

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

المسالك الدولية - خيار فرنسية

الدورة الاستدراكية 2018

-الموضوع-

RS 22F

+eXNAC+ I MCYOEΘ
+eCJL+ I @XCE eLeEΘ
Λ @CE++X eJW#e
Λ @ΘHCA eLeXW* Λ @JW* eLeΘeالمملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني
والتعليم العالي والبحث العلميالمركز الوطني للتقويم والامتحانات
والتوجيه

3

مدة الإنجاز

الرياضيات

المادة

7

المعامل

مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيائية - خيار فرنسية

الشعبة أو المسلك

INSTRUCTIONS GENERALES

- ✓ L'utilisation de la calculatrice non programmable est autorisée ;
- ✓ Le candidat peut traiter les exercices de l'épreuve suivant l'ordre qui lui convient ;
- ✓ L'utilisation de la couleur rouge lors de la rédaction des solutions est à éviter.

COMPOSANTES DU SUJET

- ✓ L'épreuve est composée de quatre exercices et un problème indépendants entre eux et répartis suivant les domaines comme suit :

Exercice 1	Géométrie dans l'espace	3 points
Exercice 2	Nombres complexes	3 points
Exercice 3	Calcul des probabilités	3 points
Exercice 4	Calcul intégral	2 points
Problème	Etude d'une fonction numérique, et suites numériques	9 points

- ✓ In désigne la fonction logarithme népérien



Exercice 1 : (3 points)

Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, on considère la sphère (S) de centre $\Omega(2, 1, 2)$ et de rayon 3 et le plan (P) passant par le point $A(-1, 0, 3)$ et dont $\vec{u}(4, 0, -3)$ est un vecteur normal .

0.5 1) Montrer qu'une équation de (S) est $x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 2y - 4z = 0$

0.5 2) Vérifier qu'une équation cartésienne du plan (P) est $4x - 3z + 13 = 0$

0.5 3) a) Vérifier que $\begin{cases} x = 2 + 4t \\ y = 1 \\ z = 2 - 3t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$ est une représentation paramétrique de la droite (Δ)

passant par le point Ω et orthogonale au plan (P)

0.5 b) Déterminer les coordonnées de H point d'intersection de la droite (Δ) et du plan (P)

0.25 4) a) Calculer $d(\Omega, (P))$

0.75 b) Montrer que le plan (P) est tangent à la sphère (S) en un point que l'on déterminera .

Exercice 2 : (3 points)

0.75 1) Résoudre dans l'ensemble \mathbb{C} des nombres complexes l'équation $z^2 - 2\sqrt{2}z + 4 = 0$

2) Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé direct (O, \vec{u}, \vec{v}) , on considère le point A d'affixe $a = \sqrt{2}(1 - i)$ et la rotation R de centre O et d'angle $\frac{\pi}{3}$

0.25 a) Ecrire a sous forme trigonométrique.

0.5 b) Vérifier que l'affixe du point B image du point A par la rotation R est

$$b = 2 \left(\cos\left(\frac{\pi}{12}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{12}\right) \right)$$

0.5 3) a) On considère le point C d'affixe $c = 1 + i$, montrer que $b^2 - c^2 = 2\sqrt{3}$

0.5 b) Soit t la translation de vecteur \overrightarrow{OC} et D l'image du point B par la translation t
Montrer que $OD = |b + c|$

0.5 c) En déduire que $OD \times BC = 2\sqrt{3}$

Exercice 3 : (3 points)

Une urne contient 12 boules indiscernables au toucher : 3 boules de couleur rouge portant chacune le nombre 1 , et 3 boules de couleur rouge portant chacune le nombre 2 , et 6 boules de couleur verte portant chacune le nombre 2

On tire au hasard et simultanément deux boules de l'urne. On considère les événements suivants :

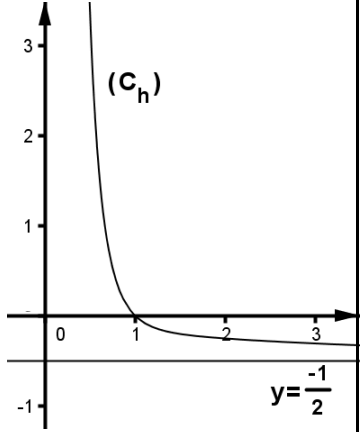
A : "Obtenir deux boules portant le même nombre " ;

B : "Obtenir deux boules de couleurs différentes "

C : "Obtenir deux boules portant deux nombres dont la somme est égale à 3"



<p>1.5 0.5 0.5 0.5</p>	<p>1) Montrer que $p(A) = \frac{13}{22}$ et $p(B) = \frac{6}{11}$ et calculer $p(C)$</p> <p>2) a) Montrer que $p(A \cap B) = \frac{3}{11}$</p> <p>b) Les événements A et B sont – ils indépendants ? Justifier la réponse.</p> <p>3) Sachant que l'événement B est réalisé, calculer la probabilité d'obtenir deux boules portant le même nombre .</p>									
<p>0.5 0.5 1</p>	<p>Exercice 4 : (2 points)</p> <p>1)a) Montrer que la fonction $H : x \mapsto xe^x$ est une primitive de la fonction $h : x \mapsto (x+1)e^x$ sur \mathbb{R}</p> <p>b) En déduire que $\int_0^1 (x+1)e^x dx = e$</p> <p>2) En utilisant une intégration par parties , calculer $\int_0^1 (x^2 + 2x - 1)e^x dx$</p>									
<p>0.25 0.5 0.5 0.25 0.75 1 0.5 0.5 0.5 1</p>	<p>Problème : (9 points)</p> <p>I) Soit g la fonction numérique définie sur $]0, +\infty[$ par : $g(x) = x^3 - 1 - 2\ln^2 x + 2\ln x$ Le tableau ci-contre est le tableau de variations de la fonction g sur l'intervalle $]0, +\infty[$</p> <table border="1" data-bbox="1029 1003 1501 1245"> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$g'(x)$</td> <td></td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>$g(x)$</td> <td>$-\infty$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> </table> <p>1) Calculer $g(1)$</p> <p>2) A partir de ce tableau , déterminer le signe de $g(x)$ sur chacun des intervalles $]0,1]$ et $[1, +\infty[$</p> <p>II) On considère la fonction numérique f définie sur l'intervalle $]0, +\infty[$ par : $f(x) = x - \frac{1}{2} + \frac{1}{2x^2} + \left(\frac{\ln x}{x}\right)^2$</p> <p>Soit (C) la courbe représentative de la fonction f dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j})</p> <p>1) a) Vérifier que $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$</p> <p>b) Montrer que la droite (D) d'équation $y = x - \frac{1}{2}$ est asymptote à la courbe (C) au voisinage de $+\infty$</p> <p>c) Déterminer la position relative de la droite (D) et de la courbe (C)</p> <p>2) Montrer que $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = +\infty$ et interpréter géométriquement le résultat.</p> <p>3) a) Montrer que $f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$ pour tout x appartenant à l'intervalle $]0, +\infty[$</p> <p>b) Montrer que la fonction f est décroissante sur $]0, 1]$ et croissante sur $[1, +\infty[$</p> <p>c) Dresser le tableau de variations de la fonction f sur l'intervalle $]0, +\infty[$</p> <p>4) Construire dans le repère (O, \vec{i}, \vec{j}) la droite (D) et la courbe (C) (unité : 1 cm)</p>	x	0	$+\infty$	$g'(x)$		+	$g(x)$	$-\infty$	$+\infty$
x	0	$+\infty$								
$g'(x)$		+								
$g(x)$	$-\infty$	$+\infty$								

0.25		III) On considère la fonction numérique h définie sur $]0, +\infty[$ par : $h(x) = f(x) - x$	
0.75	1) a)	Vérifier que $h(1) = 0$	
0.75	b)	Dans la figure ci-contre (C_h) est la représentation graphique de la fonction h Déterminer le signe de $h(x)$ sur chacun des intervalles $]0, 1]$ et $[1, +\infty[$ puis en déduire que $f(x) \leq x$ pour tout x de $[1, +\infty[$	
0.75	2)	On considère la suite numérique (u_n) définie par :	
		$u_0 = e$ et $u_{n+1} = f(u_n)$ pour tout n de \mathbb{N}	
0.75	a)	Montrer par récurrence que $1 \leq u_n \leq e$ pour tout n de \mathbb{N}	
0.75	b)	Montrer que la suite (u_n) est décroissante . (On pourra utiliser le résultat de la question III)1)b))	
0.75	c)	En déduire que la suite (u_n) est convergente et déterminer sa limite .	

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

المسالك الدولية - خيار فرنسية

الدورة الاستدراكية 2018

-عناصر الإجابة-

RR 22F

المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني
والتعليم العالي والبحث العلمي



المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني
والتعليم العالي والبحث العلمي

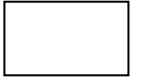
المركز الوطني للتقويم والامتحانات
والتوجيه



3	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيائية - خيار فرنسية	الشعبة أو المسلك

On prendra en compte les différentes étapes de la solution et on acceptera toute méthode correcte .

Exercice 1		
1		0.5
2		0.5
3	a	0.5
	b	0.5
4	a	0.25
	b	0.25 pour la justification et 0.5 pour la détermination du point de contact
Exercice 2		
1		0.25 pour le discriminant et 0.25 pour chaque solution (les réponses sans simplification seront admises)
2	a	0.25
	b	0.5
3	a	0.5
	b	0.5
	c	0.5
Exercice 3		
1		0.5 pour chaque probabilité
2	a	0.5
	b	0.25 pour A et B indépendants et 0.25 pour la justification
3		0.5
Exercice 4		
1	a	0.5
	b	0.5
2		0.5 pour l'intégration par parties et 0.5 pour le calcul de l'intégrale
Problème		
I	1	0.25
	2	0.5



II	1	a	0.5	
		b	0.5	
		c	0.25	
	2	0.5 pour le calcul de la limite et 0.25 pour l'interprétation		
	3	a	1	
		b	0.5	
		c	0.5	
	4	<p>1 point à distribuer comme indiqué sur la figure</p>		
	III	1	a	0.25
			b	0.5 pour le signe et 0.25 pour la déduction
2		a	0.75	
		b	0.75	
		c	0.25 pour la convergence de la suite et 0.5 pour le calcul de la limite	