

## الجواب 1

لأن  $g$  دالة معروفة على  $[0, +\infty]$  بما يلي :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) ; \quad \lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} g(x)$$

(1) أحسب النهايييي  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  ثم أنجز جدول تغيرات الدالة  $g$

$$( \forall x > 0 ) \quad g(x) \geq 0$$

## الجواب 2

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعروفة على  $[0, +\infty]$  بما يلي :

(1) أ- برهن أن  $f$  متصلة على  $[0, +\infty]$

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} \frac{f(x)}{x} = +\infty$$

(2) أ- أحسب النهاييي  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

ب- أدرس الفرع الالانهائي للمنحنى  $(C_f)$  عند  $+\infty$

$$(3) \quad ( \forall x > 0 ) \quad f'(x) = 2g(x)$$

ب- أحسب  $f'(x)$  ثم أنجز جدول تغيرات الدالة  $f$

$$(4) \quad ( \forall x > 0 ) \quad f(x) - x = x(g(x) - \ln x)$$

ب- استنتج أن المحنى  $(C_f)$  يوجد فوق المستقيم  $y = x$  على المجال  $[1, +\infty)$

$$(5) \quad \left\| \vec{i} \right\| = \left\| \vec{j} \right\| = 2cm$$

أ- برهن أن  $f$  تقبل دالة عكسية  $f^{-1}$  معروفة على مجال  $I$  يتم تحديده وأرسم مرتداها في المعلم السابق

(6) لـ  $\alpha$  منه المجال  $[0, 1]$ .

(A) الحيز المحدود بين المحنى  $(C_f)$  ، محور الأفاصيل و المستقيمين  $x = 1$  و  $x = \alpha$

$$(1) \quad \text{أ- برهن أن الدالة } h(x) = 2x \ln x \text{ هي دالة أصلية للدالة } H(x) = x^2 \ln x - \frac{1}{2} x^2 \text{ و أحسب}$$

ب- استنتاج  $S(\alpha)$  مساحة الحيز  $A(\alpha)$  ثم أحسب

## الجواب 3

نعتبر المتتالية  $(U_n)_n$  المعروفة بما يلي :

$$(1) \quad ( \forall n \in \mathbb{N} ) \quad 0 < U_n \leq 1$$

(2) برهن أن المتتالية  $(U_n)_n$  تناسبية

$$(3) \quad \text{استنتاج أن المتتالية } (U_n)_n \text{ متقاربة و برهن أن } \lim_{n \rightarrow +\infty} U_n = 1$$