المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والتعليم العالي والبحث العلمي

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادية 2019
- الموضوع -

YD

NS27

المادة	الفيزياء والكيمياء	مدة الانجاز	3
الشعبة أو المسلك	شعبة العلوم التجريبية: مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الزراعية	المعامل	5

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة
- تعطى التعابير الحرفية قبل إنجاز التطبيقات العددية

يتضمن موضوع الامتحان أربعة تمارين: تمرين في الكيمياء وثلاثة تمارين في الفيزياء

الكيمياء (7 نقط)	المحلول المائي لحمض الميثانويك	7 نقط
الفيزياء (13 نقطة)	التمرين 1 : عمر فرشة مائية	2,5 نقط
	التمرين 2: • ثنائي القطب RC • الدارة RLC المتوالية	5,5 نقط
	التمرين 3: • دراسة حركة متزلج • دراسة مجموعة متذبذبة	5 نقط

inscription.ma

التنقيط	الموضوع

الكيمياء (7 نقط): المحلول المائي لحمض الميثانويك

حمض الميثانويك $HCOOH$ ، **المعروف عادة بحمض الفورميك، سائل لاذع وأكال يوجد طبيعيا في جسم النمل الأحمر.**

يهدف هذا التمرين إلى:

- **دراسة محلول مائي لحمض الميثانويك؛**
- **معايرة المحلول المائي لحمض الميثانويك؛**
- **مقارنة سلوك حمضين.**

الجزء 1: دراسة محلول مائي لحمض الميثانويك

نتوفر على محلول مائي (S_A) لحمض الميثانويك $HCOOH_{(aq)}$ حجمه $V = 1L$ وتركيزه المولي $C_A = 0,10\ mol.L^{-1}$ وله $pH = 2,4$.

0,5 **1.** عرف الحمض حسب برونشتد.

0,5 **2.** أكتب المعادلة المنمذجة للتحول الكيميائي بين حمض الميثانويك والماء.

0,5 **3.** أنقل على ورقة التحرير الجدول الوصفي لتقدم التفاعل وأتممه.

معادلة التفاعل		.....
حالة المجموعة	تقدم التفاعل (mol)	كمية المادة (mol)
الحالة البدئية	0	....
الحالة الوسيطية	x	....
الحالة النهائية	x_f	....

0,5 **4.** أحسب قيمة التقدم النهائي x_f لهذا التفاعل.

0,5 **5.** أحسب قيمة نسبة التقدم النهائي τ لهذا التفاعل. استنتج.

1 **6.** بين أن خارج التفاعل عند حالة التوازن للمجموعة الكيميائية يكتب $Q_{r,éq} = \dfrac{10^{-2.pH}}{C_A - 10^{-pH}}$. أحسب قيمته.

0,25 **7.** استنتج قيمة ثابتة التوازن K المقرونة بمعادلة التفاعل.

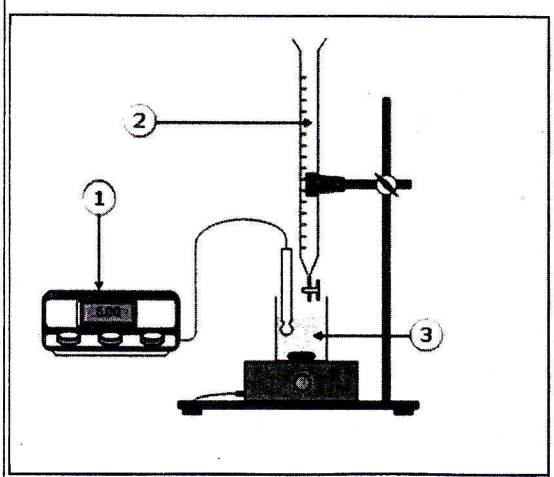
الجزء 2: معايرة المحلول المائي لحمض الميثانويك

للتحقق من قيمة التركيز المولي C_A للمحلول (S_A)، ننجز المعايرة حمض - قاعدة.

نضع في كأس الحجم $V_A = 20,0\ mL$ من هذا المحلول، ونضيف إليه تدريجيا محلولا مائيا (S_B) لهيدروكسيد الصوديوم $Na^+_{(aq)} + HO^-_{(aq)}$ تركيزه المولي $C_B = 0,25\ mol.L^{-1}$.

إحداثيتي نقطة التكافؤ هما: $(V_{B,E} = 8,0\ mL\ ;\ pH_E = 8,2)$.

يعطي الشكل جانبه، التركيب التجريبي المستعمل لإنجاز هذه المعايرة.



0,5 **1.** سمّ العناصر الموافقة للأرقام المبينة على التركيب في هذا الشكل.

0,5 **2.** أكتب معادلة التفاعل الحاصل بين حمض الميثانويك $HCOOH_{(aq)}$ وأيونات الهيدروكسيد $HO^-_{(aq)}$ خلال المعايرة علما أنه كلي.

0,5 **3.** تحقق من قيمة C_A .

inscription.ma

0,25 **4.** أذكر، من بين الكاشفين الملونين الآتيين، الكاشف الملون الأنسب لهذه المعايرة. علل جوابك.

الكاشف الملون	لون الحمض	منطقة الانعطاف	لون القاعدة
أحمر الكريزول	أصفر	7,2 – 8,8	أحمر
الأليزرين	أحمر	11,0 – 12,4	بنفسجي

0,5 **5.** بالنسبة لحجم مضاف $V_B = \frac{V_{B,E}}{2}$ للمحلول (S_B)، تكون قيمة pH الخليط في الكأس هي $pH = 3,8$ و $[HCOOH_{(aq)}] = [HCOO^-_{(aq)}]$.

أحسب قيمة ثابتة الحمضية K_A للمزدوجة $(HCOOH_{(aq)} / HCOO^-_{(aq)})$.

الجزء 3: سلوك حمضين في محلول مائي

نعتبر محلولا مائيا ثانيا (S') لحمض البروبانويك C_2H_5COOH تركيزه المولي $C'_A = 0,10\ mol.L^{-1}$. قيمة نسبة التقدم النهائي لتفاعل حمض البروبانويك مع الماء هي $\tau' = 1,16.10^{-3}$.

0,5 **1.** بمقارنة τ' و τ نسبة التقدم النهائي لتفاعل حمض الميثانويك مع الماء، حدد من بين الحمضين، الحمض الذي يتفكك أكثر في المحلول.

0,5 **2.** قارن ثابتتي الحمضية $K_A(HCOOH_{(aq)} / HCOO^-_{(aq)})$ و $K_A(C_2H_5COOH_{(aq)} / C_2H_5COO^-_{(aq)})$.

الفيزياء (13 نقطة)

التمرين 1 (2,5 نقط): عمر فرشة مائية

يوجد الكلور في الطبيعة في ثلاثة نظائر: الكلور35 $(^{35}_{17}Cl)$ و الكلور 36 $(^{36}_{17}Cl)$ والكلور 37 $(^{37}_{17}Cl)$.

في المياه السطحية (البحار، البحيرات،...) يتجدد الكلور 36 باستمرار ويمكن اعتبار نسبته ثابتة في هذه المياه، بينما في حالة مياه الفرشات المائية، لا يتجدد الكلور 36 وتتناقص نسبته مع مرور الزمن.

معطيات:

النواة أو الدقيقة	الإلكترون	الكلور $^{36}_{17}Cl$	الأرغون $^{36}_{18}Ar$
الكتلة بالوحدة (u)	0,000549	35,968312	35,967545
$1u = 931,5\ MeV.c^{-2}$	الثابتة الإشعاعية للكلور 36: $\lambda = 2,30.10^{-6}\ ans^{-1}$		

النواة	$^{35}_{17}Cl$	$^{36}_{17}Cl$	$^{37}_{17}Cl$
طاقة الربط بالنسبة لنوية $\frac{E_\ell}{A}(MeV / nucléon)$	8,5178	8,5196	8,5680

0,25 **1.** أنقل إلى ورقة تحريرك رقم السؤال واكتب الحرف الموافق للاقتراح الصحيح.

مكونات نواة الكلور $^{35}_{17}Cl$ هي:

A	17 بروتونا و35 نوترونا
B	18 بروتونا و17 نوترونا
C	17 بروتونا و18 نوترونا
D	18 بروتونا و35 نوترونا

inscription.ma

0,5 **2.** حدد، معللا جوابك، النواة الأكثر استقرارا من بين $^{35}_{17}Cl$ و $^{36}_{17}Cl$ و $^{37}_{17}Cl$.

3. الكلور 36 إشعاعي النشاط ويعطي خلال تفتته نواة الأرغون $^{36}_{18}Ar$.

0,5 **1.3.** أُكتب معادلة تفتت نواة الكلور 36 وتعرف على طراز هذا التفتت.

0,5 **2.3.** أُحسب بالوحدة (MeV)، الطاقة المحررة $E_{libérée} = |\Delta E|$ خلال تفتت نواة الكلور 36.

0,75 **4.** تحتوي عينة من مياه سطحية حجمها V على N_0 نوى من الكلور 36، بينما تحتوي عينة من مياه فرشة مائية لها نفس الحجم V على 38% فقط من عدد نوى الكلور 36 الموجودة في المياه السطحية.
حدد بالوحدة (ans)، عمر الفرشة المائية.

التمرين 2 (5,5 نقط): ثنائي القطب RC - الدارة RLC المتوالية

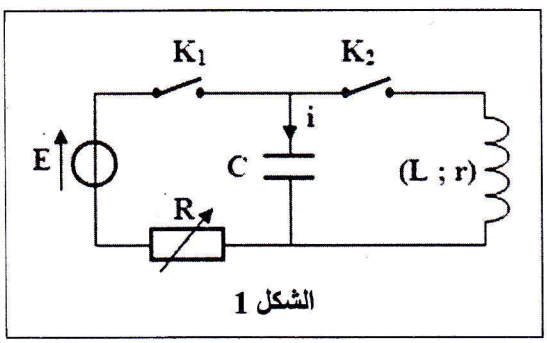
المكثف والوشيعة والموصل الأومي مركبات إلكترونية يختلف تصرفها حسب الدارات الكهربائية التي تتواجد فيها، حيث يشكل كل من المكثف والوشيعة خزانين للطاقة في حين يلعب الموصل الأومي دورا معاكسا بالتأثير على الحصيلة الطاقية في هذه الدارات.

يهدف هذا التمرين إلى:
- دراسة شحن مكثف؛
- دراسة التذبذبات الكهربائية الحرة في دارة RLC متوالية.

يتكون التركيب الممثل في الشكل (1) من مولد للتوتر قوته الكهرمحركة E وموصل أومي مقاومته R قابلة للضبط ومكثف سعته C ووشيعة $(L;r)$ وقاطعين للتيار K_1 و K_2.

1. نضبط مقاومة الموصل الأومي على القيمة $R = 100\ \Omega$ ونغلق K_1 عند اللحظة $t_0 = 0$، ونبقي K_2 مفتوحا.

0,75 **1.1.** أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $u_C(t)$ بين مربطي المكثف.



الشكل 1

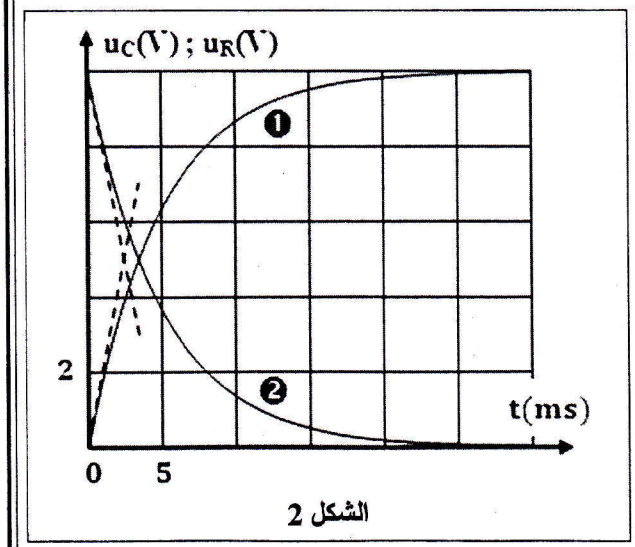
2.1. مكن نظام مسك معلوماتي من الحصول على منحنيي الشكل (2) الممثلين للتوتر $u_C(t)$ والتوتر $u_R(t)$ بين مربطي الموصل الأومي.

0,5 **1.2.1.** تعرف على المنحنى الموافق للتوتر $u_C(t)$.

0,5 **2.2.1.** حدد مبيانيا قيمة كل من:
أ. ثابتة الزمن τ.
ب. القوة الكهرمحركة E.

0,25 **3.2.1.** تحقق أن $C = 50\ \mu F$.

0,5 **4.2.1.** حدد القيمة القصوى I_0 لشدة التيار الكهربائي المار في الدارة.



الشكل 2

0,75 **5.2.1.** حل المعادلة التفاضلية المطلوبة في السؤال (1.1)
يكتب $u_C(t) = E.(1-e^{-\frac{t}{\tau}})$.

inscription.ma

أنقل إلى ورقة تحريرك رقم السؤال واكتب الحرف الموافق للاقتراح الصحيح.

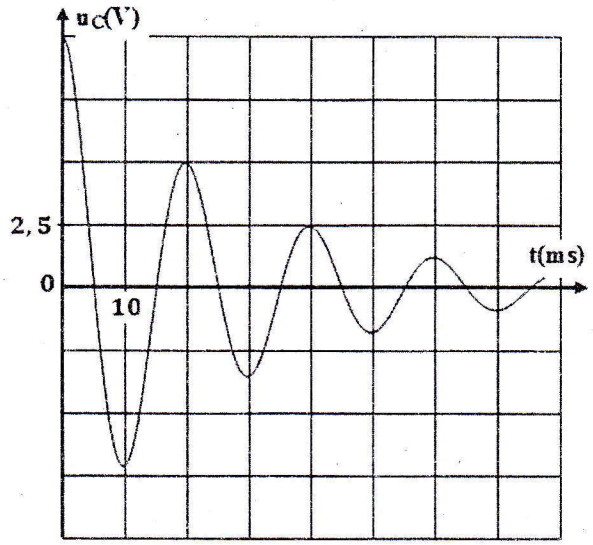
تعبير الشدة $i(t)$ للتيار الكهربائي المار في الدارة هو:

A	$i(t)=0,1.e^{-200.t}$	B	$i(t)=0,1.e^{-\frac{t}{200}}$	C	$i(t)=0,1.(1-e^{-200.t})$	D	$i(t)=0,1.e^{-10.t}$

0,25 **6.2.1.** كيف يمكن عمليا، شحن هذا المكثف بطريقة أسرع؟

2. عندما يصبح المكثف مشحونا كليا، نفتح K_1 ونغلق K_2 عند اللحظة $(t_0=0)$.

باستعمال نفس نظام المسك المعلوماتي، نحصل على منحنى الشكل (3) الذي يمثل $u_C(t)$.



الشكل 3

0,25 **1.2.** سم نظام التذبذبات الذي يبرزه منحنى الشكل (3).

0,75 **2.2.** حدد قيمة L معامل التحريض للوشيعة. نعتبر أن شبه الدور T يساوي الدور الخاص للتذبذبات الحرة للدارة (LC) ونأخذ $\pi^2=10$.

3.2. ترمز $\mathscr{E}_{e0}$ و $\mathscr{E}_{e1}$ على التوالي إلى الطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف عند اللحظتين $t_0=0$ و $t_1=T$.

0,5 **1.3.2.** حدد قيمة كل من $\mathscr{E}_{e0}$ و $\mathscr{E}_{e1}$.

0,5 **2.3.2.** أحسب $\Delta\mathscr{E}$ تغير الطاقة الكلية للدارة بين اللحظتين $t_0=0$ و $t_1=T$. فسر النتيجة.

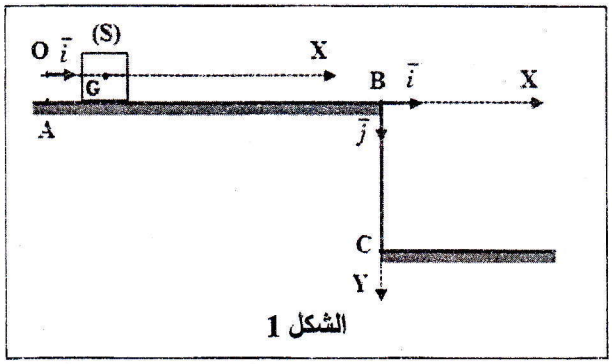
التمرين 3 (5 نقط): دراسة حركة متزلج - دراسة مجموعة متذبذبة

الجزءان (1) و (2) مستقلان

تعتبر الحركات المستقيمية والمستوية والتذبذبية أنواعا مختلفة للحركة. تتعلق هذه الحركات بطبيعة الأوساط التي تتم فيها وبنوعية التأثيرات الميكانيكية التي تخضع لها وبالشروط البدئية.

يهدف هذا التمرين إلى:

- **دراسة حركة متزلج خاضع لقوى ثابتة؛**
- **دراسة حركة جسم صلب خاضع لقوة متغيرة.**



الشكل 1

الجزء 1: دراسة حركة متزلج

يلج متزلج حلبة أفقية AB. ننمذج المتزلج ولوازمه بجسم صلب (S)، كتلته m ومركز قصوره G.

1. تتم حركة الجسم (S) على الحلبة AB باحتكاك مكافئ لقوة ثابتة $\vec{f}$ لها منحى معاكس لمتجهة السرعة.

inscription.ma

لدراسة حركة (S) على المسار AB ، نختار معلما $(O,\vec{i})$ مرتبطا بالأرض نعتبره غاليليا، ولحظة مرور G من A أصلا للتواريخ $(t_0=0)$. نعلم موضع G عند لحظة t بأفصوله x في هذا المعلم. عند اللحظة $t_0=0$ $x_G=x_0=0$ (الشكل 1 – الصفحة 5/6).

معطيات: $g=10\,m.s^{-2}$; $m=70\,kg$; $f=70\,N$

0,75 **1.1.** بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفصول x_G.

0,5 **2.1.** حدد طبيعة حركة G. أحسب a_G تسارع حركة G.

0,5 **3.1.** يمر المتزلج من A بالسرعة $V_A=25\,m.s^{-1}$ ويقطع المسار AB خلال المدة الزمنية $4,4\,s$.
بين أن المتزلج لا يمكنه تفادي السقوط بعد الموضع B.

2. يمر المتزلج من B بسرعة أفقية $\vec{V}_B$، ويسقط وفق سقوط حر على سطح الأرض الذي يوجد على الارتفاع $h=BC=3,2\,m$ من الحلبة AB ، في الموضع P ذي الأفصول $x_P=16,48\,m$ في المعلم المتعامد والممنظم $(B,\vec{i},\vec{j})$ المرتبط بالأرض والذي نعتبره غاليليا. نختار لحظة مرور G من B أصلا جديدا للتواريخ.

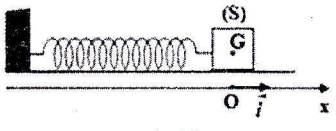
المعادلتان الزمنيتان لحركة G هما: $x_G=V_B.t$ و $y_G=\frac{1}{2}g.t^2$.

0,5 **1.2.** حدد قيمة t_P لحظة وصول المتزلج إلى الموضع P.

0,5 **2.2.** لتحسين إنجازه، قام المتزلج بمحاولة ثانية على نفس الحلبة AB حيث مر من B بسرعة V'_B وحقق المدى $x'_P=18\,m$. حدد قيمة V'_B.

الجزء 2: دراسة مجموعة متذبذبة

نثبت جسما صلبا (S) كتلته m بنابض أفقي لفاته غير متصلة وكتلته مهملة وصلابته K.
عند التوازن، ينطبق مركز القصور G للجسم (S) مع أصل المعلم $(O,\vec{i})$ المرتبط بالأرض والذي نعتبره غاليليا (الشكل 2).



الشكل 2

نزيح (S) عن موضع توازنه بالمسافة X_m ثم نحرره بدون سرعة بدئية.

المعادلة الزمنية لحركة G هي $x(t)=X_m.\cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t+\varphi\right)$.

معطيات:
- كل الاحتكاكات مهملة؛
- $m=255\,g$.

1. تكتب معادلة سرعة G كما يلي: $v(t)=-0,25.\sin(2\pi.t)$ $(m.s^{-1})$

1 **1.1.** باستغلال معادلة السرعة، حدد قيمة كل من الدور الخاص T_0 للتذبذبات والوسع X_m والطور φ عند اللحظة $t_0=0$.

0,5 **2.1.** تحقق أن قيمة صلابة النابض هي $K\approx 10\,N.m^{-1}$.

0,75 **2.** حدد تعبير قوة الارتداد $\vec{F}$ المطبقة من طرف النابض على الجسم الصلب (S) عند اللحظة $t=0,5\,s$.

inscription.ma

1

تصحيح الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة العادية
مادة: Pc : 2019 : مسلك ع ح أ

الكيمياء

الجزء الأول :

1 - الحمض حسب برونشتد هو كل نوع كيميائي قادر على فقدان بروتون H^+ خلال تفاعل كيميائي

2- معادلة التفاعل:

$$HCOOH + H_2O \rightleftharpoons HCOO^- + H_3O^+$$

3-

معادلة التفاعل		$HCOOH$	$+H_2O$	$\rightleftharpoons$	$HCOO^-$	$+H_3O^+$
الحالة	تقدم					
ب	0	$C_A V$			0	0
و	x	$C_A V - x$			x	x
ت	x_f	$C_A V - x_f$			x_f	x_f

4) قيمة نسبة التقدم النهائي هي

$$[H_3O^+] = \frac{x_f}{V}$$

$$x_f = [H_3O^+] \cdot V \Rightarrow x_f = 10^{-pH} \cdot V = 10^{-2,4} \cdot 1$$

$$x_f = 3,98 \cdot 10^{-3} mol \quad (*)$$

وبالتالي

5) لنحسب نسبة التقدم النهائي τ

نعلم أن

$$\tau = \frac{x_f}{x_m}$$

لكن أن الماء و غير فإن $HCOOH$ هو المتفاعل المحد وبالتالي $C_A V - x_{max} = 0$

$$x_{max} = C_A \cdot V$$

بمقارنة

$$x_m = 0,1 \times 1 = 0,1 mol \quad (*)$$

فمنه يتحقق $x_f = x_m$

inscription.ma

9

$\tau = \frac{3,98.10^{-3}}{0,1} = 0,0398$: نعوض

$\tau = 3,98\% \simeq 4\%$ (*)

بما أن $\tau < 1$ فإن التفاعل غير كلي (محدود)

(c) تحديد $Q_{réq}$: نعلم أن

$Q_{réq} = \frac{[HCOO^-] \times [H_3O^+]}{[HCOOH]}$

الأستاذ: فاطن معاد

* لدينا حسب جدول التقدم

* $[H_3O^+] = \frac{x_f}{V}$

* $[HCOO^-] = \frac{x_f}{V}$ $\Leftrightarrow$ بما أن التفاعل تام $\Rightarrow [HCOO^-] = [H_3O^+]$

* $[HCOOH] = \frac{C_A V - x_f}{V} = \frac{C_A V}{V} - \frac{x_f}{V} = C_A - [H_3O^+]$

نعوض فنحصل على:

$Q_{r,éq} = \frac{[H_3O^+]^2}{C_A - [H_3O^+]}$

ونعلم أن $[H_3O^+] = 10^{-pH}$

$Q_{réq} = \frac{(10^{-pH})^2}{C_A - 10^{-pH}}$

تصبح $Q_{réq}$ بعد التعويض

$Q_{réq} = \frac{10^{-2pH}}{C_A - 10^{-pH}}$ (*)

* لنحسب قيمته

$Q_{réq} = \frac{10^{-2 \times 2,4}}{0,1 - 10^{-2,4}}$

$Q_{réq} = 1,65.10^{-4}$ (*)

+ | inscription.ma

3

7) لنستنتج قيمة K نعلم أنه في حالة توازن

$$Q_{r,eq} = K = 1,65 \cdot 10^{-4}$$ (*)

الجزء II:

1) العناصر هي: 1- pH متر
2- المحلول المعاير HO^-
3- المحلول المعاير $HCOOH$

2) معادلة تفاعل المعايرة:

$$HCOOH + HO^- \longrightarrow HCOO^- + H_2O$$

3) لنتحقق هل قيمة C_A:
حسب علاقة التكافؤ:

$$C_A \cdot V_A = C_B V_{BE}$$

$$C_A = \frac{C_B \cdot V_{BE}}{V_A}$$ (*)

ت ع:

$$C_A = \frac{0,25 \times 8}{20} = 0,1 \text{ mol}$$

إذن قيمة C_A هي نفس القيمة في المعطيات

4) لدينا حسب المعطيات $7,2 \leq pH_E \leq 8,8$ و لدينا $pH_E = 8,2$
فإن الكاشف الملون الملائم لهذه المعايرة هو أحمر الكريزول

5) لنحسب قيمة K_A:

لدينا

$$K_A(HCOOH/HCOO^-) = \frac{[HCOO^-] \times [H_3O^+]}{[HCOOH]}$$

ونعلم أن: $[HCOOH] = [HCOO^-]$ حسب المعطيات

وبالتالي سوف نختزل الإثنين معا

$$K_A = [H_3O^+] = 10^{-pH}$$ (*)

نحسب بالآلة الحاسبة القيمة الجديدة لـ pH

inscription.ma

4

$K_A = 10^{-3,8} = 1,58.10^{-4}$ (*)

I- الجزء III

① الحمض الذي يتفكك أكثر هو الحمض الذي يتفاعل أكثر مع الماء، أي هو الذي يكون له أكبر نسبة تقدم نهائي. بمقارنة كل من τ و τ' نجد أن: $\tau > \tau'$

$0,04 > 1,16.10^{-3}$

وبالتالي حمض الميثانويك هو الأكثر تفككا في المحلول.

② لحساب ثابتة الحمضية يجب حساب $K_A(C_2H_5COOH/C_2H_5COO^-)$

$$K_A(C_2H_5COOH/C_2H_5COO^-) = \frac{[C_2H_5COO^-].[H_3O^+]}{[C_2H_5COOH]}$$

$$\Rightarrow \boxed{K_A = \frac{[H_3O^+]^2}{C_A' - [H_3O^+]'}} \Rightarrow \tau' = \frac{[H_3O^+]'}{C_A'} \quad \text{لدينا } [H_3O^+]'$$

$$[H_3O^+]' = \tau'.C_A'$$

$$K_A = \frac{\tau'^2 C_A'^2}{C_A' - \tau' C_A'} = \frac{\tau'^2 . C_A'^2}{C_A'(1-\tau')}$$

بعد التبسيط نجد أن

$$K_A = \frac{\tau'^2 . C_A'}{1-\tau'} = \frac{(1,16.10^{-3})^2 . 0,1}{1 - 1,16.10^{-3}}$$

$$\boxed{K_A(C_2H_5COOH/C_2H_5COO^-) = 1,35.10^{-7}}$$

وبالتالي نجد أن $K_A(HCOOH/HCOO^-) > K_A(C_2H_5COOH/C_2H_5COO^-)$

لأن حمض الميثانويك هو الأكثر تفككا في الماء

الأستاذ: فاطن معاد

inscription.ma

الفيزياء

الاستاذ: فاطن معاد

التمرين 1:

① الجواب الصحيح هو C.

② يعاني $^{37}_{17}Cl$ هو الذي له أكبر طاقة ربط بالنسبة لنوية لأن $E_l(^{37}_{17}Cl) = 8,568 MeV/nuc$ فإنه الأكثر استقرارا من بين هذه النظائر

③ $^{36}_{17}Cl \longrightarrow {}^{36}_{18}Ar + {}^{A}_{Z}X$

حسب قانوني صودي لانحفاظ الشحنة والكتلة

* $36 = 36 + A \Rightarrow A = 0$
* $17 = 18 + Z \Rightarrow Z = -1$

$^{0}_{-1}X \equiv {}^{0}_{-1}e$ وبالتالي الدقيقة المقذوفة هي إلكترون

- نوع الشعاع β^-

④ الطاقة المحررة هي

$E_{lib} = \left(m(Ar) + m(e^-) - m(Cl)\right) c^2$

$E_{lib} = (35,967545 + 0,000549 - 35,968312)\, c^2$

$E_{lib} = -2,18.10^{-4} \times 931,5\ MeV.c^{-2}.c^2$

$\boxed{E_{lib} = -0,2\ MeV}$

وبالتالي الطاقة المحررة هي

$E_{lib} = |\Delta E| = 0,2 MeV$

⑤ لدينا $N = \frac{38}{100} N_0$

ونعلم أن قانون التناقص الإشعاعي هو $N = N_0 e^{-\lambda t}$.

بمقارنة العلاقتين.

inscription.ma

6

$\frac{38}{100} N_0 = N_0 e^{-\lambda t}$

$\ln\left(\frac{38}{100}\right) = -\lambda t$

$-\ln\left(\frac{100}{38}\right) = -\lambda t$

$t = \frac{\ln\left(\frac{100}{38}\right)}{\lambda}$

$t = \frac{\ln\left(\frac{100}{38}\right)}{2{,}30 \cdot 10^{-6}}$

$t = 420{,}69 \cdot 10^{3}\ ans$ (*)

ثم: نعوض

فنحل المعادلة اللوغاريتمية

الاستاذ: فاطن معاد

كهرباء

I) عند لحظة t نغلق قاطع التيار K_1 و K_2 مفتوح فإن الدارة هي دارة RC (تأخذ المكثفة)

حسب قانون إضافية التوترات

$u_R + u_C = E$

$Ri + u_C = E$

ونعلم أن $i = \frac{dq}{dt} = C\frac{du_C}{dt}$

$RC\frac{du_C}{dt} + u_C = E$ معادلة تفاضلية

inscription.ma

7

1/2/1 يبدأ شحن المكثف عند غلق قاطع التيار K_2 أصبح لدينا شحن المكثفة يبدأ عند $(t=0)$ المكثفة كانت فارغة عند $(t=0)$ $u_c(t=0)=0$ لأنه كان فارغا

وبالتالي المنحنى (1) هو البياني الموافق $u_c(t)$

2/2/1 لنحدد مبيانيا:

أ مبيانيا $\tau = 5\,ms$

ب $E = U_{cmax} = 10\,V$

3/2/1 للتحقق من قيمة C: نعلم أن $\tau = RC$

$$C = \frac{\tau}{R} = \frac{5.10^{-3}}{100} = 5.10^{-5}\,F$$

$$C = 50.10^{-6}\,F = 50\,\mu F$$

4/2/1 لنحدد قيمة I_0.

$$I_0 = \frac{E}{R} = \frac{10}{100}$$

$$I_0 = 0{,}1\,A$$

$i(t) = 0{,}1.e^{-200t}$

5/2/1 الجواب الصحيح هو (A)

6/2/1 للإشارة هي سرعة شحن المكثفة أي لكي يشحن المكثف بطريقة أسرع يجب النقصان من R، وذلك بنقصان من قيمة R لأنها الوحيدة القابلة للضبط.

1/2 نظام تذبذبات شبه دوري.

2/2 لنحدد قيمة L، نعلم أن

$$T = T_0$$

$$T = 2\pi\sqrt{LC}$$

$$T^2 = 4\pi^2 LC \Rightarrow L = \frac{T^2}{4\pi^2 C}$$

inscription.ma

8

$T = 20\ ms$

$L = \dfrac{(20.10^{-3})^2}{4\pi^2 \times 50.10^{-6}}$

$\boxed{L = 0,2\ H}$

حسابيا قيمة آهي ، نحسب L (ت ع) :

1) 3/2 نحدد $\mathcal{E}_{e_1}$ ، $\mathcal{E}_{e_0}$

* $\mathcal{E}_{e_0} = \frac{1}{2} C u_c^2(t=0) = \frac{1}{2} . 50.10^{-6} \times (10)^2$

$\boxed{\mathcal{E}_{e_0} = 2,5.10^{-3}\ J}$

* $\mathcal{E}_{e_1} = \frac{1}{2} . C u_c^2(t=T) = \frac{1}{2} \times 50.10^{-6} \times (5)^2$

$\boxed{\mathcal{E}_{e_1} = 6,25.10^{-4}\ J}$

2/3/2

$\Delta \mathcal{E}_{t_0 \to t_1} = \mathcal{E}_{e_1} - \mathcal{E}_{e_0} = 6,25.10^{-4} - 2,5.10^{-3}$

$\boxed{\Delta \mathcal{E} = -1,875.10^{-3}\ J}$

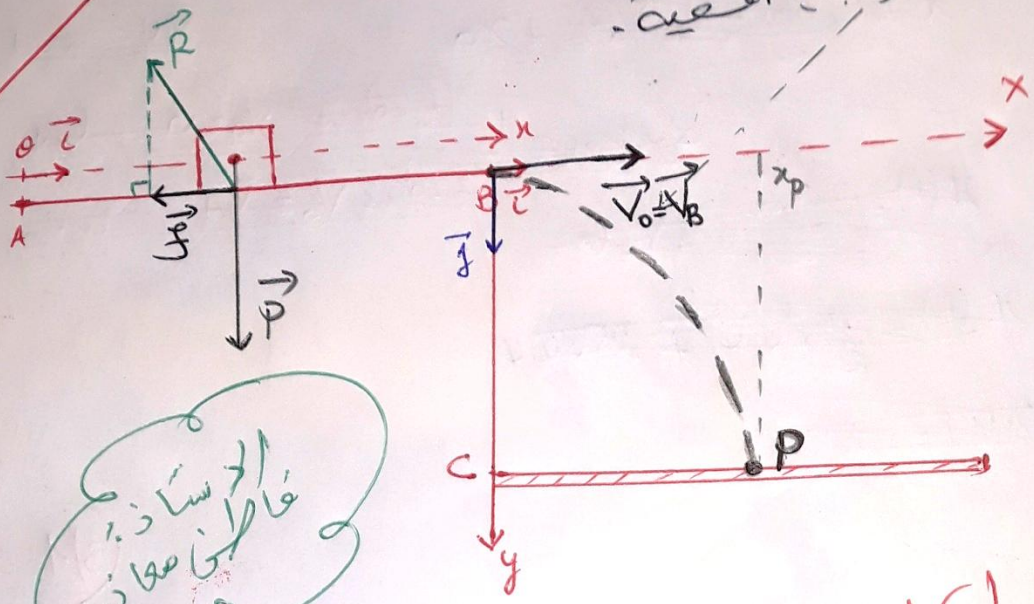
نفسر النتيجة بضياع الطاقة بمفعول جول وذلك بتحول الطاقة الكهربائية إلى طاقة حرارية ضائعة.

inscription.ma

الميكانيك :

9

سرعة بدئية أفقية.



الأستاذ: فاطن معاد

جزء الحول :

(1/1) جرد القوى: $\vec{P}$: وزن الجسم و $\vec{R}$: تأثير السطح.

حسب القانون الثاني لنيوتن لدينا

$$\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}_G$$

$$\vec{P} + \vec{R} = m\vec{a}_G$$

$$P_x + R_x = ma_x$$

لأنها عمودية على السطح

$$-f = ma_x \iff \boxed{a_x = \frac{-f}{m}}$$

إحداثيات متجهة التسارع

لتحديد المعادلة التفاضلية نكتب:

$$\boxed{a_x = \frac{d^2x}{dt^2} = \frac{-f}{m}} \quad (*)$$

(2/1) بما أن $a_x = \frac{-f}{m} = cte < 0$ فإن الحركة مستقيمية متغيرة بانتظام (متباطئة).

لنحسب

$$\boxed{a_G = \frac{-f}{m} = \frac{-70}{70} = -1\ m/s^2} \quad (*)$$

inscription.ma

3/1 المتزلج لا يمكنه تفادي السقوط إذا كانت سرعته في النقطة B تنافي أن $V_B \neq 0$

إذن لدينا $a_x = -4\,m/s^2 = cte$

$V_x = a_x t + cte$

$V_{ox} = cte = V_A$

$V_x = a_x t + V_A$

باستعمال التكامل نجد

عند $(t=0)$

لنحدد سرعة المتزلج عند النقطة B

$V_B = a_x t_B + V_A = -4 \times (4,4) + 25 =$

$V_B = 20,6\,m/s$

وبالتالي

بما أن سرعة في النقطة B غير منعدمة إذن سوف يسقط المتزلج لذا لا يمكنه تفادي السقوط

1/2 لنحدد t_P: عند وصول المتزلج إلى النقطة P لدينا

$x_P = V_B t_P \Rightarrow t_P = \frac{x_P}{V_B}$ (*)

$t_P = \frac{16,48}{20,6} = 0,8\,s$

2/2 لنحدد V'_B: نعلم أن $x'_P = V'_B \cdot t'_P$

$V'_B = \frac{x'_P}{t'_P}$

لنحدد t'_P: عند وصول المتزلج الثاني إلى النقطة P أي سقط

سيكون كلح

وبالتالي $y_P = BC = h$

$y_P = h = \frac{1}{2} g t'^2_P$

inscription.ma

11

$t_p'^2 = \frac{2h}{g} \Rightarrow t_p' = \sqrt{\frac{2h}{g}}$

$V_B' = \frac{x_p'}{\sqrt{\frac{2h}{g}}}$

نعوض في المعادلة:

$V_B' = \frac{18}{\sqrt{\frac{2\times 3,2}{10}}} = 22,5\ m/s$ (*)

الاستاذ: فاطن معاد

الجزء II

1 - 1 : من خلال معادلة السرعة $V(t) = -0,25\sin(2\pi t)$

إذن: لدينا

* تحديد T_0:

$2\pi t = \frac{2\pi}{T_0} t$

$1 = \frac{1}{T_0} \Rightarrow T_0 = 1s$ (*)

* تحديد x_m لدينا

$+0,25 = +\left(\frac{2\pi}{T_0}\right) \cdot x_{max}$

$x_{max} = \frac{0,25 \cdot T_0}{2\pi} = 0,039 \simeq 0,04\ m$ (*)

والطور φ عند أصل الزمن: $\varphi = 0°$ (*)

2/1 المتذبذب مرفقة بمرجع الأرض: k

لدينا $T_0 = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$

$T_0^2 = \frac{4\pi^2 m}{k} \Rightarrow k = \frac{4\pi^2 m}{T_0^2}$ (*)

$k = \frac{4\pi^2 \times 225.10^{-3}}{1^2} = 10\ N/m$ (*)

تع،

inscription.ma

12

الأستاذ: فاطن معاد

② لتحديد تعبير قوة الإرجاع $\vec{F}$:

$$\vec{F} = -Kx\vec{i}$$

لدينا $x(t)$ عند $t = 0{,}15\,s$

$$x(t=0{,}15) = x_{max}\cos\left(\frac{2\pi}{T_0}\cdot 0{,}15\right)$$

$$x(t=0{,}15) = 0{,}04\cos\left(\frac{2\pi}{1}\times 0{,}15\right)$$

$$x(t=0{,}15) = -0{,}04\,m = -x_{max}$$

$$\vec{F} = -K\cdot(-x_{max})\vec{i}$$

$$\boxed{\vec{F} = K\cdot x_{max}\vec{i}}$$

تعبير قوة $\vec{F}$ عند $t = 0\,s$

هذا إعداد الأستاذ: فاطن معاد

مع كامل الاحترام والتقدير

بالتوفيق لجميع التلاميذ

inscription.ma