

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة الاستدراكية 2014
الموضوع

RS 27

ⵜⴰⵎⴰⵔⴰⵏⵜ ⵜⴰⵎⴰⵔⴰⵏⵜ
ⵜⴰⵎⴰⵔⴰⵏⵜ ⵜⴰⵎⴰⵔⴰⵏⵜ
ⵏ ⵓⵙⵓⵔ ⵏ ⵓⵙⵓⵔ



المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

المادة	الفيزياء والكيمياء	مدة الإنجاز	3
الشعبة أو المسلك	شعبة العلوم التجريبية مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الزراعية وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكها	المعامل	5

◀ يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة

◀ تعطى التعابير الحرفية قبل إنجاز التطبيقات العددية

يتضمن موضوع الامتحان أربعة تمارين: تمرين في الكيمياء وثلاثة تمارين في الفيزياء

- الكيمياء: التحولات الكيميائية لمجموعة كيميائية (7 نقط)
- الفيزياء (13 نقطة)
 - التمرين 1: تطبيقات الإشعاع النووي في مجال الطب (3 نقط)
 - التمرين 2: ثنائي القطب RL – الدارة RLC المتوالية (5 نقط)
 - التمرين 3: القفز التزلجي (5 نقط)

الموضوع

التنقيط

الكيمياء (7 نقط): التحولات الكيميائية لمجموعة كيميائية

تعتبر التحولات الكيميائية لمجموعة كيميائية ذات أهمية بالغة في الحياة العامة، فهي إما سريعة أو بطيئة، وكلية أو غير كلية، وتلقائية أو محرضة. ويُمكن دراستها على المستوى الكمي باعتماد معيار التطور التلقائي أو بالتتبع الزمني لتطور المجموعة الكيميائية وباستعمال تقنيات تجريبية ملائمة لتحديد مقادير مميزة. يهدف هذا التمرين إلى دراسة بعض العوامل المؤثرة على سرعة تحول كيميائي وتحديد ثابتة الحمضية لمزدوجة (قاعدة/ حمض) ودراسة تحول تلقائي في عمود.

الأجزاء 1 و 2 و 3 مستقلة

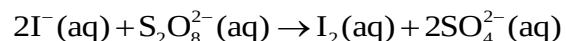
الجزء 1: التحولات السريعة لمجموعة كيميائية

لتحديد تأثير بعض العوامل الحركية على سرعة التفاعل انطلاقا من نتائج تجريبية، ندرس حركية أكسدة أيونات اليودور $I^-(aq)$ بواسطة أيونات بيروكسو ثنائي كبريتات $S_2O_8^{2-}(aq)$ في حالات بدئية مختلفة للمجموعة الكيميائية، وهي مدونة في الجدول الآتي:

رقم التجربة	قيم التراكيز المولية الفعالية عند الحالة البدئية بالوحدة $(mol.L^{-1})$		قيمة درجة الحرارة $(^{\circ}C)$
	$[S_2O_8^{2-}(aq)]_i$	$[I^-(aq)]_i$	
①	1.10^{-2}	2.10^{-2}	20
②	2.10^{-2}	4.10^{-2}	20
③	1.10^{-2}	2.10^{-2}	35

تمثل المنحنيات A و B و C على التوالي تطور التقدم x للتفاعل الحاصل بدلالة الزمن بالنسبة للتجارب ① و ② و ③ الشكل (1).

المعادلة الكيميائية المنمجة لتحول الأكسدة - اختزال هي:



1. أعط تعبير السرعة الحجمية v بدلالة x تقدم التفاعل والحجم V للمجموعة الكيميائية. 0,25

2. يمثل المماس للمنحنى B عند اللحظة $t_0 = 0$. أحسب بالوحدة $(mol.L^{-1}.min^{-1})$ قيمة السرعة v عند اللحظة $t_0 = 0$ بالنسبة للتجربة رقم ②. نعطي $V = 100 mL$. 0,75

3. بمقارنة معطيات التجربتين ① و ②، ما هو العامل الحركي الذي يمكن إبرازه؟ ما مفعوله على التحول المدروس. 0,75

4. بمقارنة معطيات التجربتين ① و ③، ما هو العامل الحركي الذي يمكن إبرازه؟ ما مفعوله على التحول المدروس. 0,75

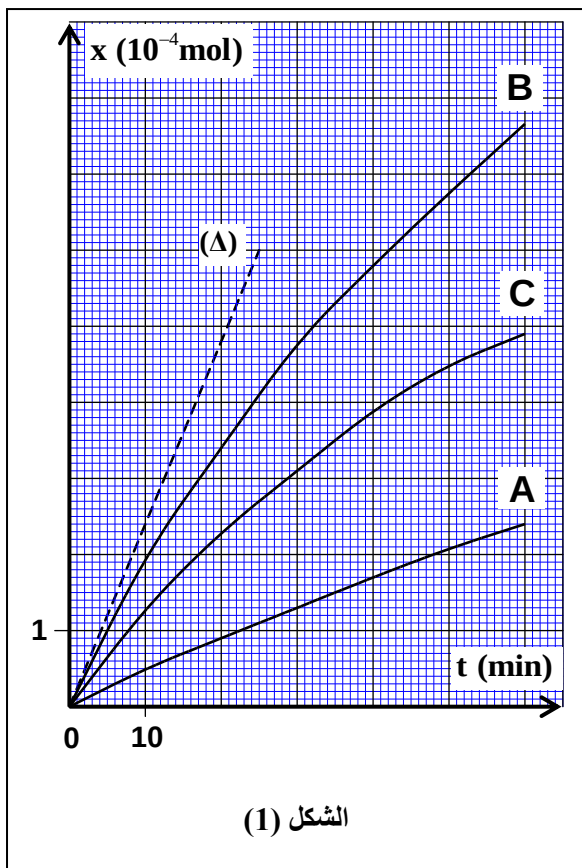
الجزء 2: تحديد ثابتة الحمضية للمزدوجة $C_6H_5COOH(aq) / C_6H_5COO^-(aq)$

نذيب كمية من حمض البنزويك C_6H_5COOH في الماء، فنحصل على محلول مائي (S) لحمض البنزويك حجمه V وتركيزه المولي $C_A = 2,5.10^{-3} mol.L^{-1}$. نسبة التقدم النهائي لهذا التحول هي $\tau = 0,159$.

1. أكتب المعادلة الكيميائية لتفاعل حمض البنزويك مع الماء. 0,5

2. أحسب قيمة pH المحلول (S) (يمكن الاستعانة بالجدول الوصفي لتقدم التفاعل). 1

3. أوجد قيمة K_A ثابتة الحمضية للمزدوجة $C_6H_5COOH(aq) / C_6H_5COO^-(aq)$. 1



الشكل (1)

الجزء 3: التحولات التلقائية في الأعمدة

نعتبر العمود نيكل/نحاس، ذو التبيانة الاصطلاحية الآتية: $\ominus \text{Ni(s)} | \text{Ni}^{2+}(\text{aq}) || \text{Cu}^{2+}(\text{aq}) | \text{Cu(s)} \oplus$

بحيث يكون للمحلولين في الكأسين نفس الحجم $V = 100 \text{ mL}$ و $[\text{Cu}^{2+}(\text{aq})]_i = [\text{Ni}^{2+}(\text{aq})]_i = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$

1. أكتب المعادلة الكيميائية للتفاعل الحاصل عند كل إلكترود أثناء اشتغال العمود. استنتج المعادلة الحاصلة للتفاعل. 0,75
2. أحسب قيمة $x_{\max}$ التقدم الأقصى علما أن $\text{Cu}^{2+}(\text{aq})$ هو المتفاعل المُجد. 0,5
3. أوجد قيمة $Q_{\max}$ كمية الكهرباء المنوطة من طرف العمود. نعطي $1 \text{ F} = 96500 \text{ C.mol}^{-1}$. 0,75

الفيزياء (13 نقطة)

التمرين 1 (3 نقط): تطبيقات الإشعاع النووي في مجال الطب

ظل تاريخ الطب النووي مرتبطا بما يحققه مجال الفيزياء النووية من تقدم. ففي حالات متعددة يعتمد الطب النووي على حقن مواد مُشعة في جسم الإنسان بهدف التشخيص والعلاج. ويُعتبر النظير $^{99}_{43}\text{Tc}$ للتيكنيسيوم (technétium) من بين النويدات الموظفة في المجال الطبي اعتبارا لمدة حياته القصيرة، وقلة خطورته الإشعاعية، وتكلفته المنخفضة، وسهولة وضعه رهن إشارة الأطباء. يهدف هذا التمرين إلى دراسة أحد استعمالات التیکنيسيوم في المجال الطبي. المعطيات:

$E_L(^{97}_{43}\text{Tc}) = 836,28 \text{ MeV}$	$E_L(^{99}_{43}\text{Tc}) = 852,53 \text{ MeV}$	طاقة الربط
عمر النصف للتيكنيسيوم $^{99}_{43}\text{Tc}$ هو $t_{1/2} = 6 \text{ h}$		

1. يعتبر $^{99}_{43}\text{Tc}$ و $^{97}_{43}\text{Tc}$ نظيران للتيكنيسيوم. 0,5
 - 1.1. أعط تركيب نويدة النظير $^{99}_{43}\text{Tc}$. 0,5
 - 2.1. حدد، معلا جوابك، النويدة الأكثر استقرارا. 0,5
 - 3.1. ينتج التیکنيسيوم $^{99}_{43}\text{Tc}$ عن تفتت نويدة الموليبدن $^{99}_{42}\text{Mo}$ (molybdène). 0,5

أكتب معادلة تفتت نويدة الموليبدن $^{99}_{42}\text{Mo}$ ، محدد طراز النشاط الإشعاعي.
2. يستعمل التیکنيسيوم $^{99}_{43}\text{Tc}$ في التصوير بالإشعاع النووي لعظام الإنسان قصد تشخيص حالتها، حيث يتم حقن جسم الإنسان بجرعة تحتوي على التیکنيسيوم $^{99}_{43}\text{Tc}$ والذي يُستكشف بعد مدة زمنية للحصول على صورة للعظام المفحوصة. 0,5

تم حقن جسم إنسان بحقنة نشاطها الإشعاعي عند $t_0 = 0$ هو $a_0 = 5.10^8 \text{ Bq}$ ، ويتم أخذ صورة للعظام المفحوصة عند اللحظة t_1 حيث تصبح قيمة النشاط الإشعاعي هي $a_1 = 0,6 . a_0$.

 - 1.2. تحقق أن قيمة ثابتة النشاط الإشعاعي للتيكنيسيوم $^{99}_{43}\text{Tc}$ هي $\lambda = 3,21.10^{-5} \text{ s}^{-1}$. 0,5
 - 2.2. حدد قيمة N_0 عدد النوى التي تم حقن الجسم بها عند اللحظة $t_0 = 0$. 0,5
 - 3.2. حدد بالوحدة ساعة (h) قيمة t_1 . 0,5

التمرين 2 (5 نقط): ثنائي القطب RL - الدارة RLC المتوالية

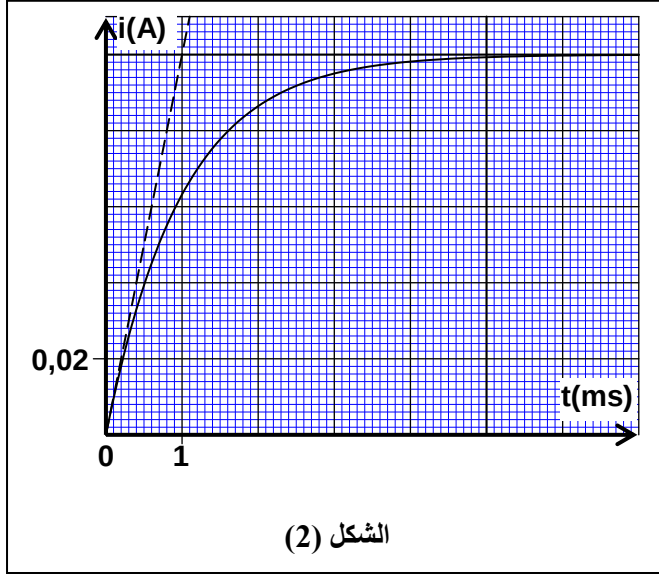
تحتوي مجموعة من الأجهزة الكهربائية على دارات كهربائية مكونة أساسا من وشيعات ومكثفات وموصلات أومية. يتطلب اشتغال هذه الدارات تزويدها دوريا بالطاقة الكهربائية لتؤدي وظائف محددة.

يهدف هذا التمرين إلى دراسة ثنائي القطب RL عند إقامة التيار ودراسة الدارة RLC المتوالية من منظور طاقي.

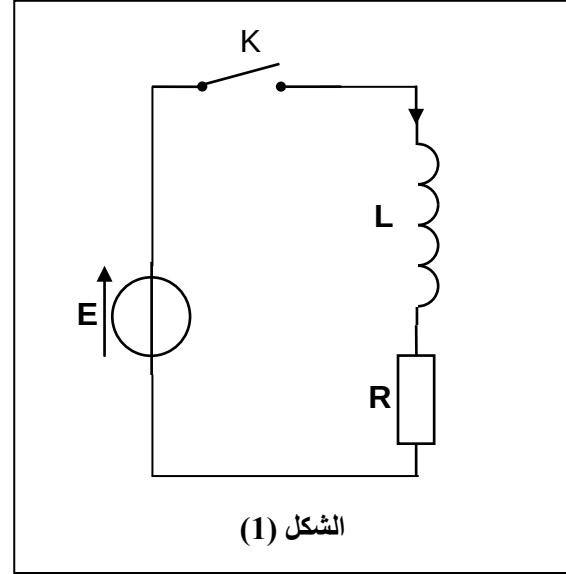
1. دراسة ثنائي القطب RL

لتحديد قيمة L معامل التحريض لنجز الدارة الممثلة في الشكل (1) والمكونة من مولد مؤتمل للتوتر قوته الكهرمحركة $E = 5 \text{ V}$ ، وموصل أومي مقاومته $R = 50 \Omega$ ، ووشية معامل تحريضها L ومقاومتها مهملة، وقاطع التيار K .

نغلق قاطع التيار K عند اللحظة $t_0 = 0$. يمثل منحنى الشكل (2) تغيرات شدة التيار المار في الدارة.



الشكل (2)



الشكل (1)

1.1. ما دور الوشية عند غلق قاطع التيار في هذه الدارة؟

0,25

2.1. أثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار $i(t)$ المار في الدارة.

0,5

3.1. حل المعادلة التفاضلية يكتب $i(t) = I_0 \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$.

أ. ماذا تمثل τ ؟ عين قيمتها.

0,5

ب. تحقق أن قيمة معامل التحريض هي $L = 5 \cdot 10^{-2} \text{ H}$.

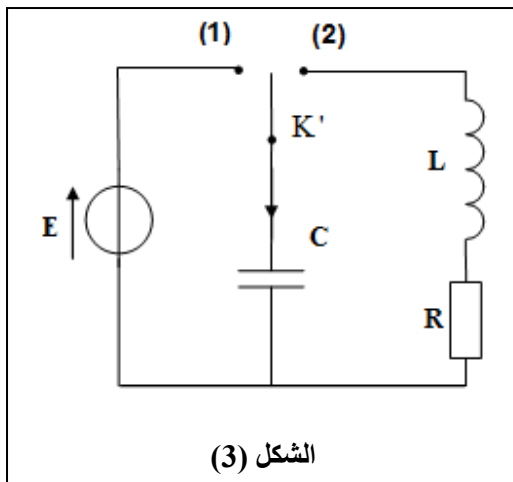
0,5

ج. أكتب التعبير العددي للوتر $u_L(t)$ بين مربطي الوشية.

0,5

2. دراسة الدارة RLC المتوالية

نضيف إلى الدارة السابقة مكثفا سعته $C = 10 \mu\text{F}$ ، ونعوض K بقاطع K' ذي موضعين، فنحصل على التركيب الممثل في الشكل (3).



الشكل (3)

1.2. نضع قاطع التيار في الموضع (1) لمدة كافية حتى يشحن المكثف كلياً. أحسب عند نهاية الشحن:

أ. قيمة Q_0 شحنة المكثف.

0,5

ب. قيمة $\mathcal{E}_0$ الطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف.

0,5

2.2. نؤرجح قاطع التيار إلى الموضع (2) عند اللحظة $t_0 = 0$ ،

فيفرغ المكثف. نعتبر $q(t)$ شحنة المكثف عند لحظة t .

1.2.2. أثبت أن المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة $q(t)$ تكتب:

0,5

$$\frac{d^2 q}{dt^2} + \frac{R}{L} \frac{dq}{dt} + \frac{1}{LC} q = 0$$

2.2.2. نظام التذبذبات الكهربائية الذي تكون الدارة مقرا له شبه

0,5

دوري، حيث شبه الدور T يقارب الدور الخاص T_0 للتذبذبات الكهربائية الحرة غير المخمدة ($T \approx T_0$).

عند لحظة تاريخها $t_1 = T$ تصبح الطاقة الكلية للدارة هي $\mathcal{E}_1 = 0,534 \mathcal{E}_0$ حيث $\mathcal{E}_0$ الطاقة الكلية للدارة عند اللحظة

$t_0 = 0$ مع $\mathcal{E}_0 = \mathcal{E}_0$.

أحسب قيمة $\Delta \mathcal{E}$ تغير الطاقة الكلية للدارة بين اللحظتين t_0 و t_1 . فسر هذه النتيجة.

3.2. لصيانة التذبذبات الكهربائية في الدارة RLC المتوالية السابقة، نضيف إليها مولدا كهربائيا g يزودها بتوتر يتناسب اطرادا مع شدة التيار $u_g = k.i(t)$.

0,25

أ. أذكر دور المولد g من منظور طاقي.
ب. ما هي قيمة الطاقة الممنوحة من طرف المولد g للدارة خلال المدة الزمنية $\Delta t = t_1 - t_0$ لتكون الدارة مقر تذبذبات كهربائية مصانة؟

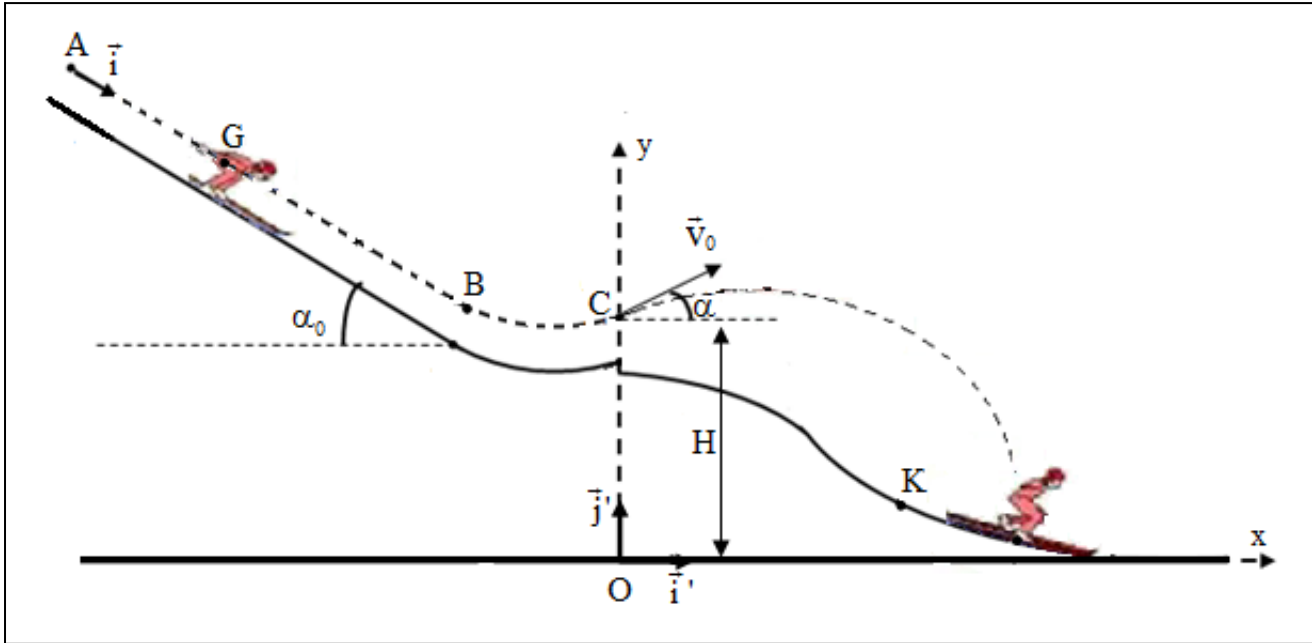
0,5

التمرين 3 (5 نقط): القفز التزلجي

يُعتبر القفز التزلجي من الرياضات الشتوية حيث ينزل في المتسابق وفق منحدر ليقفز في الهواء بسرعات تصل قيمها إلى 95 km.h^{-1} تقريبا وتكون متجهاتها زاوية تقارب 11° مع المستوى الأفقي، وذلك لتحقيق أحسن إنجاز ممكن.

بهدف هذا التمرين إلى دراسة حركة متسابق خلال مرحلة الانزلاق على منحدر حلبة سباق وخلال مرحلة القفز في الهواء.

تتكون حلبة سباق من منحدر مستقيمي مائل بالزاوية α_0 بالنسبة للمستوى الأفقي ومن جزء مقعر ومنطقة سقوط على الجليد شكلها منحنى (الشكل أسفله).



1. مرحلة انزلاق متسابق على المنحدر المستقيمي

ينطلق متسابق كتلته m ومركز قصوره G عند اللحظة $t_0 = 0$ من الموضع A بدون سرعة بدئية. خلال حركته، نعتبر أن المتسابق يخضع إلى احتكاكات مكافئة لقوة وحيدة متجهتها $\vec{f}$ ثابتة ومنحاهها معاكس لمنحى الحركة.

لدراسة حركة G نختار معلما $(A, \vec{i})$ مرتبطا بالأرض حيث $x_G = x_A = 0$ عند $t_0 = 0$.

المعطيات:

مسار حركة G مستقيمي؛

$$AB = 100 \text{ m} ; f = 45 \text{ N} ; \alpha_0 = 35^\circ ; m = 80 \text{ kg} ; g = 10 \text{ m.s}^{-2}$$

1.1. بَيِّن أن تعبير منظم تسارع حركة G هو: $a_G = g \cdot \sin \alpha_0 - \frac{f}{m}$. أحسب قيمة a_G .

1,25

2.1. أكتب المعادلة الزمنية $x_G(t)$ لحركة G .

0,75

2. مرحلة قفز المتسابق في الهواء

يمر المتسابق عبر الجزء المقعر ليقفز في الهواء من الموضع C بسرعة بدئية $\vec{v}_0$ تُكوّن الزاوية α مع المستوى الأفقي الذي يشمل الموضع C. لدراسة حركة G في مجال الثقالة المنتظم نختار معلما متعامدا منظمًا $(O, \vec{i}', \vec{j}')$ ونعتبر لحظة مرور G من الموضع C أصلا جديدا للتواريخ $t_0 = 0$.

المعطيات:

- جميع الاحتكاكات مهملة؛

$$\alpha = 11^\circ ; v_0 = 25 \text{ ms}^{-1} ; OC = H = 86 \text{ m} ; g = 10 \text{ m.s}^{-2}$$

1.2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أوجد التعبير الحرفي للمعادلتين الزمنيتين $x_G(t)$ و $y_G(t)$ لحركة G.

1,5

2.2. تعتبر القفزة ناجحة إذا تجاوز، المتسابق عند سقوطه، الموضع المُعلم بالحرف K أفصوله $x_k = 90 \text{ m}$.

يسقط المتسابق على الجليد عند اللحظة $t_1 = 4 \text{ s}$ في موضع يكون فيه أفصول G هو x_G .

أ. أحسب قيمة v_G سرعة G عند قمة المسار.

0,75

ب. تحقق أن قفزة المتسابق كانت ناجحة.

0,75

**تصحيح الامتحان الوطني للباكالوريا لمادة الفيزياء
الدورة الاستدراكية 2014 شعبة علوم الحياة والأرض**

الكيمياء:

الجزء الأول :

1- تعبير السرعة الحجمية v :

$$v = \frac{1}{V} \cdot \frac{dx}{dt}$$

حيث :

V : حجم الخليط

$\frac{dx}{dt}$: مشتقة التقدم بالنسبة للزمن

2- قيمة السرعة عند $t_0 = 0$:

$$v_0 = \frac{1}{V} \cdot \left(\frac{dx}{dt} \right)_{t_0=0} = \frac{1}{V} \cdot \left(\frac{\Delta x}{\Delta t} \right)_{t_0=0}$$

بالاعتماد على المبيان $x = f(t)$ حيث $\left(\frac{\Delta x}{\Delta t} \right)_{t_0=0}$ المعامل الموجه للمماس (Δ) .

ت.ع :

$$v_0 = \frac{1}{0,1\ell} \cdot \left(\frac{4,9 \cdot 10^{-4} \text{mol}}{20 \text{min}} \right) = 2,45 \cdot 10^{-4} \text{mol} \cdot \ell^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$$

**3- تتم التجربتين (1) و (2) عند نفس درجة الحرارة العامل الحركي الذي يمكن إبرازه هو التركيز البدني للمتفاعلات .
كلما كانت التراكيز البدنية للمتفاعلات أكبر كلما كان التطور أسرع .**

رقم التجربة	قيم التراكيز المولية الفعلية عند الحالة البدنية بالوحدة (mol.L ⁻¹)		قيمة درجة الحرارة (°C)
	$[S_2O_8^{2-}(aq)]_i$	$[I^-(aq)]_i$	
①	$1 \cdot 10^{-2}$	$2 \cdot 10^{-2}$	20
②	$2 \cdot 10^{-2}$	$4 \cdot 10^{-2}$	20

**4- التراكيز البدنية للمتفاعلات هو نفسه العامل الحركي الذي يمكن إبرازه هو درجة الحرارة .
كلما كانت درجة حرارة الوسط التفاعلي مرتفعة كلما كان التحول سريعا .**

رقم التجربة	قيم التراكيز المولية الفعلية عند الحالة البدنية بالوحدة (mol.L ⁻¹)		قيمة درجة الحرارة (°C)
	$[S_2O_8^{2-}(aq)]_i$	$[I^-(aq)]_i$	
①	$1 \cdot 10^{-2}$	$2 \cdot 10^{-2}$	20
③	$1 \cdot 10^{-2}$	$2 \cdot 10^{-2}$	35

الجزء الثاني :

1-معادلة التفاعل :



2- حساب pH :

الجدول الوصفي :

معادلة التفاعل		$C_6H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} \rightleftharpoons C_6H_5COO^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$			
حالة المجموعة	التقدم	كميات المادة ب (mol)			
الحالة البدئية	0	$C_A \cdot V$	وفير	0	0
حالة التوازن	x_{eq}	$C_A \cdot V - x_{\text{eq}}$	وفير	x_{eq}	x_{eq}

لدينا: $\tau = \frac{x_{\text{eq}}}{x_{\text{max}}}$

من الجدول الوصفي: $[H_3O^+] = \frac{x_{\text{eq}}}{V} = 10^{-pH} \Rightarrow x_{\text{eq}} = 10^{-pH} \cdot V$

المتفاعل المحد هو الحمض: $C_A \cdot V - x_{\text{max}} = 0 \Rightarrow x_{\text{max}} = C_A \cdot V$

$$\tau = \frac{10^{-pH} \cdot V}{C_A \cdot V} = \frac{10^{-pH}}{C_A}$$

$$10^{-pH} = \tau \cdot C_A \Rightarrow pH = -\log(\tau \cdot C_A)$$

$$pH = -\log(0,159 \times 2,5 \cdot 10^{-3}) = 3,4$$

ت.ع:

3- حساب K_A ثابتة الحمضية :

$$K_A = \frac{[H_3O^+]_{\text{eq}} \cdot [C_6H_5COO^-]_{\text{eq}}}{[C_6H_5COOH]_{\text{eq}}}$$

$$\begin{cases} [C_6H_5COO^-]_{\text{eq}} = [H_3O^+]_{\text{eq}} = 10^{-pH} \\ [AH]_{\text{eq}} = \frac{C_A \cdot V - x_{\text{eq}}}{V} = C_A - \frac{x_{\text{eq}}}{V} = C_A - [H_3O^+]_{\text{eq}} \end{cases}$$

نعلم أن :

$$K_A = \frac{[H_3O^+]_{\text{eq}}^2}{C_A - [H_3O^+]_{\text{eq}}} = \frac{10^{-2pH}}{C_A - 10^{-pH}}$$

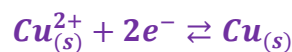
ت.ع:

$$K_A = \frac{10^{-2 \times 3,4}}{2,5 \cdot 10^{-3} - 10^{-3,4}} = 7,54 \cdot 10^{-5}$$

الجزء الثالث :

1-المعادلات الكيميائية :

-عند الكاثود اختزال أيونات Cu^{2+} :



-عند الأنود أكسدة فلز النيكل Ni :



-المعادلة الحصيلة :



2- حساب x_{max} التقدم الأقصى :

الجدول الوصفي :

المعادلة الكيميائية		$Cu_{(s)}^{2+} + Ni_{(s)} \rightleftharpoons Cu_{(s)} + Ni_{(aq)}^{2+}$				
حالة المجموعة	التقدم	كميات المادة (mol)				كمية مادة e^- المتبادلة
الحالة البدئية	0	$n_i(Cu^{2+})$	وفير	وفير	$n_i(Ni^{2+})$	$n(e^-) = 0$
الحالة الوسيطة	x	$n_i(Cu^{2+}) - x$	وفير	وفير	$n_i(Ni^{2+}) - x$	$n(e^-) = 2x$
الحالة القصوى	x_{max}	$n_i(Cu^{2+}) - x_{max}$	وفير	وفير	$n_i(Cu^{2+}) - x_{max}$	$n(e^-) = 2x_{max}$

المتفاعل المحد هو Cu^{2+}

$$n_i(Cu^{2+}) - x_{max} = 0 \Rightarrow x_{max} = [Cu^{2+}]_0 \cdot V$$

$$x_{max} = 0,1 \times 100.10^{-3} = 10^{-2} mol$$

3-حساب Q_{max} كمية الكهرباء القصوى :

$$Q_{max} = I \cdot \Delta t_{max} = n(e^-) \cdot F$$

$$Q_{max} = 2x_{max} \cdot F = 2.10^{-2} \times 96500 = 1930 C$$

الفيزياء :

التمرين 1 : التحولات النووية

1.1-تركيب نويدة ${}_{43}^{99}Tc$:

تحتوي النويدة على 43 بروتون و 99-43=47 نوترون .

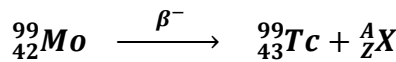
2.1-تحديد النويدة الأكثر استقرارا :

$$\xi({}_{43}^{97}Tc) = \frac{E_\ell({}_{43}^{97}Tc)}{A} = \frac{836,28}{97} = 8,62 MeV/nucleon$$

$$\xi({}_{43}^{99}Tc) = \frac{E_\ell({}_{43}^{99}Tc)}{A} = \frac{852,53}{99} = 8,61 MeV/nucleon$$

نويدة ${}_{43}^{97}Tc$ أكثر استقرارا من نويدة ${}_{43}^{99}Tc$ لأن $\xi({}_{43}^{97}Tc) > \xi({}_{43}^{99}Tc)$

3.1-معادلة التفتت :



لدينا :

$$\begin{cases} A = 0 \\ Z = 42 - 43 = -1 \end{cases} \Rightarrow {}_Z^AX = {}_{-1}^0e$$

نوع النشاط هو β^-



1.2-التحقق من قيمة λ :

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{\ln 2}{6 \times 3600} = 3,21.10^{-5} s^{-1}$$

2.2-تحديد قيمة N_0 :

لدينا: $a_0 = \lambda \cdot N_0$

$$N_0 = \frac{a_0}{\lambda}$$

ت.ع :

$$N_0 = \frac{5 \cdot 10^8}{3,21 \cdot 10^{-5}} = 1,56 \cdot 10^{13}$$

3.2- حساب t_1 :

قانون التناقص الإشعاعي :

$$a(t) = a_0 e^{-\lambda t}$$

عند اللحظة t_1 نكتب :

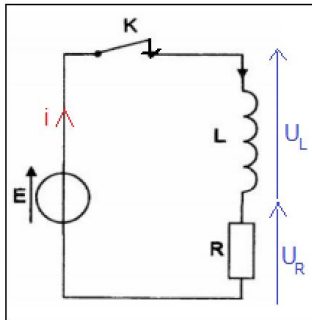
$$a_1 = a_0 e^{-\lambda t_1} \Rightarrow \frac{a_1}{a_0} = e^{-\lambda t_1} \Rightarrow -\lambda t_1 = \ln\left(\frac{a_1}{a_0}\right)$$

$$t_1 = -\frac{\ln\left(\frac{a_1}{a_0}\right)}{\lambda} \Rightarrow t_1 = \frac{\ln\left(\frac{a_0}{a_1}\right)}{\ln 2} \cdot t_{1/2}$$

ت.ع :

$$t_1 = \frac{\ln\left(\frac{1}{0,6}\right)}{\ln 2} \times 6 = 4,24 \text{ h}$$

التمرين 2 : الكهرباء



1-ثنائي القطب RL :

1.1-دور الوشيعية عند إغلاق قاطع التيار هو تأخير إقامة التيار .

2.1-إثبات المعادلة التفاضلية :

$$E = u_L + u_R \quad \text{قانون إضافية التوترات :}$$

$$E = L \frac{di}{dt} + Ri \quad \text{قانون أوم :}$$

المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار i نكتب :

$$L \frac{di}{dt} + i = E$$

3.1-أتمثل τ ثابتة الزمن وهي تميز ثنائي القطب RL

قيمتها نحددها مبيانيا أنظر الشكل جانبه :

يقطع مماس المنحنى $i(t)$ عند $t = 0$ المقارب I_0

في اللحظة $\tau = 1 \text{ ms}$

3.1.ب-التحقق من قيمة L :

$$\tau = \frac{L}{R} \Rightarrow L = \tau \cdot R \quad \text{حسب تعبير ثابتة الزمن :}$$

$$L = 1 \cdot 10^{-3} \times 50 = 5 \cdot 10^{-2} \text{ H} \quad \text{ت.ع :}$$

3.1.ج- التعبير العددي ل u_L :

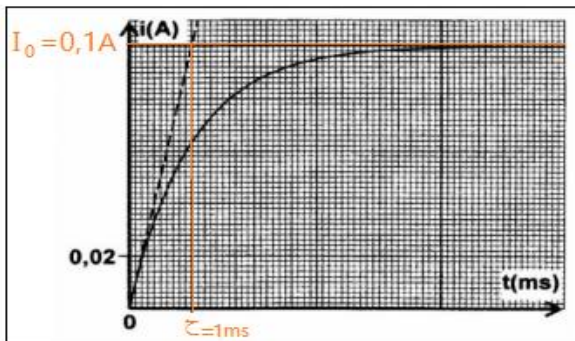
الطريقة الاولى :

$$E = u_L + u_R \Rightarrow u_L = E - Ri \Rightarrow u_L = E - R \cdot I_0 (1 - e^{-t/\tau})$$

$$u_L = E - R \cdot \frac{E}{R} (1 - e^{-t/\tau}) \Rightarrow u_L = E - E + E e^{-t/\tau}$$

$$u_L(t) = E e^{-t/\tau} = 5 e^{-10^3 t}$$

مع $\tau = 10^{-3} \text{ s}$



الطريقة الثانية :

$$u_L = L \frac{di}{dt} = L \frac{d}{dt} \left[I_0 (1 - e^{-t/\tau}) \right] = LI_0 \left(\frac{1}{\tau} e^{-t/\tau} \right)$$

$$u_L(t) = L \frac{E}{R} \frac{R}{L} e^{-t/\tau} = E e^{-t/\tau}$$

2-دراسة الدارة RLC المتوالية :

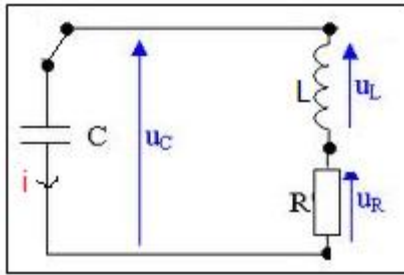
1.2.أ- حساب Q_0 :

$$Q_0 = CE \xrightarrow{\text{ع.ت}} Q_0 = 10 \cdot 10^{-6} \times 5 = 5 \cdot 10^{-5} C$$

1.2.ب-حساب E_0 :

$$E_0 = \frac{1}{2} CE^2 \xrightarrow{\text{ع.ت}} E_0 = \frac{1}{2} \times 10 \cdot 10^{-6} \times 5^2 = 1,25 \cdot 10^{-4} J$$

1.2.2-إثبات المعادلة التفاضلية :



قانون إضافية التوترات :

$$u_L + u_R + u_C = 0$$

$$L \frac{di}{dt} + Ri + u_C = 0$$

$$u_C = \frac{q}{C} \text{ و } \frac{di}{dt} = \frac{dq}{dt} : \text{و بالتالي } i = \frac{dq}{dt} \text{ نعم أن:}$$

نحصل على :

$$L \frac{d^2 q}{dt^2} + R \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = 0$$

المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة q لدارة RLC:

$$\frac{d^2 q}{dt^2} + \frac{R}{L} \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{1}{LC} \cdot q = 0$$

2.2.2-حساب ΔE تغير الطاقة الكلية بين t_0 و t_1 :

$$\Delta E = E_1 - E_0 = 0,534E_0 - E_0 = -0,466 E_0$$

$$\Delta E = -0,466 \times 1,25 \cdot 10^{-4} = -5,825 \cdot 10^{-5} J$$

3.2.أ- دور المولد G :

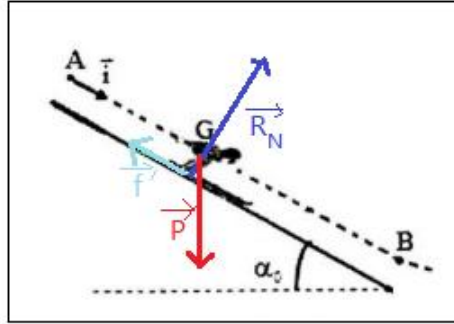
هو تزويد الدارة بطاقة تعوض الطاقة المبددة بمفعول جول في الموصل الأومي .

3.2.ب-ليكن E قيمة الطاقة الممنوحة من طرف المولد :

يمنح المولد خلال نفس المدة Δt الطاقة المفقودة ΔE لكي تكون الدارة مقر تذبذبات جيبية حيث :

$$E = -\Delta E = 5,825 \cdot 10^{-5} J$$

التمرين 3 (5نقط): الففز التزلجي



1-مرحلة الانزلاق على المنحدر المستقيمي :

1.1-تعبير التسارع a_G :

-المجموعة المدروسة : المتسابق

-جرد القوى :

$\vec{P}$: وزن المتسابق

$\vec{R}$: تأثير المنحدر

-نعتبر المعلم (A, $\vec{i}$) المرتبط بالارض غاليليا

-نطبق القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}_G \Rightarrow \vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}_G$$

الاسقاط على Ax :

$$P_x + R_x = m a_x \Rightarrow m g \sin \alpha_0 - f = m a_G$$

$$a_G = g \sin \alpha_0 - \frac{f}{m} \xrightarrow{\text{ت.ع}} a_G = 10 \sin(35^\circ) - \frac{45}{80} = 5,17 \text{ m.s}^{-2}$$

2.1-المعادلة الزمنية $x_G(t)$:

لدينا : $a_G = Cte \leftarrow$ المعادلة الزمنية لحركة مستقيمة متغيرة بانتظام تكتب :

$$x_G(t) = \frac{1}{2} a_G t^2 + v_0 + x_0$$

حسب الشروط البدنية :

$$\begin{cases} v_0 = 0 \\ x_0 = 0 \end{cases} \Rightarrow x_G = \frac{1}{2} \times 5,17 \cdot t^2 \Rightarrow x_G = 2,59 \cdot t^2$$

2-مرحلة الففز في الهواء :

1.2-التعبير الحرفي ل $x_G(t)$ و $y_G(t)$:

بما أن الاحتكاكات مهمة فإن المتسابق يخضع أثناء الففز في الهواء لوزنه فقط

القانون الثاني لنيوتن يكتب :

$$\vec{P} = m \vec{a}_G \Rightarrow m \vec{g} = m \vec{a}_G \Rightarrow \vec{a}_G = \vec{g}$$

-الاسقاط على Ox :

$a_x = 0 \leftarrow$ الحركة مستقيمة منتظمة معادلتها الزمنية تكتب :

$$x_G(t) = v_{0x} t + x_0$$

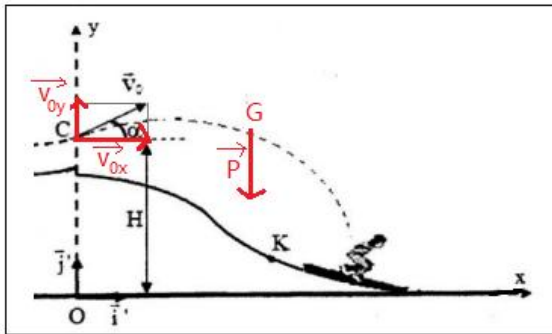
حسب الشروط البدنية :

$$\begin{cases} v_{0x} = v_0 \cdot \cos \alpha \\ x_0 = 0 \end{cases} \Rightarrow x_G(t) = (v_0 \cdot \cos \alpha) t$$

-الاسقاط على Oy :

$a_y = -g = Cte \leftarrow$ الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام معادلتها الزمنية تكتب :

$$y_G(t) = \frac{1}{2} a_y t^2 + v_{0y} t + y_0$$



حسب الشروط البدئية :

$$\begin{cases} v_{0y} = v_0 \cdot \sin\alpha \\ y_0 = H \end{cases} \Rightarrow y_G(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + (v_0 \cdot \sin\alpha)t + H$$

2.2-أ-حساب v_G عند قمة المسار :

عند قمة المسار تكون المركبة الرأسية للسرعة $\vec{v}_G$ منعدمة أي: $v_{Gy} = 0$

منظم السرعة يكتب :

$$v_G = \sqrt{v_{Gx}^2 + v_{Gy}^2} = v_{Gx} \Rightarrow v_{Gx} = \frac{dx_G}{dt} = v_0 \cdot \cos\alpha$$

ت.ع:

$$v_G = 25 \cos(11^\circ) = 24,54 \text{ m.s}^{-1}$$

2.2-ب-التحقق من نجاح قفزة المتسابق :

ليكن x_{G1} أفصول نقطة السقوط حيث : $x_{G1} = x_G(t_1)$

$$x_{G1} = (v_0 \cos\alpha) \cdot t_1 = v_G \cdot t_1$$

ت.ع :

$$x_{G1} = 24,54 \times 4 = 98,16 \text{ m}$$

$$x_{G1} > x_K = 90 \text{ m}$$

يتجاوز المتسابق الموضع K وبالتالي تعتبر القفزة ناجحة .