

ପ୍ରମାଣିତ କ୍ଷରିତ ପାଠୀ

الدورة العاشرة - عناصر الاجلية - 2021

5555555555555555

مدة الإنجاز

المعامل

سی ام

شعبة العلوم التجريبية مسالك علوم الحياة والأرض (خيار أنجليزية)

A. M. H. D. G. C. M. H. O. B.

والعلم العربي والاسلامي والتطور

INR ZIE

CCCCCCCCCCCCCCCC

1

٢٣

الشعبية أو المثلثي

## Chimie (7 points)

Exercice		Question	Éléments de réponse	Bârème	Référence de la question dans le cadre de référence
1.		$n_0(Zn) = 1,53 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ ; $n_0(H_3O^+) = 2 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$	0,5		
2.		Tableau d'avancement	0,5	■ Dresser le tableau d'avancement d'une réaction et l'exploiter.	
3.		$H_3O_{(aq)}^+$ réactif limitant ; Justification	2x0,25	■ Déterminer le temps de demi-réaction graphiquement ou en exploitant des résultats expérimentaux.	
4.a.		$t_{1/2} = 290 \text{ s}$	0,5	■ Déterminer le temps de demi-réaction graphiquement ou en exploitant des résultats expérimentaux.	
4.b.		Aboutir à : $v \approx 2 \cdot 10^{-4} \text{ mol} \cdot L^{-1} \cdot s^{-1}$	0,5	■ Déterminer graphiquement la valeur de la vitesse volumique de réaction.	
5.		Interprétation qualitative de la variation de la vitesse volumique de réaction	0,25	■ Interpréter qualitativement la variation de la vitesse de réaction à l'aide d'une des courbes d'évolution.	
6.1.		Concentration molaire	0,25	■ Connaitre l'influence de la concentration des réactifs et de la température sur la vitesse volumique de réaction.	
6.2.		$t_{1/2}$ diminue ; Justification	2x0,25	■ Connaitre l'influence de la concentration des réactifs et de la température sur le temps de demi-réaction.	
Partie 1		$C_2H_5CO_2H_{(aq)} + H_2O_{(l)} \rightleftharpoons C_2H_5CO_2^-_{(aq)} + H_3O_{(aq)}^+$	0,5	■ Ecrire l'équation de la réaction modélisant une transformation acido-basique et identifier les deux couples intervenants.	
Partie 2	1.	Aboutir à : $\tau = 8 \cdot 10^{-2}$	0,25	■ Définir le taux d'avancement final d'une réaction et le déterminer à partir de données expérimentales.	
Partie 2	2.	$\tau < 1$ : Transformation limitée	0,25		

الصفحة	2
NR 27E	4

**الامتحان الوطني، الموجд للبكالوريا - الدورة العادية - 2021 - عناصر الاجنبية  
- مادة: الفيزياء والكيمياء - شعبة العلوم التجريبية مسلك علوم الحياة والأرض (خيار أنجليزية)**

3.	Aboutir à : $K_{A1} = \frac{10^{-2} \cdot pH}{C - 10^{-pH}}$	0,5	
	Vérification de la valeur de $K_{A1}$	0,25	
4.	Diagramme de prédominance	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Écrire et exploiter l'expression de la constante d'acidité <math>K_A</math> associée à l'équation de la réaction d'un acide avec l'eau.</li> </ul>
5.1.	$C_2H_5CO_2H_{(aq)} + C_6H_5CO_2^-_{(aq)} \rightleftharpoons C_2H_5CO_2^-_{(aq)} + C_6H_5CO_2H_{(aq)}$	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Représenter et exploiter le diagramme de prédominance des espèces acides et basiques présentes en solution aqueuse.</li> <li>▪ Ecrire l'équation de la réaction modélisant une transformation acido-basique et identifier les deux couples intervenants.</li> </ul>
5.2.	C	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Déterminer la constante d'équilibre associée à l'équation d'une réaction acido-basique à l'aide des constantes d'acidité des couples en présence.</li> </ul>
5.3.	$K_{A2} \approx 6,22 \cdot 10^{-5}$	0,25	

**Physique (13 points)**

Exercice	Question	Éléments de réponse	Barème	Référence de la question dans le cadre de référence
	1.	Définition d'une onde mécanique progressive	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Définir une onde progressive.</li> </ul>
2.1.	C		0,25	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Exploiter des documents expérimentaux et des données pour déterminer :           <ul style="list-style-type: none"> <li>* une distance ;</li> <li>* une longueur d'onde ;</li> <li>* un retard temporel ;</li> <li>* une célérité.</li> </ul> </li> </ul>
2.2.	C		0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Connaitre et exploiter la relation <math>\lambda = v \cdot T</math>.</li> </ul>
2.3.	A		0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Connaitre la relation entre l'élongation d'un point du milieu de propagation et l'élongation de la source : <math>y_M(t) = y_S(t - \tau)</math>.</li> </ul>
3.	Oui ; Justification		0,25+0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Définir un milieu dispersif.</li> </ul>
4.1.	Diffraction ; Justification		2x0,25	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Connaitre la condition d'obtention du phénomène de diffraction : dimension de l'ouverture inférieure ou égale à la longueur d'onde.</li> </ul>
4.2.	D		0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Connaitre les caractéristiques de l'onde diffractée.</li> </ul>

**Exercice 1  
(3,5 points)**

Exercice	Question	Éléments de réponse	Barème	Référence de la question dans le cadre de référence
	1.1.	Type $\beta^-$ + Justification	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Reconnaître le type de radioactivité à partir de l'équation d'une réaction nucléaire.</li> </ul>
	1.2.	Aboutir à : $E_{libérée} =  \Delta E  \approx 1,35 \text{ MeV}$	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Calculer l'énergie libérée (produite) par une réaction nucléaire :</li> </ul> $E_{libérée} =  \Delta E $
<b>Exercice 2 (3 points)</b>	2.1.	$t_{1/2} = 6 \text{ h}$	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Connaître et exploiter la loi de décroissance radioactive et exploiter sa courbe correspondante.</li> </ul>
	2.2.	A	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Exploiter les relations entre <math>\tau</math>, <math>\lambda</math> et <math>t_{1/2}</math>.</li> </ul>
	2.3.	A	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Connaître et exploiter la loi de décroissance radioactive et exploiter sa courbe correspondante.</li> </ul>
	2.4.	Non ; L'activité tend vers 0	2x0,25	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Reconnaître quelques applications de la radioactivité.</li> </ul>

Exercice	Question	Éléments de réponse	Barème	Référence de la question dans le cadre de référence
	1.	Vérification de la valeur de C	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Connaître et exploiter la relation <math>q = C.u</math>.</li> </ul>
				<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Exploiter des documents expérimentaux pour :           <ul style="list-style-type: none"> <li>* reconnaître les tensions observées ;</li> <li>* reconnaître les régimes d'amortissement ;</li> <li>* mettre en évidence l'influence de R, de L et de C sur le phénomène d'oscillations ;</li> <li>* déterminer la valeur de la pseudo-période et de la période propre.</li> </ul> </li> <li>▪ Reconnaître les régimes périodique, pseudo-périodique et apériodique.           <ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Reconnaître et représenter les courbes de variation en fonction du temps, de la tension <math>u_C(t)</math> aux bornes du condensateur et les différentes grandeurs qui lui sont liées et les exploiter.</li> </ul> </li> </ul>
	2.1.	Courbe a → Expérience 3 Courbe b → Expérience 1 Courbe c → Expérience 2 Justification	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Exploiter des documents expérimentaux pour :           <ul style="list-style-type: none"> <li>* reconnaître les tensions observées ;</li> <li>* déterminer la constante de temps et la durée de charge.</li> </ul> </li> <li>▪ Connaître et exploiter l'expression de la constante de temps.</li> </ul>
	2.2.	$\tau = 0,5 \text{ ms}$ ; $R = 10^3 \Omega$	2 x 0,25	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Reconnaître les régimes périodique, pseudo-périodique et</li> </ul>
	2.3.a.	Régime pseudo-périodique	0,25	

	<b>2.3.b.</b>	Explication de l'allure de la courbe de point de vue énergétique	0,5	apériodique.
	<b>2.3.c.</b>	$T = 2 \text{ ms}$	0,25	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Expliquer, du point de vue énergétique, les trois régimes.</li> <li>▪ Exploiter des documents expérimentaux pour déterminer la valeur de la pseudo-période et de la période propre.</li> </ul>
	<b>3.1.</b>	$T_0 = 4 \text{ ms}$ ;	0,25	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Exploiter des documents expérimentaux pour déterminer la valeur de la pseudo-période et de la période propre.</li> </ul>
	<b>3.2.</b>	Parvenir à : $L_1 = 0,81 \text{ H}$	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Connaître et exploiter l'expression de la période propre.</li> </ul>
	<b>3.3.</b>	Établissement de l'équation différentielle	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Établir l'équation différentielle pour la tension aux bornes du condensateur ou pour sa charge <math>q(t)</math> dans le cas d'un amortissement négligeable et vérifier sa solution.</li> </ul>
	<b>3.4. a.</b>	A	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Connaître et exploiter l'expression de la charge <math>q(t)</math> et la tension <math>u_C(t)</math> et en déduire l'expression de l'intensité <math>i(t)</math> passant dans le circuit et l'exploiter dans le cas d'un amortissement négligeable.</li> </ul>
	<b>3.4.b.</b>	D	0,75	
	<b>3.5.</b>	Explication de la conservation de l'énergie totale du circuit	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Expliquer, du point de vue énergétique, les trois régimes.</li> </ul>
	<b>3.6.</b>	Aboutir à : $\mathcal{E} \approx 9,10^{-6} \text{ J}$	0,5	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ Connaître et exploiter l'expression de l'énergie magnétique emmagasinée dans une bobine.</li> <li>▪ Connaître et exploiter l'expression de l'énergie électrique emmagasinée dans un condensateur.</li> <li>▪ Connaître et exploiter l'expression de l'énergie totale d'un circuit.</li> </ul>
	<b>3.7.</b>	Aboutir à : $ q  \approx 2,1,10^{-6} \text{ C}$	0,5	

العنوان الوطني الموحد للوكالات الرأي

الملكية

الدورة العادية 2021

الموضوع -

SSSSSSSSSSSSSSSSSSSS

NS 27F



THE WOODS  
A SECRET WORLD

الملكية المغربية  
وزارة التربية والرياضة  
والتكنولوجيا  
والتعليم العالى وتحت العاشر  
المراكز المعاصرة

<b>3h</b>	مدة الإنجاز	<b>الفيزياء والكيمياء</b>	المادة
<b>5</b>	المعامل	شعبة العلوم التجريبية مسلك علوم الحياة والأرض (خيار إنجليزية)	الشعبة أو المسلك

- The use of programmable scientific calculator is not allowed.
  - Give the literal expressions before every numerical application.

**This exam paper consists of four exercises: one in Chemistry and three in Physics.**

<b>Chemistry</b> <b>(7 points)</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Temporal monitoring of evolution of a chemical system</li> <li>• Determination of acidity constant of an Acid/Base couple</li> </ul>	<b>7 points</b>
<b>Physics</b> <b>(13 points)</b>	<b>Exercise 1:</b> Propagation of waves on the surface of water	<b>3,5 points</b>
	<b>Exercise 2:</b> Nuclear medicine	<b>3 points</b>
	<b>Exercise 3:</b> Discharge of a capacitor through different dipoles	<b>6,5 points</b>

scale

Subject

## Chemistry (7 points)

Part 1 and part 2 are independents

**Redox or acid-base chemical transformations permit to know the effect of some solutions on metals, monitor the time evolution of a chemical system, and to study acid or base aqueous solutions.**

This exercise aims at:

- Temporal monitoring of evolution of a chemical system;
- Determination of acidity constant of an Acid/Base couple.

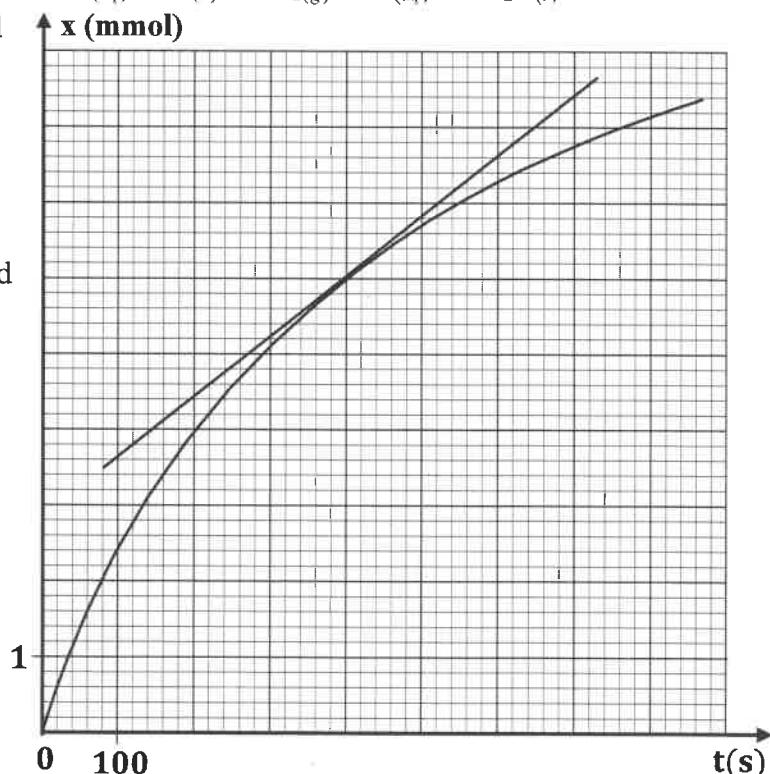
Part 1: Temporal monitoring of evolution of a chemical system

We realise an experiment by introducing, at an instant  $t_0 = 0$ , a mass of zinc powder of value  $m(Zn) = 1,0 \text{ g}$  in a round-bottom flask containing a volume  $V = 40 \text{ mL}$  of an aqueous solution ( $S$ ) of hydrochloride acid  $H_3O_{(aq)}^+ + Cl_{(aq)}^-$  of molar concentration  $C_A = 0,5 \text{ mol.L}^{-1}$ . The ions  $H_3O_{(aq)}^+$  react with zinc  $Zn_{(s)}$  according to the chemical equation:  $2H_3O_{(aq)}^+ + Zn_{(s)} \rightarrow H_{2(g)} + Zn_{(aq)}^{2+} + 2H_2O_{(l)}$ .

Measuring the volume of hydrogen produced permit to monitor the evolution of the advancement  $x$  of the reaction and to draw the graph  $x = f(t)$ .

Data:  $M(Zn) = 65,4 \text{ g.mol}^{-1}$

- 0,5** 1. Calculate the amount of matter  $n_0(Zn)$  and  $n_0(H_3O^+)$ , present initially in the reactional mixture.



- 0,5** 2. Recopy, on your paper, the advancement table of the chemical reaction and complete it.

Chemical equation		$2H_3O_{(aq)}^+ + Zn_{(s)} \rightarrow H_{2(g)} + Zn_{(aq)}^{2+} + 2H_2O_{(l)}$				
State of the system	Advancement (mol)	Amount of matter (mol)				
Initial state	$x = 0$					Excess
Intermediary state	$x$					Excess
Final state	$x_f$					Excess

- 0,5** 3. Identify the limiting reactant. Justify

- 1** 4. Determine graphically:
- The value of half-life of reaction  $t_{1/2}$ .
  - The value of the volumetric rate of reaction, in unit ( $\text{mol.L}^{-1}.\text{s}^{-1}$ ), at the instant  $t = 400 \text{ s}$ , knowing that the volume of the mixture is  $V = 40 \text{ mL}$ .
- 0,25** 5. Interpret qualitatively the variation of the volumetric rate of reaction.
- 6.** To accelerate the previous reaction, we restart the experiment using the same mass of zinc  $m(\text{Zn}) = 1,0 \text{ g}$  and a volume  $V = 40 \text{ mL}$  of a solution ( $S'$ ) of hydrochloride acid of molar concentration  $C_A' = 1 \text{ mol.L}^{-1}$ .
- 0,25** 6.1. Give the kinematic factor which is the origin of the acceleration of this reaction.
- 0,5** 6.2. The half-life  $t_{1/2}$  of reaction, will increase or decrease? Justify.
- Part 2: Determination of acidity constant of an Acid/Base couple**
- We consider an aqueous solution of propanoic acid  $\text{C}_2\text{H}_5\text{CO}_2\text{H}$  of volume  $V$ , and molar concentration  $C = 2.10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$  and  $pH = 3,79$  at  $25^\circ\text{C}$ .
- 0,5** 1. Write the chemical equation of the reaction between propanoic acid and water.
- 0,5** 2. Calculate the value of the final progress rate  $\tau$  of the reaction. Deduce.
- 0,75** 3. Prove that the expression of acidity constant  $K_{A1}$  of the couple  $(\text{C}_2\text{H}_5\text{CO}_2\text{H}_{(aq)} / \text{C}_2\text{H}_5\text{CO}_2^{\cdot(aq)})$  is written as:  $K_{A1} = \frac{10^{-2,pH}}{C - 10^{-pH}}$ . Verify that  $K_{A1} = 1,43 \cdot 10^{-5}$ .
- 0,5** 4. Represent the predominance diagram of the two species of the couple  $(\text{C}_2\text{H}_5\text{CO}_2\text{H}_{(aq)} / \text{C}_2\text{H}_5\text{CO}_2^{\cdot(aq)})$  present on the studied solution.
5. Consider benzoic acid of formula  $\text{C}_6\text{H}_5\text{CO}_2\text{H}$ . We note  $K_{A2}$  the acidity constant of the couple  $(\text{C}_6\text{H}_5\text{CO}_2\text{H}_{(aq)} / \text{C}_6\text{H}_5\text{CO}_2^{\cdot(aq)})$ . To determine the value of  $K_{A2}$ , we mix the same volume of the solution of propanoic acid and a solution of sodium benzoate  $\text{C}_6\text{H}_5\text{CO}_2^{\cdot(aq)} + \text{Na}_\text{(aq)}^+$ . The two solutions have the same molar concentration.
- 0,5** 5.1. Write the chemical equation of reaction occurring between propanoic acid  $\text{C}_2\text{H}_5\text{CO}_2\text{H}_{(aq)}$  and benzoate ions  $\text{C}_6\text{H}_5\text{CO}_2^{\cdot(aq)}$ .
- 0,5** 5.2. Copy on your answer sheet the number of the question and write the letter corresponding to the right option (A, B, C or D).
- The expression of equilibrium constant  $K$  associated with the chemical equation of this reaction is:
- |   |                             |   |                           |   |                             |   |                                     |
|---|-----------------------------|---|---------------------------|---|-----------------------------|---|-------------------------------------|
| A | $K = \frac{K_{A2}}{K_{A1}}$ | B | $K = K_{A1} \cdot K_{A2}$ | C | $K = \frac{K_{A1}}{K_{A2}}$ | D | $K = \frac{1}{K_{A1} \cdot K_{A2}}$ |
|---|-----------------------------|---|---------------------------|---|-----------------------------|---|-------------------------------------|
- 0,25** 5.3. Calculate the value of  $K_{A2}$ , knowing that  $K = 0,23$ .

### Physics (13 points)

#### **Exercise 1 (3,5 points): Propagation of waves on the surface of water**

The progressive perturbations created on the surface of water are mechanical waves. According to the experimental conditions, their propagation generates different phenomena. The study of these phenomena can provide information on this propagation and determine some characteristics. This exercise aims at the study of the propagation of waves on the surface of water in two different situations.

Using a vibrator of adjustable frequency, we create at an instant  $t_0 = 0$  at a point  $S$  of the surface of water of a wave tank, progressive sinusoidal waves. These waves propagate without reflexion or attenuation. We adjust the frequency of the vibrator on  $N = 50 \text{ Hz}$ .

The document of Figure (1) represents the aspect of the surface of water at a given instant.

**Data:**  $d = 15 \text{ mm}$

- 0,5 1. Define the progressive mechanic wave.  
2. Copy on your answer sheet the number of the question and write the letter corresponding to the right option (A, B, C or D).

- 0,25 2.1. The value of the wavelength  $\lambda$  of the propagating wave on the surface of water is:

A	$\lambda = 15 \text{ mm}$	B	$\lambda = 7,5 \text{ mm}$	C	$\lambda = 5 \text{ mm}$	D	$\lambda = 1,5 \text{ mm}$
---	---------------------------	---	----------------------------	---	--------------------------	---	----------------------------

- 0,5 2.2. The value of velocity  $v$  of propagation of the wave on the surface of water is:

A	$v = 0,75 \text{ m.s}^{-1}$	B	$v = 0,35 \text{ m.s}^{-1}$	C	$v = 0,25 \text{ m.s}^{-1}$	D	$v = 0,15 \text{ m.s}^{-1}$
---	-----------------------------	---	-----------------------------	---	-----------------------------	---	-----------------------------

- 0,5 2.3. Consider a point M on the surface of water, where  $SM = 17,5 \text{ mm}$ . The elongation  $y_M(t)$  of the point M in terms of the elongation  $y_S(t)$  of the origin is written:

A	$y_M(t) = y_S(t - 0,07)$	B	$y_M(t) = y_S(t - 0,35)$	C	$y_M(t) = y_S(t + 0,07)$	D	$y_M(t) = y_S(t + 0,35)$
---	--------------------------	---	--------------------------	---	--------------------------	---	--------------------------

- 0,75 3. We adjust the vibrator on the value  $N' = 100 \text{ Hz}$ , the wavelength of the wave becomes  $\lambda' = 3 \text{ mm}$ .

Is water a dispersive medium? Justify.

4. We readjust the value of frequency on  $N = 50 \text{ Hz}$ , and we put on the surface of the tank an obstacle containing an opening of width  $a = 4,5 \text{ mm}$  (Figure (2)).

- 0,5 4.1. Name the produced phenomenon. Justify.

- 0,5 4.2. Copy on your answer sheet the number of the question and write the letter corresponding to the right option (A, B, C or D).

The values of the wavelength and velocity of propagation of the waves on the surface of water when the wave passes through the opening are:

A	$\lambda = 3 \text{ mm}$ $v = 0,15 \text{ m.s}^{-1}$	B	$\lambda = 15 \text{ mm}$ $v = 0,10 \text{ m.s}^{-1}$	C	$\lambda = 5 \text{ mm}$ $v = 0,20 \text{ m.s}^{-1}$	D	$\lambda = 5 \text{ mm}$ $v = 0,25 \text{ m.s}^{-1}$
---	---	---	--	---	---	---	---

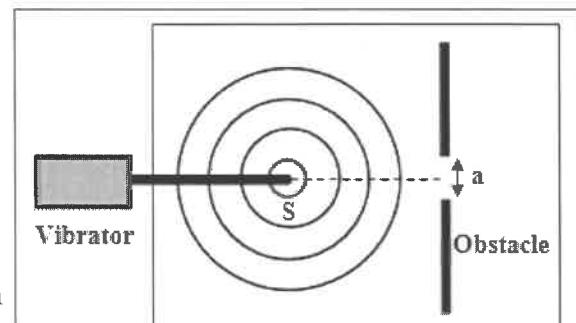


Figure (1)



Figure (2)

### Exercise 2 (3points): Nuclear medicine

Scintigraphy is a technique used to explore the human body that can diagnose diseases. It consists of injecting a radioactive tracer product which binds temporarily to certain tissues or organs. In the case of bone scintigraphy, the tracer product is composed of the diphosphonate coupled to metastable technetium  $^{99}\text{Tc}^*$  which is  $\gamma$  ray emitter.

This exercise aims at the study of utilisation of technetium in medicine.

**Data:**

Particle or nucleus	Electron	$^{99}_{42}\text{Mo}$	$^{99}_{43}\text{Tc}$
Mass in $u$	$5,486 \cdot 10^{-4}$	98,884	98,882
$1 \text{ u} = 931,5 \text{ MeV.c}^{-2}$			

### 1. Production of technetium $^{99}\text{Tc}^*$

Inside the generators of (Molybdenum/Technetium), molybdenum  $^{99}_{42}\text{Mo}$  is disintegrated according to the equation:  $^{99}_{42}\text{Mo} \rightarrow ^{99}_{43}\text{Tc}^* + ^A_Z\text{X}$

0,5 1.1. Precise, by justification, the type of this disintegration.

0,5 1.2. Determine, in unit  $MeV$ , the value of released energy  $E_{released} = |\Delta E|$ , by the disintegration of a nucleus  $^{99}_{42}Mo$ .

### 2. Bone scintigraphy using technetium

To undergo a bone scintigraphy, a nurse injects, at an instant  $t_0 = 0$ , to a patient a dose of technetium  $^{99}Tc^*$  product.

Figure on the right represents the evolution of the activity of a dose during the disintegration of technetium  $^{99}Tc^*$ .

0,5 2.1. Determine, graphically, the value of half-life  $t_{1/2}$  of technetium  $^{99}Tc^*$ .

0,5 2.2. Copy on your answer sheet the number of the question and write the letter corresponding to the right option (A, B, C or D).

The value of radioactivity constant  $\lambda$  of  $^{99}Tc^*$  is:

- |   |                           |   |  |   |  |   |  |
|---|---------------------------|---|--|---|--|---|--|
| A | $\lambda = 0,1155 h^{-1}$ | B | $\lambda = 1,453 \cdot 10^{-2} h^{-1}$ | C | $\lambda = 1,521 \cdot 10^{-2} h^{-1}$ | D | $\lambda = 2,253 \cdot 10^{-2} h^{-1}$ |
|---|---------------------------|---|--|---|--|---|--|

0,5 2.3. An exam is realised three (3) hours after the injection of the dose.

Copy on your answer sheet the number of the question and write the letter corresponding to the right option (A, B, C or D).

The number  $N$  of nuclei of technetium  $^{99}Tc^*$  at the moment of the exam is:

- |   |                          |   |                          |   |                          |   |                          |
|---|--------------------------|---|--------------------------|---|--------------------------|---|--------------------------|
| A | $N = 1,23 \cdot 10^{13}$ | B | $N = 4,32 \cdot 10^{13}$ | C | $N = 5,25 \cdot 10^{14}$ | D | $N = 7,12 \cdot 10^{14}$ |
|---|--------------------------|---|--------------------------|---|--------------------------|---|--------------------------|

0,5 2.4. Is it possible to realise the same exam for patient 48 hours after the injection of the dose? Justify.

### Exercise 3 (6,5 points): Discharge of a capacitor through different dipoles

Coil and capacitor are two components of major importance in the electric circuits. Functioning of such circuits depends on the connection of these components, which produce different phenomena. We can thus proceed to the study of the charge and discharge of a capacitor, establishment and interruption of electric current, free electric oscillations and energetic exchange on the circuit. This exercise aims at the study of the discharge of a capacitor through an ohmic conductor, and then through a coil.

We consider the electric circuit on figure (1), composed of:

- an ideal generator of electromotive force  $E = 6 V$ ;
- a capacitor of capacity  $C$  initially not charged;
- a switch  $K$  of double position;
- a dipole  $D$ .

0,5 1. At the instant  $t_0 = 0$ , we place the switch on position (1). The maximal charge of the capacitor is  $Q_0 = 3 \mu C$ . Prove that  $C = 0,5 \mu F$ .

2. We realise three experiments (1), (2) and (3) using the dipole  $D$  which may be:

- an ohmic conductor of resistance  $R$  (experiment (1));
- a coil  $b_1(L_1; r_1 = 0)$  (experiment (2));
- a coil  $b_2(L_2; r_2 = 10 \Omega)$  (experiment (3)).

For every experiment, we charge totally the capacitor, then we discharge it by switching to position (2) at  $t_0 = 0$ .

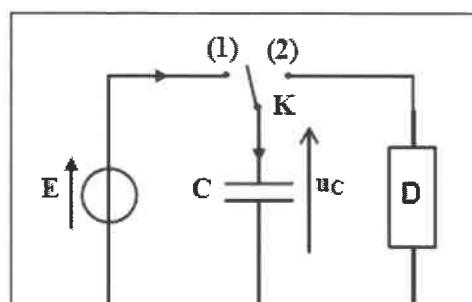
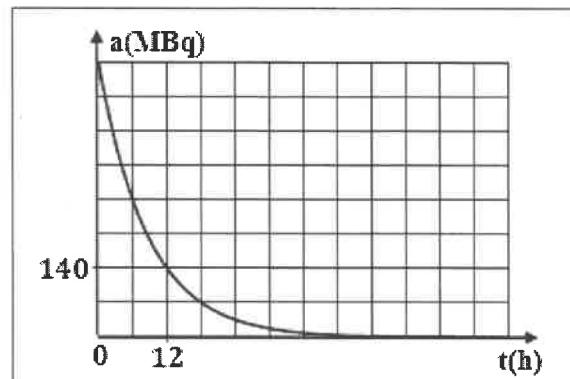
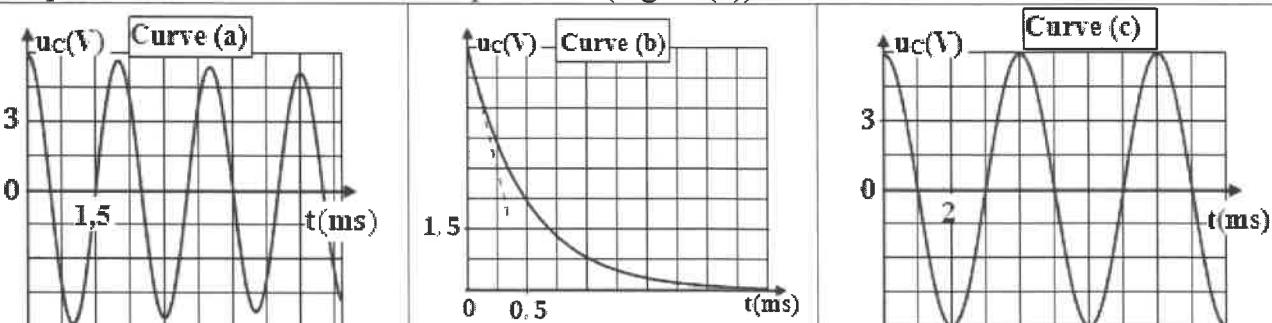


Figure 1

Using an adequate acquisition system, we obtain the variations of the voltage  $u_C(t)$  on the terminals of the capacitor in the case of the three experiments (Figure (2)).



**Figure (2)**

- 0,5** 2.1. Associate every curve to the corresponding experiment. Justify.
- 0,5** 2.2. In the case of the experiment ①, determine the value of the time constant  $\tau$  of the circuit. Deduce the value of  $R$ .
- 1** 2.3. In the case of the experiment ③:
- Give the name of the oscillation regime occurred.
  - Explain, energetically, the shape of the obtained curve.
  - Determine the value of the pseudo-period  $T$ .
3. In the case of the experiment ②:
- 0,25** 3.1. Determine the value of the period  $T_0$ .
- 0,5** 3.2. Determine the value of  $L_1$ .
- 0,5** 3.3. Prove that the differential equation verified by the charge  $q(t)$  of the capacitor is written as:
- $$\frac{d^2q}{dt^2} + \frac{1}{L_1 C} \cdot q = 0 .$$
- 1,25** 3.4. The solution of the differential equation is:  $q(t) = Q_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$

Copy on your answer sheet the number of the question and write the letter corresponding to the right option (A, B, C or D).

- a. The numerical expression of the charge  $q$  in coulomb is:

A	$q(t) = 3 \cdot 10^{-6} \cdot \cos(500\pi t)$	B	$q(t) = 0,5 \cdot 10^{-6} \cdot \cos(500\pi t)$
C	$q(t) = 6 \cdot 10^{-6} \cdot \cos(500\pi t + \frac{\pi}{2})$	D	$q(t) = 3 \cdot 10^{-6} \cdot \cos(500\pi t + \pi)$

- b. The value of the maximal intensity  $I_{\max}$  of the electric current passing through the circuit is:

A	$I_{\max} = 7,33 \text{ mA}$	B	$I_{\max} = 6,85 \text{ mA}$	C	$I_{\max} = 5,22 \text{ mA}$	D	$I_{\max} = 4,71 \text{ mA}$
---	------------------------------	---	------------------------------	---	------------------------------	---	------------------------------

- 0,5** 3.5. The total energy  $\mathcal{E}$  of the circuit is conserved. Explain why?
- 0,5** 3.6. Calculate the value of the total energy  $\mathcal{E}$  of the circuit.
- 0,5** 3.7. Calculate the absolute value  $|q|$  of the charge  $q(t)$  of the capacitor when the electric energy  $\mathcal{E}_e$  stored in the capacitor is equal to the magnetic energy  $\mathcal{E}_m$  stored on the coil.