

التمرين 1 : الكيمياء (7 نقط)

الجزءان I و II مستقلان

يعتبر هيدروكسيد الصوديوم و المثيل أمين من المركبات الكيميائية المستعملة في إنتاج كثير من المنتجات المصنعة. نتناول في الجزء الأول من التمرين معايرة محلول مائي للمثيل أمين و نتناول في الجزء الثاني الحماة القاعدية لإستر.

الجزء I : معايرة محلول مائي للمثيل أمين

تتوفر على محلول مائي (S) للمثيل أمين CH_3NH_2 تركيزه المولي C. نأخذ حجما $V=10\text{mL}$ من المحلول (S) و نعايره بمحلول مائي لحمض الكلوريدريك $H_3O^+_{(aq)} + Cl^-_{(aq)}$ تركيزه المولي $C_A = 2.10^{-2} \text{ molL}^{-1}$.

يمثل منحنى الشكل 1 تغير pH الخليط التفاعلي بدلالة الحجم V_A للحمض المضاف.

معطيات:- تمت جميع القياسات عند درجة الحرارة 25°C .

- الجداء الأيوني للماء $K_e = 10^{-14}$.

1- حدد مبيانيا إحدائتي نقطة التكافؤ V_E و pH_E

(0,5 ن)

2- حدد التركيز C (0,5 ن)

3- من بين الكواشف الملونة الواردة في الجدول أسفله، حدد الكاشف الأكثر ملاءمة لاستعماله في المعايرة الملوانية للمحلول (S). علل جوابك. (0,5 ن)

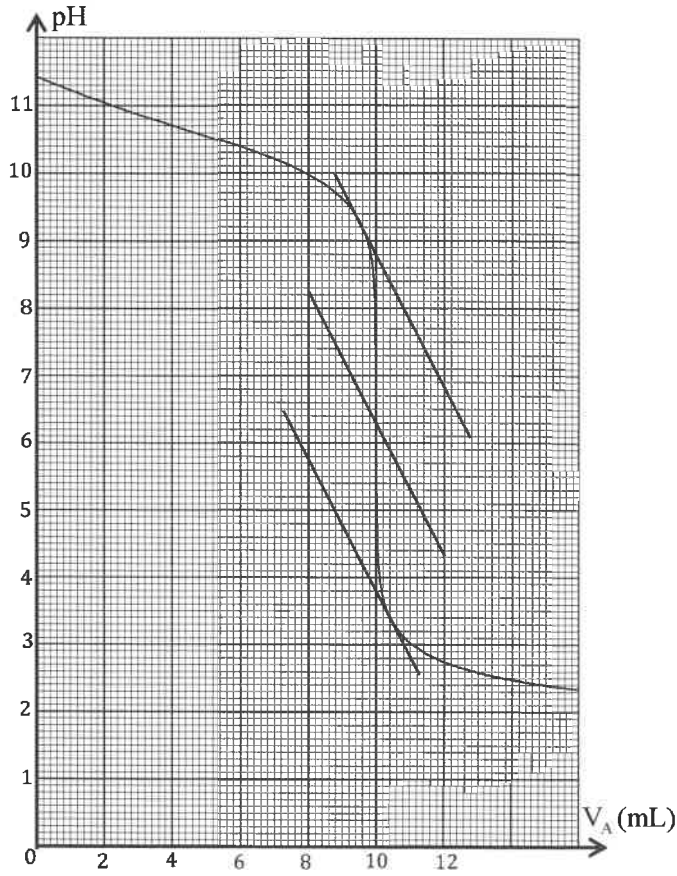
منطقة الاتعاف	الكاشف الملون
3,8 - 5,4	أخضر البروموكريزول
6,0 - 7,6	أزرق البروموتيمول
8,2 - 10,0	الفينول فتالين

4- اكتب المعادلة الكيميائية المنمذجة لتفاعل المعايرة. (0,5 ن)

5- بين، اعتمادا على الجدول الوصفي لتفاعل معايرة المحلول (S)، بالنسبة لـ $V_A < V_E$ أن $pH = pK_{A1} + \log\left(\frac{1}{y} - 1\right)$ مع $y = \frac{V_A}{V_E}$

و $pK_{A1} = pK_A(CH_3NH_3^+ / CH_3NH_2)_{(aq)}$ (0,5 ن)

6- حدد قيمة y ليكون $pH = pK_{A1}$. استنتج قيمة pK_{A1} . (0,75 ن)



الشكل 1

المادة	الفيزياء والكيمياء	مدة الانجاز	4
الشعبة أو المسلك	شعبة العلوم الرياضية : (أ) و (ب)	المعامل	7

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة.

يتضمن الموضوع أربعة تمارين: تمرين في الكيمياء و ثلاثة تمارين في الفيزياء.

التمرين 1 : الكيمياء (7 نقط)

- معايرة محلول مائي للمثيل أمين،

- الحماة القاعدية لإستر.

التمرين 2 : موجة ميكانيكية (3 نقط)

- انتشار موجة طول حبل.

التمرين 3 : الكهرباء (5 نقط)

- استجابة ثنائي قطب RC لرتبة توتر،

- تذبذبات حرة في دارة RLC متوالية،

- تذبذبات قسرية في دارة RLC متوالية.

التمرين 4 : الميكانيك (5 نقط)

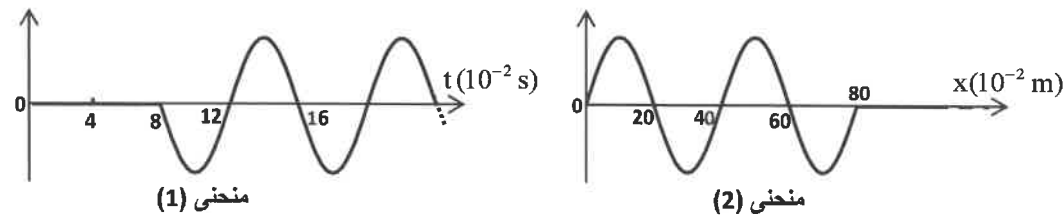
- حركة تذبذبية و سقوط حر لجسم صلب،

- حركة قمر اصطناعي.

التمرين 2 : انتشار موجة طول حبل (3 نقط)

تتجز شفرة هزاز، مثبتة بالطرف S لحبل SA مرن و موتر و طويل و في وضع أفقي، حركة جيبية ترددها N فتحدث موجة متوالية جيبية غير مخمدة طول الحبل سرعتها v. يمكن جهاز مناسب مثبت في الطرف A للحبل من منع انعكاس الموجات. تبدأ حركة S عند اللحظة $t = 0$.

يمثل المنحنيان (1) و (2) أسفله كل من تغيرات استطالة نقطة M من الحبل، توجد على مسافة d من S، و مظهر الحبل عند لحظة t_1 .



1- تعرف ، مغللا جوابك، على المنحنى الذي يمثل مظهر الحبل عند اللحظة t_1 . (0,25 ن)

2- أعط عدد الاقتراحات الصحيحة من بين الاقتراحات التالية: (0,5 ن)

أ- لا يمكن أن تحدث ظاهرة الحيود بالنسبة لموجة ميكانيكية.

ب- تتميز الموجات المتوالية الجيبية بدورية زمانية و بدورية مكانية.

ج- الموجة التي تنتشر طول الحبل موجة طولية.

د- لا تتعلق سرعة انتشار موجة ميكانيكية بوسع الموجة.

3- باستغلال المنحنيين السابقين، حدد:

3-1- طول الموجة λ و الدور T و السرعة v للموجة. (0,75 ن)

3-2- التأخر الزمني τ للنقطة M بالنسبة لمنبع الموجة S و استنتاج المسافة d. (0,5 ن)

4- نعطي العلاقة التي تربط السرعة v للموجة و التوتر F للحبل و كتلته الطولية μ (خارج الكتلة على الطول): $v = \sqrt{\frac{F}{\mu}}$.

4-1- باستعمال معادلات الأبعاد تحقق أن العلاقة السابقة متجانسة. (0,25 ن)

4-2- هل الحبل وسط مبدد؟ علل جوابك. (0,25 ن)

4-3- نضاعف التوتر F للحبل ($F' = 2F$) مع إبقاء التردد N ثابتا. حدد λ' طول الموجة في هذه الحالة. (0,5 ن)

7- بالنسبة للمحلول (S) الذي تمت معايرته سابقا:

7-1- اكتب المعادلة الكيميائية المنمذجة لتفاعل المثل أمين مع الماء. (0,25 ن)

7-2- حدد نسبة التقدم النهائي لهذا التفاعل. ماذا تستنتج؟ (0,5 ن)

الجزء II : الحلمة القاعدية لإستر

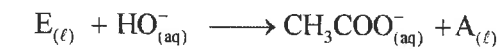
يتميز إيثانوات البروبيل، الذي نرسم له ب E، برائحة الإحاص. يستعمل هذا الإستر E في صناعة العطور و النكهات و الصباغات و الزيوت...

1- اكتب الصيغة نصف المنشورة للإستر E. (0,25 ن)

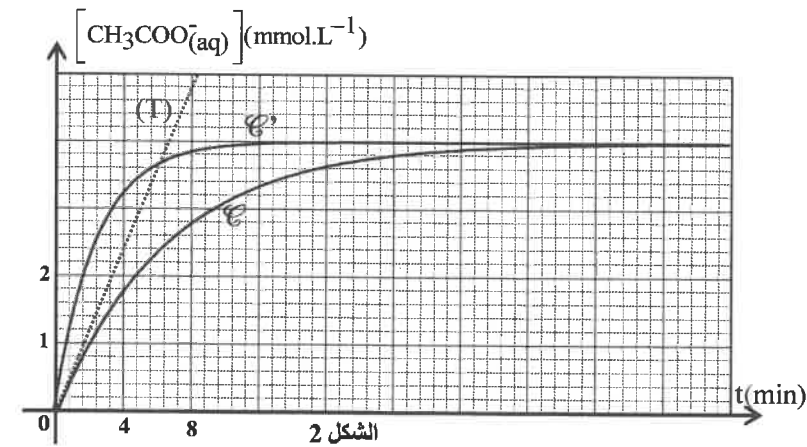
2- ننجز، عند اللحظة $t = 0$ ، خليطين متساوي المولات للإستر E و لمحلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم.

يتكون كل خليط من حجم V_E من محلول الإستر E تركيزه المولي $C_1 = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ و حجم $V_B = V_E$ من محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم له نفس التركيز.

في ظروف تجريبية معينة يحدث في كل خليط تفاعل نمذجه بالمعادلة التالية:



تم إنجاز التجربة بالنسبة لأحد الخليطين عند درجة الحرارة θ_1 ، و بالنسبة للخليط الآخر تم إنجازها عند درجة الحرارة θ_2 مع $\theta_2 > \theta_1$.



يمثل المنحنيان \mathcal{C} و \mathcal{C}' (الشكل 2)

تطور التركيز $[\text{CH}_3\text{COO}^-_{(aq)}]$ خلال الزمن عند درجة الحرارة θ_1 و عند درجة الحرارة θ_2 .

2-1- حدد $t_{1/2}$ زمن نصف التفاعل

للحلمة القاعدية للإستر E الموافقة للمنحنى \mathcal{C} . (0,5 ن)

2-2- استنتج، بمقارنة زمني نصف التفاعل، المنحنى الموافق لدرجة الحرارة θ_2 . (0,5 ن)

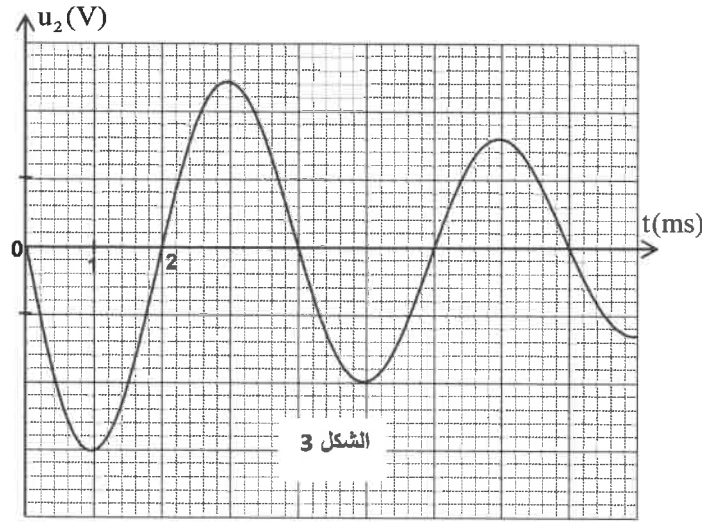
2-3- حدد، بالوحدة $\text{mmol.L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$ ، السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة $t = 0$ الموافقة للمنحنى \mathcal{C} (يمثل (T) المماس للمنحنى في النقطة ذات الأفصول $t = 0$). (0,5 ن)

2-4- حدد، عند درجة الحرارة θ_1 ، خارج التفاعل Q_r عند اللحظة $t = t_{1/2}$. (0,75 ن)

2-5- حدد مردود هذا التفاعل. (0,5 ن)

2- دراسة التذبذبات الحرة في دائرة RLC

بعد تحقيق النظام الدائم، نؤرجح قاطع التيار K إلى الموضع (2) عند لحظة نختارها أصلا جديدا للتواريخ $t = 0$.



ممكن نظام مسك معلوماتي ملائم من خط المنحني الممثل لتطور التوتر $u_2(t)$ بين مربطي الموصل الأومي ذي المقاومة R_2 (الشكل 3).

2-1- أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر

$$u_2(t). (0,5 \text{ ن})$$

2-2- باعتبار شبه الدور للتذبذبات مساو للدور الخاص للدائرة LC، تحقق أن $C_1 = 2 \mu\text{F}$. (0,5 ن)

2-3- لصيانة التذبذبات المخدومة المحصلة، ندرج على التوالي في الدائرة مولدا يزودها بتوتر

على التوالي في الدائرة مولدا يزودها بتوتر

على التوالي في الدائرة مولدا يزودها بتوتر

حيث $u_g = k.i(t)$ معبر عنه بالفولط (V)

و $i(t)$ بالأمبير (A).

أوجد قيمة k . (0,5 ن)

II- دراسة التذبذبات القسرية في دائرة متوالية RLC

ننجز دائرة كهربائية مكونة من العناصر التالية مركبة على التوالي:

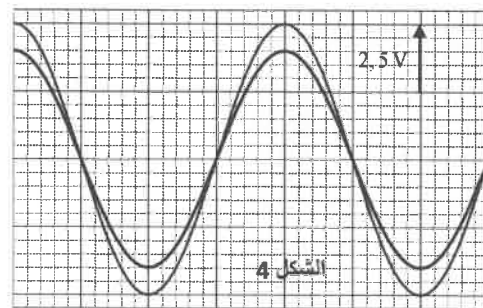
- مولد (GBF) ذي ترددات منخفضة يزود الدائرة بتوتر جيبي $u(t)$ توتره القصوي ثابت و تردده N قابل للضبط،

- مكثف سعته C ،

- الوشيجة (b) المستعملة سابقا،

- موصل أومي مقاومته $R = 40 \Omega$.

نضبط تردد المولد على قيمة N_0 ثم نعاين، بواسطة نظام مسك معلوماتي ملائم، التوتر $u(t)$ بين مربطي المولد و التوتر $u_R(t)$ بين مربطي الموصل الأومي، فنحصل على المنحنيين الممثلين في الشكل 4.



1- ارسم تبيانة التركيب التجريبي مبرزا عليها كيفية ربط نظام المسك المعلوماتي (ربط نظام المسك المعلوماتي بالدائرة مماثل لربط راسم التذبذب). (0,5 ن)

2- تحقق من قيمة المقاومة r للوشيجة (b). (0,5 ن)

3- أحسب القدرة الكهربائية المتوسطة المبذولة بمفعول جول في الدائرة. (0,5 ن)

التمرين 3: الكهرياء (5 نقط)

نأخذ: $\pi^2 = 10$

I- دراسة ثنائي القطب RC و التذبذبات الحرة في دائرة RLC

ننجز التركيب الممثل في تبيانة الشكل 1 والمكون من:

- مولد للتوتر قوته الكهرمحركة E ومقاومته الداخلية مهملة،

- موصلين أوميين مقاوماتهما: $R_1 = 1,5 \cdot 10^5 \Omega$ و $R_2 = 32 \Omega$ ،

- مكثفين (C_1) و (C_2) سعتهما على التوالي C_1 و $C_2 = 4 \mu\text{F}$ غير مشحونين بدنيا،

- قاطع التيار K ذي موضعين،

- وشيجة (b) معامل تحريضها $L = 0,2 \text{ H}$ و مقاومتها

$r = 10 \Omega$.

1- دراسة ثنائي القطب RC

نضع قاطع التيار K في الموضع (1) عند لحظة نختارها أصلا

للتواريخ $t = 0$.

ممكن نظام مسك معلوماتي ملائم من خط المنحني الممثل للتوتر $u_{AB}(t)$ (الشكل 2). يمثل (T) المماس للمنحني عند اللحظة

$t = 0$. نرسم ب C_1 سعته المكثف المكافئ لتجميع (C_1) و (C_2) على التوالي.

1-1- أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $u_{AB}(t)$. (0,5 ن)

1-2- يكتب حل هذه المعادلة التفاضلية على الشكل:

$$u_{AB}(t) = U_0(1 - e^{-\alpha t})$$

عبر عن كل من U_0 و α بدلالة المقادير المميزة للدائرة. (0,5 ن)

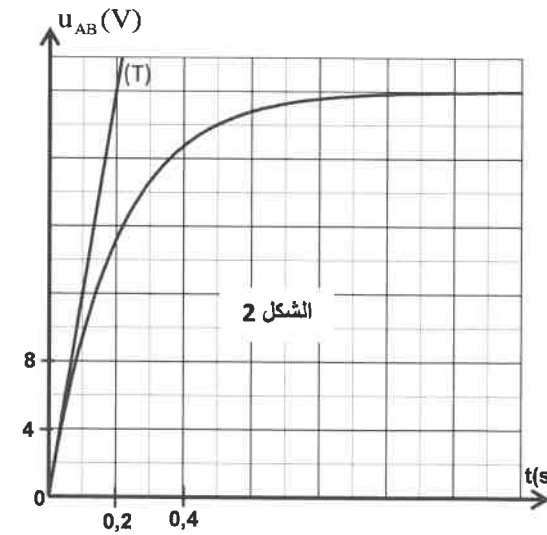
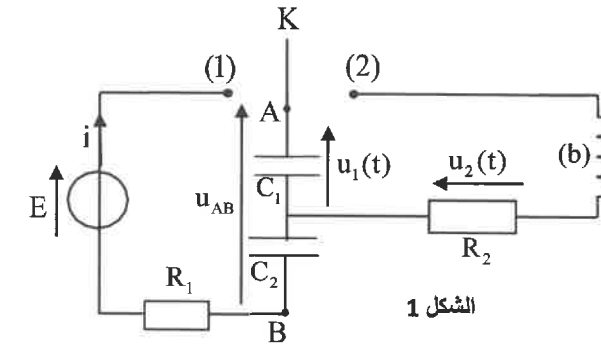
1-3- باستغلال منحني الشكل 2:

1-3-1- حدد قيمة E . (0,25 ن)

1-3-2- أوجد قيمة السعة C_1 . (0,25 ن)

1-4- أثبت في النظام العالمي للوحدات التعبير العددي للشحنة

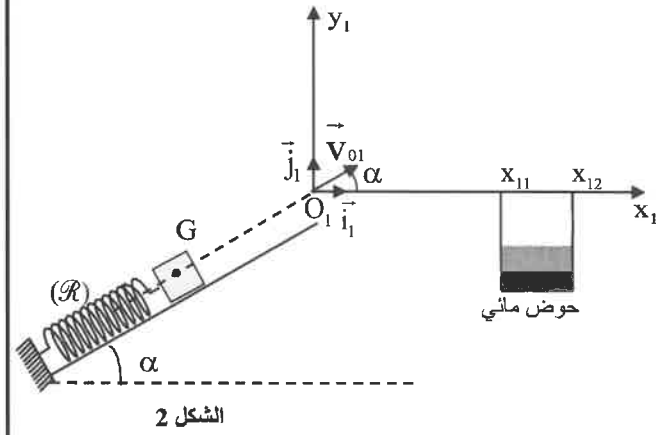
$q_1(t)$ للمكثف (C_1) . (0,5 ن)



الوضعية (ب) : حركة السقوط الحر للجسم (S).

نفصل الجسم (S) عن النابض (R). نضغط النابض ونضع في طرفه الحر الجسم (S)، ثم نحرره. عند لحظة معينة، يغادر الجسم (S) النابض ويصل إلى النقطة O_1 بسرعة \vec{V}_{01} تكون الزاوية α مع الخط الأفقي ومنظمها $V_{01}=2\text{m.s}^{-1}$ (الشكل 2). ابتداء من النقطة O_1 ، يكون الجسم (S) في سقوط حر.

ندرس حركة السقوط الحر لـ G في المعلم $(O_1, \vec{i}_1, \vec{j}_1)$ المرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا. نختار لحظة مرور G من O_1 أصلا للتواريخ ($t=0$).



1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أوجد التعبيرين العددين للمعادلتين الزميتين $x_1(t)$ و $y_1(t)$ لحركة G. (0,5 ن)

2- استنتج التعبير العددي لمعادلة المسار. (0,5 ن)

3- هل يسقط الجسم (S) في حوض مائي عرضه $L=x_{12}-x_{11}$ مع $x_{11}=30\text{cm}$ و $x_{12}=40\text{cm}$

(الشكل 2) ؟ علل جوابك. (نهمل أبعاد الجسم (S)). (0,5 ن)

الجزء II : حركة قمر اصطناعي

يهدف هذا الجزء إلى تحديد كتلة الأرض بطريقتين.

معطيات:

- شدة الثقالة على سطح الأرض $g_0 = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$
- ثابتة التجاذب الكوني $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ SI}$
- نأخذ $\pi^2 = 10$.

نعتبر الأرض كروية الشكل مركزها O وشعاعها $R_T = 6400 \text{ km}$ وكتلتها M_T ولها توزيع كتلي كروي.

نعتبر أن القمر الاصطناعي يخضع فقط لقوة التجاذب الكوني المطبقة من طرف الأرض.

1-1/1- باعتبار الوزن هو قوة التجاذب الكوني على سطح الأرض، أوجد تعبير شدة الثقالة g_0 على سطح الأرض بدلالة M_T

و R_T و G. (0,5 ن)

1-2- احسب M_T . (0,25 ن)

2- ينجز قمر اصطناعي (S) حركة دائرية حول الأرض دورها $T=98\text{min}$ في المعلم المركزي الأرضي الذي نعتبره غاليليا. يوجد القمر الاصطناعي على ارتفاع $h=647\text{km}$ من سطح الأرض.

1-2- أثبت العلاقة المعبرة عن القانون الثالث لكبلير بالنسبة لمركز قصور (S). (0,5 ن)

2-2- استنتج M_T و قارنها بالقيمة التي تم حسابها في السؤال 1-2. (0,5 ن)

التمرين 4: الميكانيك (5 نقط)

الجزءان I و II مستقلان

الجزء I: حركة تذبذبية و سقوط حر لجسم صلب

نمدج لعبة بمجموعة ميكانيكية تتكون من :

- نابض (R) لفاته غير متصلة وكتلته مهملة و صلابته $K=50\text{N.kg}^{-1}$ ؛

- جسم صلب (S) كتلته $m=50\text{g}$ و مركز قصوره G.

معطيات: شدة الثقالة $g=10\text{m.s}^{-2}$ ؛ $\alpha=30^\circ$.

ندرس حركة الجسم (S) في وضعيتين.

الوضعية (أ) : حركة تذبذبية للجسم (S).

نربط الجسم (S) بأحد طرفي النابض (R) ونثبت الطرف الآخر للنابض بحامل ثابت.

الجسم (S) قابل للانزلاق بدون احتكاك فوق مستوى مائل بزاوية α بالنسبة للمستوى الأفقي وذلك وفق الخط الأكبر ميلا (الشكل 1).

ندرس حركة مركز القصور G للجسم في معلم متعامد منظم $R(O, \vec{i}, \vec{j})$ مرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا.

نمعلم موضع G عند لحظة t بالأفصول x على المحور (O, \vec{i}) .

عند التوازن، ينطبق G مع الأصل O للمعلم (الشكل 1).

1- بين أن تعبير إطالة النابض $\Delta \ell_0$ عند التوازن يكتب :

$$\Delta \ell_0 = -\frac{mg \sin \alpha}{K} \quad (0,25 \text{ ن})$$

2- نزيح الجسم (S) عن موضع توازنه بمسافة $d=2\text{cm}$ في المنحنى الموجب

ثم نحرره بدون سرعة بدئية عند لحظة تاريخها $t=0$.

نختار المستوى الأفقي الذي ينتمي إليه G عند التوازن مرجعا لطاقة الوضع الثقالية ($E_{pp} = 0$) والحالة التي يكون فيها النابض

غير مشوه مرجعا لطاقة الوضع المرنة ($E_{pe} = 0$).

1-2- بين أن تعبير طاقة الوضع الكلية للمتذبذب عند لحظة t يكتب: $E_p = E_{pp} + E_{pe} = \frac{1}{2}K(x^2 + (\Delta \ell_0)^2)$. (0,5 ن)

2-2- اعتمادا على دراسة طاقة، أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفصول $x(t)$. (0,5 ن)

3-2- علما أن حل المعادلة التفاضلية يُكتب على الشكل: $x(t) = x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$ مع T_0 هو الدور الخاص للمتذبذب، أوجد

V_0 قيمة سرعة G عند مروره من موضع التوازن في المنحنى الموجب. (0,5 ن)