



الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 2 علوم فيزياء + 2 ع. ج. أ.



لسنة 2016 - 2015

## فرض منزلي

الصفحة

. 01

. 01. أحسب النهاية التالية : أ . ب .

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^3 x}{x \cos x \sin x} \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin x)}{x}$$

. 02. أحسب النهاية التالية بدون استعمال المرافق : استنتج النهاية التالية :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x^2} - 2\sqrt[3]{x+1}}{\left(\sqrt[4]{x}-1\right)^2}$$

. 03. أحسب النهاية التالية بدون استعمال المرافق :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[4]{x+1} - 1}{\sqrt[3]{x+1} - 1}$$

. 02

لنتعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة ب :

. 01. حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$ .

. 02. أحسب نهاية  $f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ثم أعط تأويل هندسي للنتائجتين المحصل عليهما.

. 03. أدرس اتصال الدالة  $f$  على  $D_f$ .

. 04. أحسب  $f'$  على  $D_f$  ثم ضع جدول لتغيرات الدالة  $f$ .

. 05. لنتعتبر  $g$  قصور الدالة  $f$  على المجال  $I = [-1, +\infty]$ .

. 06. بين أن :  $g$  تقابل من  $[-1, +\infty]$  إلى  $J$  يتم تحديده.

. 07. حدد الدالة العكسية  $g^{-1}$  للدالة  $g$ .

. 03

تذكرة :

✓  $a < x < b$  يسمى تأطيرا للعدد  $x$  سعته (أو طوله)  $b-a$ .

✓ العدد  $\frac{a+b}{2}$  هو قيمة مقربة ل  $x$  إلى الدقة .

طريقة التفرع الثنائي : LA Dichotomie

• دالة عددية متصلة على  $[a;b]$  حيث  $f(a)f(b) < 0$  مع  $a$  عدد وحيد من يحقق  $f(\alpha) = 0$ . (مع العلم أن  $\frac{a+b}{2}$  مركز  $[a;b]$ )

• تحديد تأطيراً أدق ل  $\alpha$  نحسب :  $f\left(\frac{a+b}{2}\right)$



لسنة 2015 - 2016

## فرض منزلي



الصفحة

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 2 علوم فيزياء + 2 ع. ج. أ.

- تتبع ما يلي :

$$\text{إذا كان } \alpha = \frac{a+b}{2} \text{ فإن } f\left(\frac{a+b}{2}\right) = 0 .$$

❖ إذا كان  $a < b$  فإن  $f(a) < f\left(\frac{a+b}{2}\right) < f(b)$  . و هو تأثير سعته  $\frac{b-a}{2}$  . و عند إعادة هذه الطريقة على المجال  $[a; \frac{a+b}{2}]$  نحصل على تأثير أدق للعدد  $\alpha$  .

❖ إذا كان  $f(a) < f\left(\frac{a+b}{2}\right) < f(b)$  . و هو تأثير سعته  $\frac{b-a}{2}$  . و عند إعادة هذه الطريقة على المجال  $\left[\frac{a+b}{2}; b\right]$  نحصل على تأثير أدق للعدد  $\alpha$  .

وهي تسمى : طريقة التفرع الثنائي  
تمرين تطبيقي :

لنعتر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة بـ  $f(x) = x^3 + x - 1$  :

**01.** بين أن المعادلة :  $f(x) = 0$  تقبل حلًا وحيداً .  $x \in [a; b]$  .

**02.** أحسب  $f\left(\frac{1}{2}\right)$  ثم استنتج تأثيراً على  $\alpha$  سعته  $\frac{1}{2}$  .

**03.** حدد قيمة مقربة ل  $\alpha$  إلى الدقة  $\frac{1}{8}$  .



. 01

**01** أحسب النهاية التالية :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin x)}{\sin x} = \lim_{u \rightarrow 0} \frac{\sin u}{u} = 1 \text{ لأن } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin x)}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin x)}{\sin x} \times \frac{\sin x}{x} = 1 \text{ لأن } (u \rightarrow 0) \text{ لدينا: } b -$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^3 x}{x \cos x \sin x} &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 - \cos x)(1 + \cos x + \cos^2 x)}{x \cos x \sin x} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{x^2} \times \frac{x}{\sin x} \frac{1 + \cos x + \cos^2 x}{\cos x} \\ &= \frac{1}{2} \times \frac{1}{1} \times \frac{3}{1} = \frac{3}{2} \end{aligned}$$

**خلاصة :**  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^3 x}{x \cos x \sin x} = \frac{3}{2}$  و  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin x)}{x} = 1$

**02** . أحسب النهاية التالية بدون استعمال المرافق : استنتج النهاية التالية :  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{\sqrt[4]{x} - 1}$

• نحسب :  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{\sqrt[4]{x} - 1}$  (الطريقة 1)

$$\begin{aligned} \text{لدينا: } t &= \sqrt[12]{x} \text{ و منه نضع: } \sqrt[3]{x} - 1 = \frac{\sqrt[12]{x}^4 - 1}{\sqrt[12]{x}^3 - 1} \\ \text{ومنه: } &\end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{\sqrt[4]{x} - 1} &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[12]{x}^4 - 1}{\sqrt[12]{x}^3 - 1} \\ &= \lim_{t \rightarrow 1} \frac{t^4 - 1}{t^3 - 1} \\ &= \lim_{t \rightarrow 1} \frac{(t-1)(t^3 + t^2 + t + 1)}{(t-1)(t^2 + t + 1)} \\ &= \lim_{t \rightarrow 1} \frac{t^3 + t^2 + t + 1}{t^2 + t + 1} \\ &= \frac{4}{3} \end{aligned}$$



$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x}-1}{\sqrt[4]{x}-1} = \frac{4}{3}$$

خلاصة :

• نحسب :  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x}-1}{\sqrt[4]{x}-1}$  (الطريقة 2)

لدينا :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x}-1}{\sqrt[4]{x}-1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x}-1}{x-1} \times \frac{x-1}{\sqrt[4]{x}-1}$$

نحسب :

$$\cdot \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x}-1}{x-1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)-f(1)}{x-1} = f'(1) = \frac{1}{3} ; \quad \left[ f(x) = \sqrt[3]{x} = x^{\frac{1}{3}} ; \quad f'(x) = \frac{1}{3} x^{-\frac{2}{3}} \right] \quad •$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{\sqrt[4]{x}-1} = 4 : \text{إذن: } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[4]{x}-1}{x-1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{g(x)-g(1)}{x-1} = g'(1) = \frac{1}{4} ; \quad \left[ g(x) = \sqrt[4]{x} = x^{\frac{1}{4}} ; \quad g'(x) = \frac{1}{4} x^{-\frac{3}{4}} \right] \quad •$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x}-1}{\sqrt[4]{x}-1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x}-1}{x-1} \times \frac{x-1}{\sqrt[4]{x}-1} = \frac{1}{3} \times 4 = \frac{4}{3} : \quad \text{ومنه:} \quad •$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x}-1}{\sqrt[4]{x}-1} = \frac{4}{3}$$

خلاصة :

• استنتج النهاية التالية :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x^2} - 2\sqrt[3]{x} + 1}{(\sqrt[4]{x}-1)^2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x^2} - 2\sqrt[3]{x} + 1}{(\sqrt[4]{x}-1)^2} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x^2} - 2\sqrt[3]{x} + 1}{(\sqrt[4]{x}-1)^2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(\sqrt[3]{x}-1)^2}{(\sqrt[4]{x}-1)^2} \quad \text{لدينا:}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{\sqrt[3]{x}-1}{\sqrt[4]{x}-1} \right)^2$$

$$= \left( \frac{4}{3} \right)^2 = \frac{16}{9}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x^2} - 2\sqrt[3]{x} + 1}{(\sqrt[4]{x}-1)^2} = \frac{16}{9}$$

خلاصة :



رقم

لسنة 2015 - 2016

تصحيح : الفرض منزلي

الصفحة

$$\text{أحسب النهاية التالية بدون استعمال المرافق : } 03$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[4]{\frac{x+1}{x}} - 1}{\sqrt[3]{\frac{x+1}{x}} - 1}$$

• نحسب : (الطريقة ١)

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[4]{\frac{x+1}{x}} - 1}{\sqrt[3]{\frac{x+1}{x}} - 1}$$

لدينا :  $t \rightarrow 1$  و  $t = \sqrt[12]{\frac{x+1}{x}}$  و منه نضع :  $x \rightarrow +\infty$  فإن :

$$\frac{\sqrt[4]{\frac{x+1}{x}} - 1}{\sqrt[3]{\frac{x+1}{x}} - 1} = \frac{\sqrt[12]{\frac{x+1}{x}}^3 - 1}{\sqrt[12]{\frac{x+1}{x}}^4 - 1}$$

ومنه :

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[4]{\frac{x+1}{x}} - 1}{\sqrt[3]{\frac{x+1}{x}} - 1} &= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[12]{\frac{x+1}{x}}^3 - 1}{\sqrt[12]{\frac{x+1}{x}}^4 - 1} \\ &= \lim_{t \rightarrow 1} \frac{t^3 - 1}{t^4 - 1} \\ &= \lim_{t \rightarrow 1} \frac{(t-1)(t^2+t+1)}{(t-1)(t^3+t^2+t+1)} \\ &= \lim_{t \rightarrow 1} \frac{t^2+t+1}{t^3+t^2+t+1} \\ &= \frac{3}{4} \end{aligned}$$

خلاصة :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[4]{\frac{x+1}{x}} - 1}{\sqrt[3]{\frac{x+1}{x}} - 1} = \frac{3}{4}$$

ملحوظة : يمكنك استعمال الطريقة ٢

02

نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة بـ :

01 . حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$ .



لدينا :

$$\begin{aligned} x \in D_f &\Leftrightarrow x^2 + 2x + 2 > 0 \\ &\Leftrightarrow x^2 + 2x + 1 + 1 > 0 \\ &\Leftrightarrow (x+1)^2 + 1 > 0 \quad (\text{و هذا دائمًا صحيح}) \end{aligned}$$

**خلاصة :** مجموعة تعريف الدالة  $f$  هي :  $D_f = \mathbb{R}$

**02.** أحسب نهايتي :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ثم أعط تأويل هندسي للنتائجتين المحصل عليهما.

• نحسب :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

$$\text{لدينا : } \left( \lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2 + 2x + 2} = +\infty \right) \text{ (لأن} \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{\sqrt{x^2 + 2x + 2}} = 0 \text{ لـ}\right)$$

و منه :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$  التأويل الهندسي : أن المنحى الممثل للدالة  $f$  يقبل مقارب أفقي هو المستقيم الذي معادلته  $y = 0$  بجوار  $+\infty$ .

• نحسب :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

$$\text{لدينا : } \left( \lim_{x \rightarrow -\infty} \sqrt{x^2 + 2x + 2} = +\infty \right) \text{ (لأن} \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{\sqrt{x^2 + 2x + 2}} = 0 \text{ لـ}\right)$$

و منه :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$  التأويل الهندسي : أن المنحى الممثل للدالة  $f$  يقبل مقارب أفقي هو المستقيم الذي معادلته  $y = 0$  بجوار  $-\infty$ .

**03.** أدرس اتصال الدالة  $f$  على  $D_f$ .

لدينا الدالة :  $x \mapsto x^2 + 2x + 2$  متصلة و موجبة قطعا على  $\mathbb{R}$  و بالتالي الدالة  $x \mapsto \sqrt{x^2 + 2x + 2}$  متصلة و لا تنعدم على  $\mathbb{R}$  و منه مقوبها متصلة على  $\mathbb{R}$ .

**خلاصة :** الدالة  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 2x + 2}}$  متصلة على  $\mathbb{R}$ .

**04.** أحسب  $f'$  على  $D_f$  ثم ضع جدول لتغيرات الدالة  $f$ .

• نحسب  $f'$  على  $D_f$ .

لدينا :

$$\begin{aligned} f'(x) &= \left[ \frac{1}{\sqrt{x^2 + 2x + 2}} \right]' \\ &= -\left( \sqrt{x^2 + 2x + 2} \right)' \times \frac{1}{\left( \sqrt{x^2 + 2x + 2} \right)^2} \\ &= -\frac{(x^2 + 2x + 2)'}{2\sqrt{x^2 + 2x + 2}} \times \frac{1}{\left( \sqrt{x^2 + 2x + 2} \right)^2} \end{aligned}$$



$$= -\frac{2x+2}{2\sqrt{x^2+2x+2}} \times \frac{1}{x^2+2x+2}$$

$$= -\frac{x+1}{\sqrt{x^2+2x+2}} \times \frac{1}{(x+1)^2+1}$$

$$f'(x) = \frac{x+1}{\sqrt{x^2+2x+2}} \times \frac{1}{(x+1)^2+1}$$

و منه : نضع جدول لتغيرات الدالة  $f$ .

لدينا إشارة  $f'$  هي إشارة  $-x-1$ . ومنه جدول تغيرات الدالة  $f$  هو كالتالي :

|         |           |      |           |
|---------|-----------|------|-----------|
| $x$     | $-\infty$ | $-1$ | $+\infty$ |
| $f'(x)$ | +         | 0    | -         |
|         |           | 1    |           |
| $f(x)$  |           | ↗    | ↘         |
|         | 0         |      | 0         |

• ٥. نعتبر  $g$  قصور الدالة  $f$  على المجال  $I = [-1, +\infty]$ .

نبين أن  $g$  تقابل من  $[-1, +\infty]$  إلى  $J$  يتم تحديده.

حسب ما سبق الدالة  $f$  متصلة و تناقصية قطعا على المجال  $I = [-1, +\infty]$  إذن قصورها  $g$  على المجال  $I = [-1, +\infty]$  متصلة و تناقصية قطعا على المجال  $I = [-1, +\infty]$ .

و منه : الدالة  $g$  تقابل من  $I = [-1, +\infty]$  إلى  $J = [0; 1]$ .

خلاصة :  $g$  تقابل من  $I = [-1, +\infty]$  إلى  $J = [0; 1]$ .

• ٦. نحدد الدالة العكسية  $g^{-1}$  للدالة

تعتبر :  $f^{-1}(y) = x$  و  $f(x) = y$  مع  $y \in J = [0; 1]$  و  $x \in I = [-1, +\infty]$  ومنه :

$$f(x) = y \Leftrightarrow \frac{1}{\sqrt{x^2+2x+2}} = y$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{x^2+2x+2} = y^2 ; (y > 0)$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{(x+1)^2+1} = y^2$$

$$\Leftrightarrow 1 = y^2((x+1)^2+1)$$

$$\Leftrightarrow y^2(x+1)^2 = y^2 - 1$$



$$\Leftrightarrow (x+1)^2 = \frac{y^2 - 1}{y^2} \quad \left( \frac{y^2 - 1}{y^2} > 0; y \geq 1 \right)$$

$$\Leftrightarrow x+1 = \sqrt{\frac{y^2-1}{y^2}} \text{ او } x+1 = -\sqrt{\frac{y^2-1}{y^2}}$$

$$(x \in [-1, +\infty[ \Rightarrow x+1 \in [0; +\infty[) \text{ غير مقبول } x+1 = -\sqrt{\frac{y^2-1}{y^2}}$$

$$(x \in [-1, +\infty[ \Rightarrow x+1 \in [0; +\infty[) \text{ مقبول } ) \quad x+1 = \sqrt{\frac{y^2 - 1}{y^2}}$$

$$f^{-1}(y) = x = -1 + \sqrt{\frac{y^2 - 1}{y^2}} : \text{وبالتالي } x = -1 + \sqrt{\frac{y^2 - 1}{y^2}} : \text{ومنه}$$

$$f^{-1} : J = ]0; 1] \rightarrow I = [-1, +\infty[$$

**خلاصة:** الدالة العكسية هي معرفة كما يلي :

$$x \mapsto f^{-1}(x) = -1 + \sqrt{\frac{x^2 - 1}{x^2}}$$

.03

تذکیر:

.  $a < x < b$  يسمى تأطيرا للعدد  $x$  سعته (أو طوله) ✓

✓ العدد  $\frac{a+b}{2}$  (منتصف أو مركز المجال) هو قيمة مقربة ل  $x$  إلى الدقة  $\frac{b-a}{2}$ . (أي السعة مقسومة على 2)

## طريقة التفرع الثاني : LA Dichotomie

- دالة عدديه متصلة على  $[a;b]$  حيث  $f(a)f(b) < 0$ . مع العلم أن  $\frac{a+b}{2}$  يحقق  $f(\alpha) = 0$  عدد وحيد من  $\alpha$  في  $[a;b]$ .

لتحديد تأثيراً أدق لـ  $\alpha$  نحسب:

• نتیجہ ما یلی :

$$\therefore \alpha = \frac{a+b}{2} \text{ فإن } f\left(\frac{a+b}{2}\right) = 0 \text{ إذا كان } \diamond$$

❖ إذا كان  $f(a) \times f\left(\frac{a+b}{2}\right) < 0$  فان  $\alpha \in \left]a; \frac{a+b}{2}\right]$  و عند إعادة هذه الطريقة على المجال  $\left[\frac{a+b}{2}; b\right]$  نحصل على تأطير أدق للعدد  $\alpha$ .

❖ ذا كان  $0 < f\left(\frac{a+b}{2}\right) \times f(b)$  فإن  $\alpha \in \left[\frac{a+b}{2}; b\right]$  و عند إعادة هذه الطريقة على المجال  $\left[\frac{b-a}{2}; b\right]$  . وهو تأثير سعته  $\frac{b-a}{2}$  . نحصل على تأثير أدق للعدد  $\alpha$  .

: وهي تسمى : طريقة التفرع الثنائي **La Dichotomie**



تمرين تطبيقي :

نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة بـ  $f(x) = x^3 + x - 1$ .

**01.** نبين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلًا وحيداً  $\alpha \in [0;1]$ .

لدينا :

الدالة  $f(x) = x^3 + x - 1$  متصلة على  $\mathbb{R}$  إذن هي متصلة على  $[0;1]$  ولدينا  $f(0) < 0$  إذن حسب مبرهنة

القيم الوسيطية يوجد على الأقل  $\alpha$  من  $[0;1]$  حيث  $f(\alpha) = 0$  أي  $\alpha^3 + \alpha - 1 = 0$ .

**02.** إذن الدالة  $f$  تزايدة قطعاً على  $\mathbb{R}$  إذن هي تزايدة قطعاً على  $[0;1]$  ومنه يوجد عدد وحيد  $\alpha$  حيث :

(حسب مبرهنة التقابل)  $f(\alpha) = 0$

ومنه : المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حل وحيد  $\alpha$  من  $[0;1]$ .

**خلاصة:** المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلًا وحيدًا  $\alpha \in [0;1]$ .

**02.** أحسب  $f\left(\frac{1}{2}\right)$  ثم استنتج تأثير  $\alpha$  سعته  $\frac{1}{2}$ .

حسب  $f\left(\frac{1}{2}\right) = -\frac{3}{8}$ . إذن  $f\left(\frac{1}{2}\right) = \left(\frac{1}{2}\right)^3 + \frac{1}{2} - 1 = -\frac{3}{8}$  : لدينا  $f\left(\frac{1}{2}\right)$

نسنتاج تأثير  $\alpha$  سعته  $\frac{1}{2}$  ومنه  $\frac{1}{2} < \alpha < 1$ . لدينا  $f\left(\frac{1}{2}\right) < f(\alpha) < 1$ .

**خلاصة:**  $1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$  هو تأثير  $\alpha$  سعته.

**03.** حدد قيمة مقرابة ل  $\alpha$  إلى الدقة  $\frac{1}{8}$ .

بما أن  $\frac{1}{2} < \alpha < 1$  نبحث عن تأثير أدق ل  $\alpha$  وذلك **باستعمال طريقة التفرع الثاني** مع :

$f(a) \times f\left(\frac{a+b}{2}\right)$  و  $f\left(\frac{a+b}{2}\right) \times f(b)$

$f(b) = f(1) = 1$  و  $f(a) = f\left(\frac{1}{2}\right) = -\frac{3}{8}$  و  $f\left(\frac{a+b}{2}\right) = f\left(\frac{\frac{1}{2}+1}{2}\right) = f\left(\frac{3}{4}\right) = \frac{11}{64}$  مع

لدينا :

$\left[ \frac{a+b}{2}; b \right] \quad \text{(إذن } f\left(\frac{a+b}{2}\right) \times f(b) = \frac{11}{64} \times 1 = \frac{11}{64} < 0\text{)}$  ❖

$\left[ a; \frac{a+b}{2} \right] = \left[ \frac{1}{2}; \frac{3}{4} \right] \quad \text{(إذن } f(a) \times f\left(\frac{a+b}{2}\right) = -\frac{3}{8} \times \frac{11}{64} < 0\text{)}$  ❖



رقم

لسنة 2015 - 2016

تصحيح : الفرض منزلي

الصفحة

$$\text{هذا التأثير سعته: } \frac{a+b}{2} - a = \frac{3}{4} - \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$$

$$\text{قيمة مقربة ل } \alpha : \text{ هو العدد } \frac{a+\frac{a+b}{2}}{2} = \frac{\frac{3}{4} - \frac{1}{2}}{2} = \frac{1}{8} \quad \text{إلى الدقة}$$

$$\text{خلاصة: قيمة مقربة ل } \alpha : \text{ هو العدد } \frac{a+\frac{a+b}{2}}{2} = \frac{\frac{1}{2} + \frac{3}{4}}{2} = \frac{5}{8} \quad \text{إلى الدقة}$$