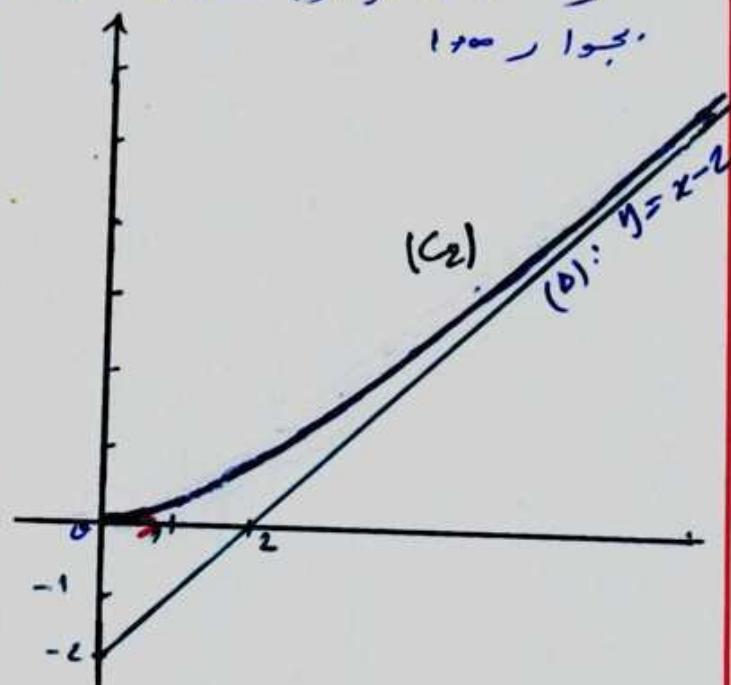
$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{-\frac{x}{2}} - 1}{(-\frac{x}{2})} = 1$   
 $= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{e^x - 1}{x} = 1$

$\left\{ \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow +\infty} x \ln(x) - x = -\infty \\ \end{array} \right\}$  بـ  $y = x$

بعض المعلمات:  $y = x - 2$  مقارنة  
ما نظر  $y = x$  بـ  $y = x - 2$

لـ  $y = x - 2$  منحى الرأمة  
 $y' = e^{-\frac{x}{2}} / (1 + \frac{x}{2})$

وـ  $y = x - 2$  مقاربة لما نظر  $y = x$   
بـ  $y = x - 2$



### ٤١ جزء اثـاـر

وـ ٣ - المدالة  $y = x - 2$  حل وحد  $y$   
الراـمـة لـ  $y = x$  مـعـلـمـة  $x = 2$  وـ  $x = 0$  وـ  $x = -2$   
قطـطـاـ علىـ هـذـهـ الـمـجـلـ إـذـنـ فـيـ تـقـابـلـ مـسـطـحـ

وـ  $y = x$  وـ  $y = x - 2$

(٤٧٨٥٥٦٢) :  $y(y_n) = 1$

وـ  $y$  هو المطلوب.

$$(4) \quad f_n q_n + f_n \ln q_n = f_n n$$

لدينا حسب المسود (3) اجزء (1) صندو

$$q_n \ln q_n = n$$

$$\ln(f_n q_n) = f_n n \quad \text{وهذا:}$$

$$f_n q_n + \ln(f_n q_n) = f_n n \quad 161$$

وذلك كل يوم

$$\therefore \frac{f_n}{f_n n} \frac{q_n}{q_n} \rightarrow 1 \quad \text{بـ استئصال النهاية}$$

$$f_n q_n + \ln(f_n q_n) = f_n n \quad 161$$

$$\frac{f_n q_n}{f_n n} + \frac{\ln(f_n q_n)}{f_n q_n} \times \frac{f_n q_n}{f_n n} = 1 \quad \Leftarrow$$

$$\frac{f_n q_n}{f_n n} \left( 1 + \frac{\ln(f_n q_n)}{f_n q_n} \right) = 1 \quad \text{وعليه:}$$

$$\frac{f_n q_n}{f_n n} = \frac{1}{1 + \frac{\ln(f_n q_n)}{f_n q_n}} \quad 161$$

$$q_n \rightarrow +\infty \quad \text{وـ 161}$$

$$f_n q_n \rightarrow +\infty \quad 161$$

$$\frac{f_n(q_n)}{f_n n} \rightarrow 0 \quad \text{وـ 1}$$

وـ بالتالي في 161

$$\frac{f_n}{f_n n} \frac{q_n}{q_n} = 1$$

$$(5) \quad \text{نعتبر } I_n := \int_{n-1}^n f(t) dt \quad \text{كل يوم وـ منطق}$$

$$\therefore S_n = \sum_{k=1}^{n-1} I_k \quad \text{أـ بـ 161}$$

$$\therefore 1 \leq \frac{I_n}{q_n - q_{n-1}} \leq e^{\frac{q_n}{q_{n-1}}} \quad 161$$

وبالتالي  $q_n$  (161) تزايدية.

$$q_n f_n q_n = n \quad 161$$

$$f_n(q_n) = 1 \quad \text{وـ } q_n e^{\frac{n}{q_n}} = 1 \quad 161$$

$$\Rightarrow q_n = e^{\frac{n}{q_n}}$$

$$\Rightarrow f_n q_n = \frac{n}{q_n}$$

$$\boxed{q_n f_n q_n = n} \quad 161$$

بـ أـ بـ 161  $f_n = x P_{nx}$  وـ تقابل

لـ  $x \rightarrow +\infty$  فهو مجال سُمّيّ تعدادي

$[1, +\infty)$   $x \rightarrow 1$   $\rightarrow f_n x$

$[1, +\infty)$   $x \rightarrow x$   $\rightarrow n$

$[1, +\infty)$   $x \rightarrow x$   $\rightarrow f_n x$  161

$$g'(x) = f_n x + 1 \quad 3$$

$$x > 1 \quad 161$$

$$P_{nx} > 0$$

$$g'(x) \geq 1 > 0 : 161$$

وـ هذا يعني 161 وـ تزايدية قطعًا

وـ تقابل من  $[1, +\infty)$  كـ المعا

I يعني

$$I = g([1, +\infty)) = [g(1), +\infty) = [0, +\infty)$$

• تزايدية  $(q_n)$

$$g(q_n) = n \quad \text{لـ 161}$$

$$q_n = g^{-1}(n) \quad \text{وـ صندو}$$

وـ هنا وـ تقابل من  $[1, +\infty)$   $x$

$$q_n = +\infty \quad \text{فـ 161}$$

وـ كنتيجة لذلك  $q_n = +\infty$

$$S_n > u_{n+1} - u_n$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} (u_{n+1} - u_n) = +\infty$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \lim_{n \rightarrow +\infty} S_n = +\infty \\ \end{array} \right\} \quad \text{جواب}$$

### البرهان الثاني

لتكن  $F$  الدالة بحيث

$$\begin{cases} F(x) = \int_0^x f(t) dt, & x \neq 0 \\ F(0) = 0 \end{cases}$$

$$\frac{(t-t')f(t')}{t-t'} \leq 0 < e^{-\frac{2}{t}} < 1 \quad \text{لـ } t > 0$$

$$e^{-\frac{2}{t}} \leq 1 \quad \text{لـ } t > 0$$

$$\Leftrightarrow -\frac{2}{t} < 0 \quad [t > 0]$$

$$\Leftrightarrow -2 < 0$$

جواب، محققة.

$$0 < e^{-\frac{2}{t}} < 1 : e^{2x}$$

بـ - انتقال  $F$  دوحادية اسفل فـ  $F$  كل دلـ  $x$  :

$$0 < e^{-\frac{2}{t}} < 1 \quad \text{لـ } t > 0$$

$$0 < t e^{-\frac{2}{t}} < 2x \quad \text{لـ } t > 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 0 < F(x) < 2x \int_0^x dt \\ x \leq 2x \end{array} \right\} \quad \text{لـ } x \geq 0$$

$$(4x > 0) : \left\{ \begin{array}{l} 0 < F(x) < 2x^2 \end{array} \right\} \quad (*)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} 2x^2 = 0 \quad \text{لـ } x \geq 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} F(x) = 0 = F(0)$$

معنـ  $F$  دلـ  $x$  دلـ  $x$ .

لـ  $n > n+1$  دلـ  $t$  دلـ  $u_{n+1}$

$$[u_n, u_{n+1}] \hookrightarrow t$$

$$u_n \leq t \leq u_{n+1}$$

وـ  $I_n$  دلـ  $t$  دلـ  $u_n$  دلـ  $u_{n+1}$

$$I(u_n) \leq I(t) \leq I(u_{n+1})$$

$$1 < I(t) \leq e^{\frac{1}{u_{n+1}}} \quad (1)$$

$$\frac{u_{n+1}}{dt} \leq I_n \leq e^{\frac{1}{u_{n+1}}} \quad \text{دلـ } I_n$$

$$[t]_{u_n}^{u_{n+1}} \leq I_n \leq e^{\frac{1}{u_{n+1}}} \cdot [t]_{u_n}^{u_{n+1}}$$

$$u_{n+1} - u_n \leq I_n \leq (u_{n+1} - u_n) e^{\frac{1}{u_{n+1}}}$$

$$\left( \frac{n+1}{n} \right); \quad \boxed{1 \leq \frac{I_n}{u_{n+1} - u_n} \leq e^{\frac{1}{u_{n+1}}}} \quad (1)$$

ـ  $u_{n+1} - u_n > 0$  دلـ  $I_n$

$$u_{n+1} \xrightarrow[n \rightarrow +\infty]{} +\infty \quad \text{وـ } I_n$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1}{u_{n+1}} = 0 \quad \text{لـ } (1)$$

$$0 \leq \frac{1}{u_{n+1}} \xrightarrow[n \rightarrow +\infty]{} 0$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} e^{\frac{1}{u_{n+1}}} = e^0 = 1 \quad \Leftarrow$$

وـ  $I_n$  دلـ  $I_n$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{I_n}{u_{n+1} - u_n} = 1$$

ـ  $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n$  دلـ  $S_n$

$$(n \rightarrow +\infty) : \quad I_n \geq u_{n+1} - u_n \quad \text{دلـ } I_n$$

$$I_n \geq u_{n+1} - u_n \quad \text{دلـ } I_n$$

$$\sum_k I_k \geq \sum_k (u_{k+1} - u_k) \quad (1)$$

$$F(x) \geq \left[ -2x + \frac{x^2}{2} \right]_2^{+\infty}$$

بعد الحساب نجد

$$\boxed{F(x) \geq -2x + \frac{3}{2}x^2}$$

$$\text{ويعادل } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3}{2}x^2 - 2x = +\infty$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow +\infty} F(x) = +\infty \\ \lim_{x \rightarrow -\infty} F(x) = -\infty \end{array} \right\} \quad \text{حيث}$$

مع د رأسه العرض الاسماعيل تم ايجاد

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} F(x) = -\infty$$

$$\text{ولدينا } F(x) \geq -2x + \frac{3}{2}x^2 \quad \forall x > 0$$

$$\frac{F(x)}{x} \geq -2 + \frac{3}{2}x \quad \Leftarrow$$

$$\text{وحيث } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3}{2}x = +\infty$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{F(x)}{x} = +\infty \\ \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{F(x)}{x} = -\infty \end{array} \right\} \quad \text{حيث}$$

معنونه يقبل محور الY رانيب كاتبها متارب.

3- نسبت 1) فقابلة له مطلع

$$\text{المجال } [0, +\infty) :$$

$$\text{لدينا } \frac{e^t}{t} \rightarrow +\infty \text{ مصلة على } t=0$$

$$\text{ادعى، } e^{-t} \rightarrow 0 \text{ مصلة على } t=0$$

$$\text{و } t \rightarrow +\infty \text{ مصلة على } t=0$$

$$\Rightarrow e^{-t} \rightarrow 0 \text{ مصلة على } t=0$$

لذلك فهو يقبل الY اعلى وعمرته .

$$\text{ومنه } f(x) = G(2x) - g(x)$$

$$\text{يعادل } \frac{1}{2x} \text{ قابلة له مطلع على } x=0$$

$$V(\theta^*) = \theta^*$$

ومن العلامة (\*) نجد

$$\boxed{\frac{F(x)}{x} < 2x}, \quad \text{و } F(x) < 2x^2$$

$$\frac{1}{e^t} < 2x \rightarrow$$

$$\frac{1}{e^t} < \frac{2x}{x} = 2 \rightarrow$$

ومن خان F ثابت عليه مسماة مثل عيشه .

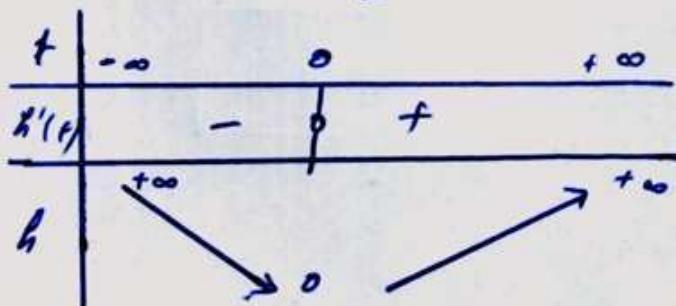
$$F'(t) = 0 \rightarrow$$

$$(4) \boxed{e^t > t+1} \quad \text{لتن } t \text{ الدالة بحيث}$$

$$(4) \boxed{h(t) = e^t - t - 1}$$

هي قابلة له مسماة عيشه

$$h'(t) = e^t - 1$$



بالخطاب 0 قيمة دينا مطلقة للدالة

$$(4) \boxed{h(t) > 0} \quad \text{وهذه}$$

$$(4) \boxed{e^t > t+1} \quad \text{ومنه التسليم .}$$

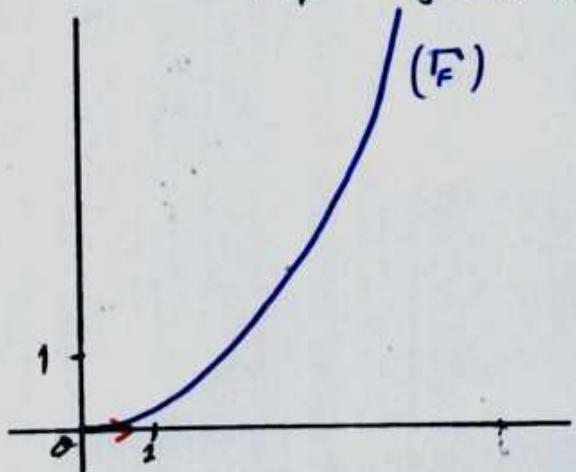
$$(4) \boxed{F(x) \geq -2x + \frac{3}{2}x^2} \quad \text{بـ نسبت 1)$$

$$(4) \boxed{e^t > t+1} \quad \text{لدينا}$$

$$e^{-\frac{t}{2}} \geq -\frac{2}{t} + 1 \quad \text{ومنه}$$

$$t + e^{-\frac{t}{2}} \geq -2 + t \quad \text{لذلك}$$

$$\boxed{(x, 2x) : f(x) \geq \frac{1}{x}(-2x + t)}$$



٤) المُنْعِي

$F_t$

(F)

٦)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} F(x) = +\infty$  خالدة بـ مـ تـ قـ اـ قـ عـ كـ يـ

كـ جـ اـ لـ ١)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} F(2x) = +\infty$  خـ الـ قـ الـ خـ اـ فـ دـ

عـ

وـ مـ نـ هـ فـ يـ نـ الـ الـ Fـ فـ الـ الـ Fـ مـ تـ قـ اـ قـ عـ كـ يـ

( $\forall x \in \mathbb{R}$ ):

$$\begin{aligned} F'(x) &= (2x)' f'(2x) - f'(x) \\ &= 2 f_2(2x) - f_2(x) \\ &= 2 \cdot 2x e^{-\frac{1}{x}} - x e^{-\frac{1}{x}} \\ &= x (4e^{\frac{1}{x}} - 1) e^{-\frac{1}{x}} \end{aligned}$$

وـ بـ اـ تـ اـ يـ نـ عـ كـ لـ xـ عـ نـ عـ سـ لـ F~

$$F'(x) = (4e^{\frac{1}{x}} - 1) f_2(x)$$

بـ تـ كـ يـ رـ اـ سـ الـ دـ اـ وـ F~

لـ اـ لـ ١)  $e^{-\frac{1}{x}} > 0$  خـ الـ خـ اـ فـ دـ

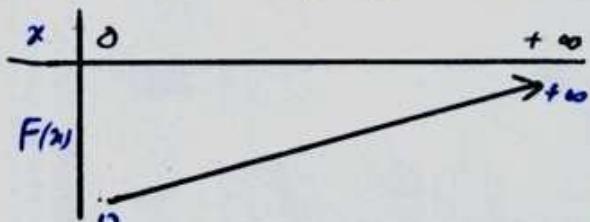
$$\begin{aligned} \frac{1}{x} &> 0 \\ e^{\frac{1}{x}} &> 1 \\ 4e^{\frac{1}{x}} - 1 &\geq 3 > 0 \end{aligned}$$

$$(4e^{\frac{1}{x}} - 1) f_2(x) = F'(x) > 0$$

وـ خـ لـ يـ ١)  $F'(x) > 0$  خـ الـ خـ اـ فـ دـ

وـ مـ نـ هـ فـ يـ نـ الـ الـ F~ خـ الـ خـ اـ فـ دـ

وـ مـ نـ هـ فـ يـ نـ الـ الـ F~ خـ الـ خـ اـ فـ دـ



$$(t \geq 0): x^2 e^{-\frac{t}{x}} \leq f_2(t) \leq 2x e^{-\frac{t}{x}}$$

لـ دـ يـ اـ تـ كـ لـ x~ دـ مـ كـ لـ t~

$$: [x, 2x] \rightarrow t$$

$$x \leq t \leq 2x$$

لـ دـ يـ اـ تـ زـ اـ يـ

$$f_2(t) \leq f_2(2x)$$

$$\begin{aligned} x e^{-\frac{t}{x}} / dt &\leq f_2(t) dt \leq 2x e^{-\frac{t}{x}} / dt \\ x e^{-\frac{t}{x}} \cdot [t]_x^{2x} &\leq F(x) \leq 2x e^{-\frac{t}{x}} \cdot [t]_x^{2x} \end{aligned}$$

$$(t \geq 0) x^2 e^{-\frac{t}{x}} \leq F(x) \leq 2x^2 e^{-\frac{t}{x}}$$

$$B) \text{ بـ نـ يـ لـ ١) } e^x > e \cdot x \quad (\forall x \geq 0)$$

حـ سـ بـ الـ مـ شـ وـ لـ (٢) اـ بـ زـ (٣) مـ نـ دـ يـ اـ

$$(A+B+C): e^t > t+1$$

$$e^{x-1} > x \quad (\text{منـ})$$

$$e \cdot e^{x-1} > e \cdot x \quad (\text{لـ})$$

$$(\forall x \geq 0): \{e^x > e \cdot x\} \quad \text{وـ دـ لـ يـ ١)$$

$$F(\sqrt{x}) < \sqrt{x} \quad \text{سـ تـ حـ اـ لـ ١)$$

$$\Phi(\sqrt{\frac{e}{2}}) \cdot \Phi(4_e) < 0$$

فحسب صيغة القيم الوسطية :

$$(\exists_{x_0} [\sqrt{\frac{e}{2}}, 4_e]) \Phi(x_0) = 0$$

$$(\exists_{x_0} [\sqrt{\frac{e}{2}}, 4_e]) F(x_0) = 0$$

و منه الترتيب .

انتصاف الموضع

$$F(\sqrt{\frac{e}{2}}) < e^{-\sqrt{\frac{e}{2}}} \quad \text{لدينا}$$

[+ حسب المسؤال (م)) .]

و حسب المسؤال اسا بقيمة  $\sqrt{\frac{e}{2}}$  لدينا

$$e^{-\sqrt{\frac{e}{2}}} > e^{\sqrt{\frac{e}{2}}} = \sqrt{2e}$$

$$e^{-\sqrt{\frac{e}{2}}} > \frac{1}{\sqrt{2e}}$$

$$F(\sqrt{\frac{e}{2}}) < \frac{e}{\sqrt{2e}} = \sqrt{\frac{e}{2}}$$

و هـ ا هو المطلوب .

$$(16-1-1) : F(x) \leq x$$

$$t >, x \geq 4_e$$

و  $F(x) = \int_a^x f(t) dt$  ابداية .

$$f(t) > f(4_e) = 1 \quad \text{و منه}$$

$$(x < 4_e) : F(x) \geq \int_a^x dt \quad 16/15$$

$$F(x) \geq 2x - x$$

$$(x < 4_e) \quad \underbrace{\{ F(x) \geq x \}}$$

$$(16-1-1) : a = \int_a^{4_e} f_2(t) dt$$

$\Phi(x) = F(x) - x$  نعتبر الدالة :

$$\cdot [\sqrt{\frac{e}{2}}, 4_e] \quad \text{حيث } x \in \text{حمراء}$$

عندما  $x \in \text{حمراء} \quad F(x) < x$

$[\sqrt{\frac{e}{2}}, 4_e] \subset \text{حمراء} \quad \Phi$

$$\Phi(\sqrt{\frac{e}{2}}) = F(\sqrt{\frac{e}{2}}) - \sqrt{\frac{e}{2}} < 0$$

$$\Phi(4_e) = F(4_e) - 4_e > 0$$

من اقتراح التلميذ  
حسين الودريسي  
رجحت  
مشترأفة  
ذ- ١٦١٤٣