



C:NS30

7	المعامل:	الفيزياء والكيمياء	المادة:
4	مدة الإنجاز:	شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	الشعب (ة) أو المسلك:

لا يسمح باستعمال الآلة الحاسبة القابلة للبرمجة أو الحاسوب.

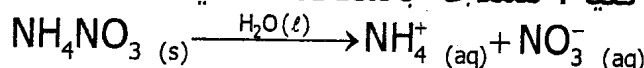
يضم هذا الموضوع تمرينا في الكيمياء وثلاثة تمارين في الفيزياء:

(3,75 نقطة)	- مراقبة نسبة عنصر كيميائي في منتج صناعي	الكيمياء
(3,25 نقطة)	- تحضير نكهة الأناناس	
(3 نقط)	الموجات فوق الصوتية	فيزياء 1
(4,5 نقطة)	وظيفة ثنائي القطب RC في مستقبل للموجات الكهرمغناطيسية	فيزياء 2
(5,5 نقطة)	مخدمات سيارة والسلامة الطرقية	فيزياء 3

الكيمياء (7 نقط) الجزء الأول و الجزء الثاني مستقلان

الجزء الأول : مراقبة نسبة عنصر كيميائي في منتج صناعي (3,75 نقط)

تستعمل بعض المنتجات الصناعية الأزوتية بكثرة في المجال الفلاحي لتوفرها على عنصر الأزوت الذي يعد من بين العناصر الضرورية لتخصيب التربة .
يحتوي منتج صناعي على نترات الأمونيوم $\text{NH}_4\text{NO}_3 (s)$ كثير الذوبان في الماء ، بحيث يعتبر هذا الذوبان تحولا كليا ، نمذجه بالمعادلة التالية :



يشير الصانع على كيس تعبئة المنتج الصناعي الأزوتي إلى النسبة المئوية الكتلية X لعنصر الأزوت في هذا المنتج : $X = 27\%$.
يهدف هذا التمرين إلى التحقق من القيمة $X = 27\%$.

المعطيات :

$$M(\text{H}) = 1 \text{ g.mol}^{-1} ; M(\text{N}) = 14 \text{ g.mol}^{-1} ; M(\text{O}) = 16 \text{ g.mol}^{-1}$$

- جميع قياسات ال pH أنجزت عند درجة الحرارة 25°C .
- الجداء الأيوني للماء عند درجة الحرارة 25°C هو $K_e = 10^{-14}$.
- ثابتة الحمضية للمزدوجة $\text{NH}_4^+/\text{NH}_3$ هي : $pK_A = 9,20$.

1- دراسة محلول مائي لنترات الأمونيوم $\text{NH}_4^+ (\text{aq}) + \text{NO}_3^- (\text{aq})$

نأخذ حجما V_S من محلول مائي (S) لنترات الأمونيوم تركيزه المولي $C = 4,00 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$.
يعطى قياس pH هذا المحلول : $\text{pH} = 5,30$.

- 1.1 - اكتب معادلة تفاعل أيون الأمونيوم مع الماء . 0,5
- 1.2 - احسب نسبة التقدم النهائي τ للتحويل الحاصل . ماذا تستنتج ؟ 0,75
- 1.3 - تحقق من أن قيمة ثابتة الحمضية للمزدوجة $\text{NH}_4^+/\text{NH}_3$ هي $pK_A = 9,20$. 0,75

2- تحديد النسبة المئوية الكتلية X لعنصر الأزوت في منتج صناعي .

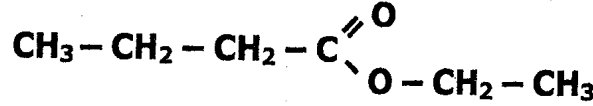
نذيب في الماء الخالص عينة من المنتج الصناعي الأزوتي كتلتها $m = 5,70 \text{ g}$ ، فنحصل على محلول مائي (S_A) حجمه $V = 250 \text{ mL}$.

نأخذ من المحلول (S_A) حجما $V_A = 20,0 \text{ mL}$ ، ونعاير أيونات الأمونيوم المتواجدة فيه بواسطة محلول مائي (S_B) لهيدروكسيد الصوديوم $\text{Na}^+ (\text{aq}) + \text{HO}^- (\text{aq})$ ، تركيزه المولي $C_B = 0,200 \text{ mol.L}^{-1}$ ، فنحصل على التكافؤ عند صب الحجم $V_{BE} = 22,0 \text{ mL}$ من المحلول (S_B) .

- 2.1 - اكتب المعادلة الكيميائية المنمذجة لتفاعل المعايرة . 0,5
- 2.2 - أوجد كمية المادة $n(\text{NH}_4\text{NO}_3)$ لنترات الأمونيوم الموجودة في العينة المدروسة ، و تحقق من القيمة X للنسبة المئوية الكتلية لعنصر الأزوت في المنتج الصناعي المدروس . 1,25

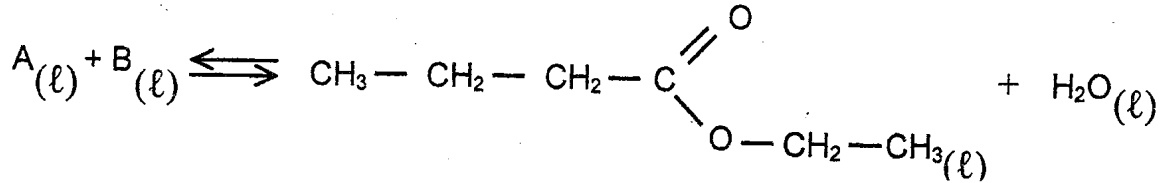
الجزء الثاني : تحضير نكهة الأناناص (3,25 نقط)

يحتوي العديد من الفواكه على إسترات ذات نكهة متميزة ، فمثلا نكهة الأناناص تعزى إلى بوتانوات الإثيل و هو إستر ذو الصيغة نصف المنشورة التالية :



لتلبية متطلبات الصناعة الغذائية من هذا الإستر ، يُستعمل إستر مصنع مماثل للإستر الطبيعي المستخرج من الأناناص، حيث يتم تصنيعه بسهولة و بتكلفة أقل .
المعطيات : $M(\text{H}) = 1 \text{ g.mol}^{-1}$; $M(\text{C}) = 12 \text{ g.mol}^{-1}$; $M(\text{O}) = 16 \text{ g.mol}^{-1}$

1- نحصل على بوتانوات الإثيل بواسطة تفاعل حمض كربوكسيلي A مع كحول B بوجود حمض الكبريتيك حسب المعادلة الكيميائية التالية :



1.1- اذكر مميزات هذا التفاعل . 0,5

1.2- عين الصيغة نصف المنشورة لكل من الحمض الكربوكسيلي A و الكحول B . 0,5

2- نسخن بالارتداد خليطا متساوي المولات يحتوي على $n_0 = 0,30 \text{ mol}$ من الحمض A و $n_0 = 0,30 \text{ mol}$ من الكحول B بوجود حمض الكبريتيك.

عند التوازن الكيميائي نحصل على $23,2 \text{ g}$ من بوتانوات الإثيل .

2.1- اعتمادا على جدول التقدم للتحويل الحاصل أوجد :

أ- قيمة ثابتة التوازن K المقرونة بمعادلة التفاعل المدروس . 1

ب- قيمة المردود r لهذا التفاعل . 0,5

2.2- ننفذ التحويل نفسه باستعمال n مول من الحمض الكربوكسيلي A و $n_0 = 0,30 \text{ mol}$ من الكحول B. 0,75

احسب كمية المادة n للحصول على مردود $r' = 80\%$.

فيزياء 1 (3 نقط) : الموجات فوق الصوتية

الموجات فوق الصوتية موجات ميكانيكية ترددها أكبر من تردد الموجات الصوتية المسموعة من طرف الإنسان. تستغل الموجات فوق الصوتية في عدة مجالات كالفحص بالصدى.

يهدف هذا التمرين إلى:

- دراسة انتشار الموجات فوق الصوتية ؛

- تحديد أبعاد أنبوب فلزي.

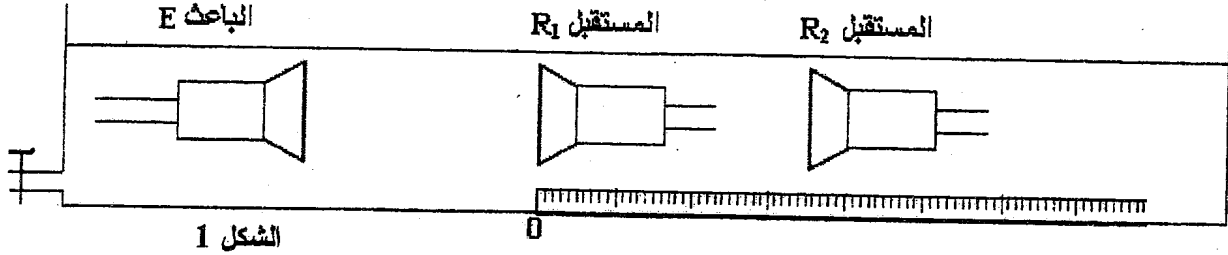
1- انتشار الموجات الميكانيكية

1.1- أ- أعط تعريف الموجة الميكانيكية المتوالية . 0,25

ب- اذكر الفرق بين الموجة الميكانيكية الطولية والموجة الميكانيكية المستعرضة. 0,25

1.2- انتشار الموجات فوق الصوتية في الماء

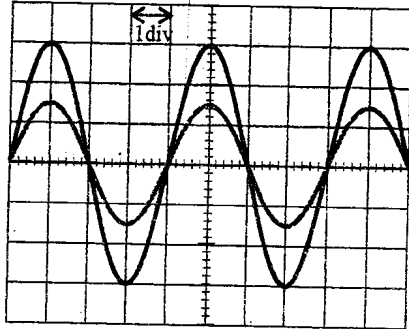
نضع باعثا E و مستقبلين R_1 و R_2 للموجات فوق الصوتية في حوض مملوء بالماء، بحيث يكون الباعث E والمستقبلان على نفس الاستقامة وفق مسطرة مدرجة . (الشكل 1)



الشكل 1

يرسل الباعث موجة فوق صوتية متتالية جيبية تنتشر في الماء و تصل إلى المستقبلين R_1 و R_2 .
تطبق الإشارتان الملتقطتان من طرف المستقبلين R_1 و R_2 ، تباعا ، على المدخلين Y_1 و Y_2 لرسم التذبذب .

عندما يوجد المستقبلان R_1 و R_2 معا عند صفر المسطرة المدرجة ، نلاحظ على شاشة راسم التذبذب الرسم التذبذبي الممثل في الشكل 2 ، حيث يكون المنحنيان ، الموافقان للإشارتين الملتقطتين من طرف R_1 و R_2 ، على توافق في الطور .



الشكل 2

الحساسية الأفقية لراسم التذبذب مضبوطة على $5 \mu s/div$.
نبعد R_2 وفق المسطرة المدرجة، فنلاحظ أن المنحنى الموافق للإشارة الملتقطة من طرف R_2 ينزاح نحو اليمين ، و تصبح الإشارتان الملتقطتان من طرف R_1 و R_2 ، من جديد ، على توافق في الطور عندما تكون المسافة بين R_1 و R_2 هي $d = 3cm$.

أ- أعط تعريف طول الموجة λ . 0,25

ب- اكتب العلاقة بين طول الموجة λ و التردد N للموجات فوق الصوتية و سرعة انتشارها v في وسط معين. 0,25

ج- استنتج من هذه التجربة القيمة v_e لسرعة انتشار الموجات فوق الصوتية في الماء. 0,5

1.3- انتشار الموجات فوق الصوتية في الهواء

نحتفظ بعناصر التركيب التجريبي في مواضعها ($d=3cm$) و نفرغ الحوض من الماء فيصبح وسط انتشار الموجات فوق الصوتية هو الهواء ، عندئذ ، نلاحظ أن الإشارتين الملتقطتين من طرف R_1 و R_2 أصبحتا غير متوافقتين في الطور .

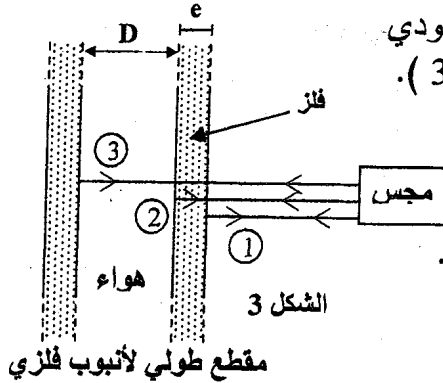
أ- أعط تفسيراً لهذه الملاحظة. 0,25

ب- احسب المسافة الدنوية التي يجب أن نبعد بها R_2 عن R_1 وفق المسطرة المدرجة لتصبح الإشارتان من جديد على توافق في الطور، علماً أن سرعة انتشار الموجات فوق الصوتية في الهواء هي : $v_a = 340 m.s^{-1}$ 0,5

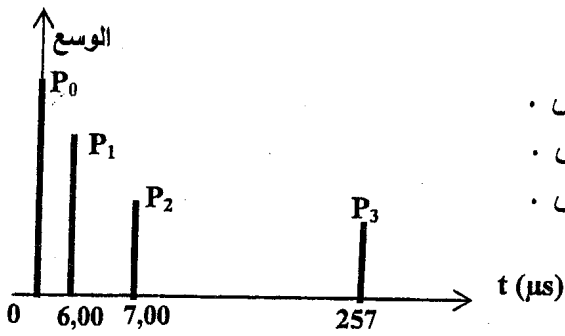
2- استعمال الموجات فوق الصوتية لقياس أبعاد أنبوب فلزي

مجس يلعب دور الباعث و المستقبل، يرسل إشارة فوق صوتية اتجاهها عمودي على محور الأنبوب الفلزي الأسطواناني الشكل، مدتها جد وجيزة، (الشكل 3).
تخترق الإشارة فوق الصوتية الأنبوب و تنتشر عبره و تنعكس كلما تغير وسط الانتشار، ثم تعود إلى المجس، حيث تتحول إلى إشارة كهربائية مدتها وجيزة .

نعين بواسطة راسم التذبذب ذاكراتي الإشارتين المنبعثة و المنعكسة معا .
يمكن الرسم التذبذبي المحصل أثناء اختبار أنبوب فلزي من رسم التخطيط الممثل في الشكل 4 .



مقطع طولي لأنبوب فلزي



الشكل 4

نلاحظ حزات راسية P_0 و P_1 و P_2 و P_3 . (الشكل 4)
 P_0 : توافق اللحظة $t = 0$ لانبعث الإشارة .

- P_1 : توافق لحظة النقاط الإشارة المنعكسة ① من طرف المجس .
- P_2 : توافق لحظة النقاط الإشارة المنعكسة ② من طرف المجس .
- P_3 : توافق لحظة النقاط الإشارة المنعكسة ③ من طرف المجس .

سرعة انتشار الموجات فوق الصوتية:

- في فلز الأنبوب : $v_m = 1,00.10^4 \text{ m.s}^{-1}$ ؛

- في الهواء : $v_a = 340 \text{ m.s}^{-1}$.

2.1- أوجد السمك e لجدار الأنبوب الفلزي .

0,5

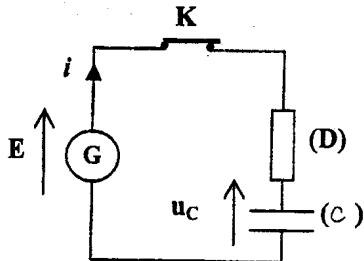
2.2- أوجد القطر الداخلي D للأنبوب .

0,25

فيزياء 2 : وظيفة ثنائي القطب RC في مستقبل للموجات الكهرمغناطيسية (4,5 نقط)

يستعمل المكثف في تصنيع كثير من الأجهزة الإلكترونية من بينها مستقبل الموجات الكهرمغناطيسية .

يهدف هذا التمرين إلى دراسة شحن مكثف و دور ثنائي القطب RC في أحد طوابق مستقبل للموجات الكهرمغناطيسية .



الشكل 1

1- دراسة شحن مكثف

ننجز الدارة الكهربائية الممثلة في الشكل 1 و المكونة من :

- (G) : مولد كهربائي مؤتمل للتوتر قوته الكهرمحركة E ؛
- (D) : موصل أومي مقاومته $R = 100\Omega$ ؛
- (C) : مكثف سعته C ؛
- K : قاطع التيار .

المكثف غير مشحون . نغلق قاطع التيار عند لحظة نخارها أصلا للتواريخ ($t = 0$) .

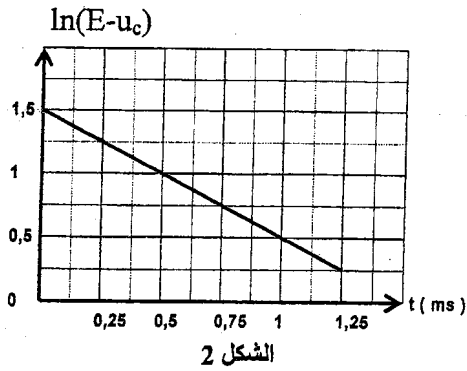
1.1- أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C بين مربطي المكثف .

0,5

1.2- يكتب حل هذه المعادلة التفاضلية على شكل $u_C = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ ، حيث A ثابتة موجبة و τ ثابتة الزمن

0,5

لثنائي القطب RC . بين أن : $\ln(E - u_C) = -\frac{1}{\tau} \cdot t + \ln(E)$.



1.3- يعطي المنحنى الممثل في الشكل 2 تغيرات المقدار $\ln(E-u_c)$

0,75

بدلالة الزمن t . باستغلال المبيان أوجد قيمة كل من E و τ .

1.4- نرسم E_e للطاقة المخزونة في المكثف عند اللحظة $t = \tau$

0,5

و نرسم $E_{e(max)}$ للطاقة القصوى التي يخترنها المكثف.

$$\text{احسب النسبة } \frac{E_e}{E_{e(max)}}$$

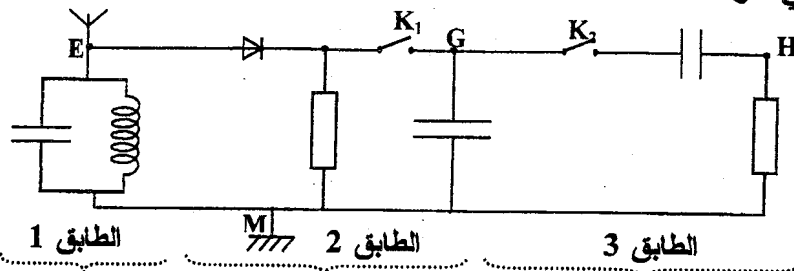
1.5- احسب قيمة السعة C' للمكثف (C') الذي يجب تركيبه مع

1

المكثف (C) في الدارة السابقة لتأخذ ثابتة الزمن القيمة $\tau' = \frac{\tau}{3}$

مبرزاً كيفية تركيب هذين المكثفين (على التوازي أو على التوالي).

2- دراسة وظيفة ثنائي القطب RC في دارة كاشف الغلاف لمستقبل الموجات الكهرومغناطيسية



نستعمل الموصل الأومي (D)

و المكثف (C) في دارة كاشف الغلاف

الموافق لأحد طوابق التركيب الممثل في

الشكل 3 و ذلك من أجل كشف غلاف

التوتر $u(t)$ مضمّن الوسع تعبيره :

$$u(t) = k. [0,5\cos(10^3 \cdot \pi \cdot t) + 0,7] \cdot \cos(10^4 \cdot \pi \cdot t)$$

2.1- اعتماداً على الشكل 3، عين الطابق الموافق لدارة كاشف الغلاف.

0,25

2.2- بين أن ثنائي القطب RC المستعمل يمكن من الحصول على كشف غلاف جيد.

0,5

2.3- نعتبر أن قاطعي التيار K_1

0,5

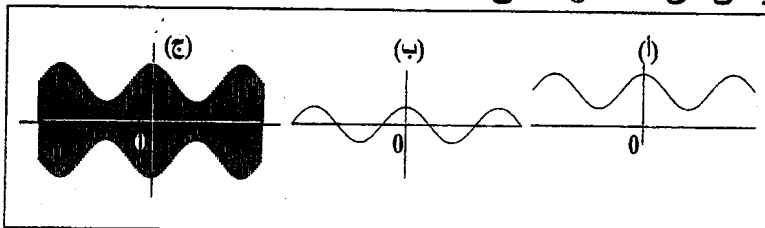
و K_2 مغلقان. تمثل المنحنيات المعاينة

على شاشة راسم التذبذب التوترات u_{EM}

و u_{GM} و u_{HM} (الشكل 4). عين، معللاً

جوابك، المنحنى الموافق لتوتر الخروج

لدارة كاشف الغلاف.



فيزياء 3 : المخمدات والسلامة الطرقية (5,5 نقطة)

I / اختبار كبح سيارة

بينت الاختبارات التي أجريت في

مصنع للسيارات أن :

- تسارع سيارة خلال الكبح على طريق

أفقي، بواسطة الفرامل، يبقى ثابتاً ؛

- قيمة هذا التسارع تكون نفسها أياً كانت

قيمة سرعة السيارة قبل بداية مرحلة الكبح .

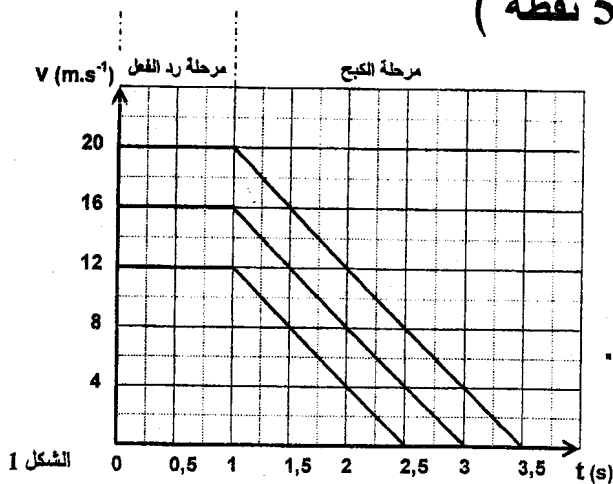
يعطي المبيان (الشكل 1) هذا النوع

من الاختبارات، انطلاقاً من اللحظة $t = 0$

التي يرى عندها السائق حاجزاً أمامه.

تمر ثانية (1s) بين اللحظة التي يرى عندها السائق الحاجز و اللحظة التي يضغط

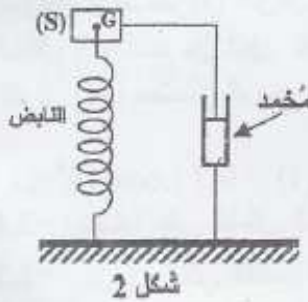
عندها على دواسة الفرامل وهي المدة العادية لرد الفعل للسائق .



- 1- احسب ، انطلاقا من المبيان (الشكل 1) ، تسارع السيارة أثناء الكبح . 0,25
- 2- استنتج منظم مجموع متجهات القوى المطبقة على السيارة أثناء الكبح ، علما أن كتلتها هي : 0,5
 $M = 1353 \text{ kg}$
- 3- إذا كانت سرعة السيارة عند بداية الكبح هي 72 km.h^{-1} ، احسب باستغلال المبيان : 0,25
- 3.1- للمسافة التي تقطعها السيارة خلال مرحلة رد الفعل للسائق . 0,25
- 3.2- مدة مرحلة الكبح . 0,75
- 4- أثناء حركة السيارة بالسرعة $v = 16 \text{ m.s}^{-1}$ ، فوجئ السائق بحاجز أمامه على بعد 35 m من مقدمة السيارة .
بين ، باستغلال المبيان (الشكل 1) ، أن السائق يتمكن من إيقاف السيارة دون أن يصدم الحاجز .

II / نمذجة معاليق السيارة

تتكون معاليق السيارة من نوابض و مخمدات توفر الراحة و السلامة للركاب ، حيث تنضغط النوابض و تتمدد، بينما تعمل المخمدات على إحداث خمود الاهتزازات.



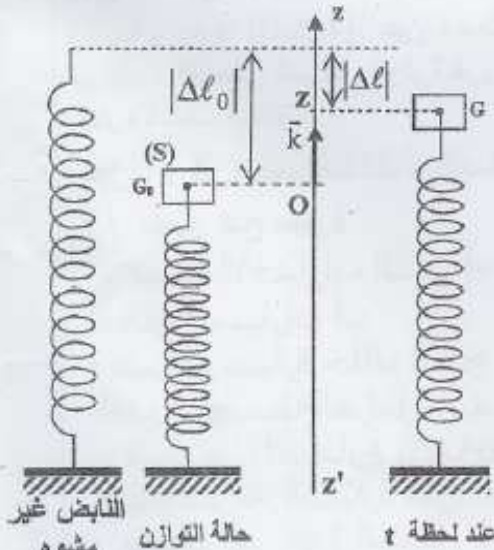
ننمذج السيارة بنواس مرن رأسي مخمد كما يوضح الشكل 2 ، و هو عبارة عن جسم صلب (S) ، كتلته تساوي كتلة السيارة $M = 1353 \text{ kg}$ و مركز قصوره G ، مثبت عند الطرف العلوي لنابض رأسي ، صلابته $K = 6.10^5 \text{ N.m}^{-1}$ و لفاته غير متصلة و كتلته مهملة .
يطبق المخمد على الجسم (S) المرتبط به قوة احتكاك مائع أثناء التذبذبات.

1- الدراسة الطاقية للمتذبذب (الجسم (S) ؛ النابض) في غياب الخمود .

نعتبر أن النواس المرن الرأسي (الجسم (S) + النابض) بدون مخمد و أن الطاقة الميكانيكية لهذا المتذبذب تحفظ .
عند التوازن ، يكون G_0 موضع مركز قصور الجسم (S) في المستوى الأفقي الذي يضم الأصل O للمعلم الرأسي $(O, \vec{k})$ الموجه نحو الأعلى، حيث يكون النابض مضغوطة بالمقدار $|\Delta \ell_0|$.

يمكن للمتذبذب أن ينجز تذبذبات رأسية حول موضع توازنه G_0 . نعم ، عند كل لحظة، موضع مركز القصور G للجسم (S) على المحور الرأسي $(O, \vec{k})$ ، أثناء تذبذبه ، بالأنسوب z (الشكل 3) .

نختار المستوى الأفقي الذي يضم الأصل O للمعلم $(O, \vec{k})$ مرجعا لطاقة الوضع الثقالية $(E_{pp} = 0)$ ، و نختار الحالة المرجعية لطاقة الوضع المرنة $(E_{pe} = 0)$ عندما يكون النابض غير مشوه .



الشكل 3

1.1- أوجد عند التوازن العلاقة بين $|\Delta\ell_0|$ و M و K و g شدة الثقالة. 0,25

1.2- بين أن تعبير طاقة الوضع المرنة للمتذبذب يكتب : $E_{pe} = \frac{1}{2} K \cdot (|\Delta\ell_0| - z)^2$. 0,5

1.3- الطاقة الميكانيكية E_m للمتذبذب هي مجموع طاقة الوضع الثقالية وطاقة الوضع المرنة والطاقة الحركية للمتذبذب.

أ- عبر عن الطاقة الميكانيكية للمتذبذب بدلالة M و z و $\frac{dz}{dt}$ و K و $|\Delta\ell_0|$. 0,75

ب- استنتج المعادلة التفاضلية لحركة مركز القصور G للجسم (S) . 0,5

2- الدراسة الطاقية للمتذبذب بوجود الخمود

يخضع الجسم (S) ، في هذه الحالة ، إلى قوة الاحتكاك المائع المطبقة من طرف المخمد تعبيرها

$$\vec{f} = -h \cdot \frac{dz}{dt} \vec{k} \quad \text{حيث } h \text{ ثابتة موجبة تتعلق بجودة المخمد و تسمى معامل الخمود .}$$

نبرهن في هذه الحالة أن المعادلة التفاضلية التي يحققها الأنسوب z لمركز القصور G تكتب كما يلي :

$$M \cdot \frac{d^2 z}{dt^2} + h \cdot \frac{dz}{dt} + K \cdot z = 0$$

2.1- عبر عن $\frac{dE_m}{dt}$ بدلالة الثابتة h و $\frac{dz}{dt}$. علق على هذه النتيجة . 0,75

2.2- تعطي الوثيقة (شكل 4) المنحنيين (a) و (b) 0,75

الممثلين لتغيرات الأنسوب z بدلالة الزمن لمركزي قصور

جسمين (S_1) و (S_2) لمتذبذين منمذجين لسيارتين (1)

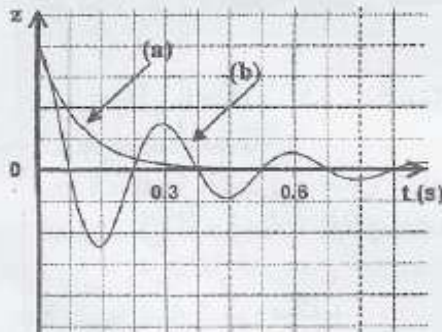
و (2) من نفس النوع و تختلفان فقط من حيث جودة

المخمدرات بحيث $h_2 > h_1$ مع h_1 و h_2 معامل الخمود

الموافقان ، تباعا ، للسيارتين (1) و (2).

عين السيارة التي توفر سلامة أكثر للسائق مع تحديد

المنحنى الموافق لها . علل الجواب .



الشكل 4

المادة : الفيزياء والكيمياء	المستوى : 2 علوم رياضية (أ) و (ب)
تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة العادية	
أستاذ المادة : مصطفى قشيش	المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

الكيمياء

الجزء الأول: مراقبة نسبة عنصر كيميائي في منتج صناعي
(1) دراسة محلول مائي لنترات الأمونيوم:

- 1.1. معادلة تفاعل أيون الأمونيوم مع الماء: $NH_4^+(aq) + H_2O(l) \rightleftharpoons NH_3(aq) + H_3O^+(aq)$
2.1. * حساب τ نسبة تقدم للتحويل الحاصل: ننشئ الجدول الوصفي

معادلة التفاعل				معادلة التفاعل	
$NH_4^+(aq) + H_2O(l) \rightleftharpoons NH_3(aq) + H_3O^+(aq)$				معادلة التفاعل	
كميات المادة (mol)				التقدم x	حالة المجموعة
$n_i(NH_4^+) = C.V_S$	وفير	0	0	$x=0$	الحالة البدئية
$C.V_S - x_{\text{éq}}$	وفير	$x_{\text{éq}}$	$x_{\text{éq}}$	$x = x_{\text{éq}}$	حالة التوازن
$C.V_S - x_m$	وفير	x_m	x_m	$x = x_m$	تحويل كلي

حسب الجدول نجد : $n_{\text{éq}}(H_3O^+) = x_{\text{éq}} \Rightarrow [H_3O^+]_{\text{éq}} = \frac{x_{\text{éq}}}{V} \Rightarrow x_{\text{éq}} = [H_3O^+]_{\text{éq}} \cdot V_S$

و $C.V_S - x_m = 0 \Rightarrow x_m = C.V_S$

$\tau = \frac{x_{\text{éq}}}{x_m} = \frac{[H_3O^+]_{\text{éq}} \cdot V_S}{C.V_S} \Rightarrow \tau = \frac{[H_3O^+]_{\text{éq}}}{C} \Rightarrow \tau = \frac{10^{-pH}}{C}$

* قيمة τ : $\tau = \frac{10^{-pH}}{C_A} = \frac{10^{-5,30}}{4.10^{-2}} \approx 1,25.10^{-4}$

* استنتاج: $1 < \tau = 1,25.10^{-4}$: تفاعل أيون الأمونيوم مع الماء تفاعل محدود.
3.1. التحقق من قيمة ثابتة الحمضية:

حسب الجدول: $[NH_4^+]_{\text{éq}} = \frac{n(NH_4^+)}{V_S} = \frac{C.V_S - x_{\text{éq}}}{V_S} = C - [H_3O^+]_{\text{éq}}$

$[NH_3]_{\text{éq}} = [H_3O^+]_{\text{éq}} = 10^{-pH}$

$pH = pK_A + \text{Log} \frac{[NH_3]_{\text{éq}}}{[NH_4^+]_{\text{éq}}} \Rightarrow pK_A = pH - \text{Log} \frac{[NH_3]_{\text{éq}}}{[NH_4^+]_{\text{éq}}}$

$\Rightarrow pK_A = pH - \text{Log} \frac{[NH_3]_{\text{éq}}}{[NH_4^+]_{\text{éq}}} = pH - \text{Log} \frac{10^{-pH}}{C - 10^{-pH}}$

$\Rightarrow pK_A = 5,30 - \text{Log} \frac{10^{-5,30}}{4.10^{-2} - 10^{-5,30}} \approx 9,20$

(2) تحديد النسبة المئوية X الكتلية لعنصر الآزوت في منتج صناعي:

1.1. كتابة المعادلة الكيميائية: $NH_4^+(aq) + HO^-(aq) \rightarrow NH_3(aq) + H_2O(l)$

2.2. * كمية مادة نترات الأمونيوم $n(NH_4NO_3)$:

- تحديد تركيز المحلول المائي (S_A): عند التكافؤ نكتب:

$C_A V_A = C_B V_{BE} \Rightarrow C_A = \frac{C_B \cdot V_{BE}}{V_A} = \frac{0,2 \times 22}{20} = 0,22 \text{ mol.L}^{-1}$

المادة : الفيزياء والكيمياء	المستوى : 2 علوم رياضية (أ) و (ب)
تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة العادية	
أستاذ المادة : مصطفى قشيش	المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

- تكون كمية المادة في الحجم $V=250\text{ mL}=0,25\text{ L}$ هي:

$$n(\text{NH}_4\text{NO}_3)=C_A.V=0,22 \times 0,25=5,5.10^{-2}\text{ mol}$$

* التحقق من القيمة $X=27\%$:

$$m(\text{N})=n(\text{NH}_4\text{NO}_3) \times M(\text{N})=5,5.10^{-2} \times 28=1,54\text{ g}$$

- كتلة الآزوت الموجودة في العينة هي:

$$X=\frac{m(\text{N})}{m}=\frac{1,54}{5,70}=0,27=27\%$$

- النسبة $X=27\%$ هي:

الجزء الثاني: تحضير نكهة الأناناس

1.1. مميزات التفاعل: - بطيء - محدود - لاجراري

2.1. تعيين الصيغة نصف المنشورة:

- الحمض الكربوكسيلي A : $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{CH}_2\text{COOH}$ - الكحول B : $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$

1.2. أ- قيمة ثابتة التوازن K :

معادلة التفاعل				معادلة التفاعل
$\text{C}_3\text{H}_7\text{COOH}_{(\ell)} + \text{C}_2\text{H}_5\text{OH}_{(\ell)} \rightleftharpoons \text{C}_3\text{H}_7\text{COOC}_2\text{H}_5_{(\ell)} + \text{H}_2\text{O}_{(\ell)}$				معادلة التفاعل
كميات المادة (mol)				التقدم x
$n_0=0,3$	$n_0=0,3$	0	0	$x=0$
$0,3-x_{\text{eq}}$	$0,3-x_{\text{eq}}$	x_{eq}	x_{eq}	$x=x_{\text{eq}}$
$0,3-x_m$	$0,3-x_m$	x_m	x_m	$x=x_m$

- كمية مادة الإستر المتكون: $n(\text{ester})=x_{\text{eq}}=\frac{m}{M(\text{ester})}=\frac{23,2}{6 \times 12 + 12 \times 1 + 2 \times 16}=0,2\text{ mol}$

$$K=\frac{[\text{ester}]_{\text{eq}} \times [\text{eau}]_{\text{eq}}}{[\text{acide}]_{\text{eq}} [\text{alcool}]_{\text{eq}}}=\frac{x_{\text{eq}}^2}{(0,3-x_{\text{eq}})^2}$$

لدينا:

$$\Rightarrow K=\frac{0,2^2}{(0,3-0,2)^2}=4$$

$$r=\frac{n_{\text{exp}}(\text{ester})}{n_{\text{th}}}=\frac{x_{\text{eq}}}{x_m}=\frac{0,2}{0,3}=0,66=66\%$$

ب - قيمة المردود r :

2.2. حساب كمية المادة n للحمض الكربوكسيلي للحصول على مردود $r'=80\%$:

معادلة التفاعل				معادلة التفاعل
$\text{C}_3\text{H}_7\text{COOH}_{(\ell)} + \text{C}_2\text{H}_5\text{OH}_{(\ell)} \rightleftharpoons \text{C}_3\text{H}_7\text{COOC}_2\text{H}_5_{(\ell)} + \text{H}_2\text{O}_{(\ell)}$				معادلة التفاعل
كميات المادة (mol)				التقدم x
n	$n_0=0,3$	0	0	$x=0$
$n-x'_{\text{eq}}$	$0,3-x'_{\text{eq}}$	x'_{eq}	x'_{eq}	$x=x'_{\text{eq}}$
$n-x_m$	$0,3-x_m$	x_m	x_m	$x=x_m$

- كمية مادة الإستر المتكون: $n(\text{ester})=x'_{\text{eq}}$

$$r'=\frac{n_{\text{exp}}(\text{ester})}{n_{\text{th}}}=\frac{x'_{\text{eq}}}{x_m}=\frac{x'_{\text{eq}}}{0,3} \Rightarrow x'_{\text{eq}}=0,3.r'=0,24\text{ mol}$$

- إذا كان $n > 0,3\text{ mol}$:

المادة : الفيزياء والكيمياء	المستوى : 2 علوم رياضية (أ) و (ب)
تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة العادية	
أستاذ المادة : مصطفى قشيش	المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

$$K = \frac{[ester]_{\acute{e}q} \times [eau]_{\acute{e}q}}{[acide]_{\acute{e}q} [alcool]_{\acute{e}q}} = \frac{x'_{\acute{e}q}{}^2}{(n - x'_{\acute{e}q})(0,3 - x_{\acute{e}q})} = \frac{(0,24)^2}{(n - 0,24)(0,3 - 0,24)} = 4$$

$$\Rightarrow 4(n - 0,24)(0,3 - 0,24) = 0,0576 \Rightarrow n = \underline{0,48 \text{ mol}}$$

$$r' = \frac{n_{\text{exp}}(\text{ester})}{n_{\text{th}}} = \frac{x'_{\acute{e}q}}{x_m} = \frac{x'_{\acute{e}q}}{n} \Rightarrow x'_{\acute{e}q} = 0,8.n \quad - \text{إذا كان } n < 0,3 \text{ mol}$$

$$K = \frac{x'_{\acute{e}q}{}^2}{(n - x'_{\acute{e}q})(0,3 - x_{\acute{e}q})} = \frac{(0,8n)^2}{(n - 0,8n)(0,3 - 0,8n)} = 4$$

$$\Rightarrow 4(n - 0,8n)(0,3 - 0,8n) = 0,64n^2 \Rightarrow n = \underline{0,1875 \text{ mol}}$$

الفيزياء

الموجات فوق الصوتية:

1) انتشار الموجات الميكانيكية:

1.1. أ - تعريف : الموجة الميكانيكية المتوالية هي تتابع مستمر لإشارات ميكانيكية، ناتج عن اضطراب مصان ومستمر لمنبع الموجات.

ب - الفرق : الموجة المستعرضة موجة يكون فيها اتجاه تشويه الوسط عموديا على اتجاه الانتشار، بينما الموجة الطولية موجة يكون فيها اتجاه تشويه الوسط على استقامة واحدة مع اتجاه الانتشار.

2.1. انتشار الموجات فوق الصوتية في الماء:

أ - تعريف طول الموجة: طول الموجة هي المسافة التي تقطعها الموجة المتوالية خلال مدة زمنية تساوي دور الموجة T

$$\lambda = v.T \Rightarrow \lambda = \frac{v}{N} \quad \text{ب - العلاقة:}$$

ج - استنتاج سرعة انتشار الموجة:

- من خلال المعطيات، تكون قيمة طول الموجة هي: $\lambda = d = 3 \text{ cm} = 0,03 \text{ m}$

$$N = \frac{1}{T} = \frac{1}{4 \times 5.10^{-6}} = 5.10^4 \text{ Hz} \quad \text{- قيمة تردد الموجة هي:}$$

$$v_e = d.N = 0,03 \times 5.10^4 = \underline{1500 \text{ m.s}^{-1}} \quad \text{و منه سرعة انتشار الموجة في الماء:}$$

3.1. انتشار الموجات فوق الصوتية في الهواء:

أ - تفسير : أصبحت الإشارتان غير متوافقتين في الطور، بسبب اختلاف سرعة انتشار الموجات فوق الصوتية في

$$v_e = 1500 \text{ m.s}^{-1} > v_{\text{air}} = 340 \text{ m.s}^{-1} \quad \text{كل من الوسطين الهواء والماء.}$$

ب - حساب المسافة الدنوية:

- المسافة التي تقطعها الموجة في الهواء خلال المدة T هي:

$$\lambda_a = v_a.T = v_a \cdot \frac{1}{N} = 340 \cdot \frac{1}{5.10^4} = 0,0068 \text{ m} = 0,68 \text{ cm}$$

- المسافة التي تقطعها الموجة في الهواء خلال المدة $5 \times T$ هي: $d' = v_a.(5.T) = 5.\lambda_a = 5 \times 0,68 = 3,4 \text{ cm}$

$$d_{\min} = d' - d = 3,4 - 3 = \underline{0,4 \text{ cm}} \quad \text{- تكون المسافة الدنوية هي:}$$

2) استعمال الموجات فوق الصوتية لقياس أبعاد أنبوب فلزي:

1.1. إيجاد السمك e لجدار الأنبوب:

$$e = v_m \cdot \Delta t = v_m \cdot \frac{P_2 - P_1}{2} = 10^4 \times \frac{7-6}{2} \cdot 10^{-6} \Rightarrow e = 5.10^{-3} \text{ m} = \underline{5 \text{ mm}}$$

المادة : الفيزياء والخصيمياء	المستوى : 2 علوم رياضية (أ) و (ب)
تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة العادية	
أستاذ المادة : مصطفى قشيش	المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

2.2. إيجاد القطر D للأنبوب:

$$D = v_a \cdot \Delta t = v_a \cdot \frac{P_3 - P_2}{2} = 340 \times \frac{257 - 7}{2} \cdot 10^{-6} \Rightarrow D = 4,25 \cdot 10^{-2} m = \underline{4,25 \text{ cm}}$$

وظيفة ثنائي القطب RC في مستقبل للموجات الكهرمغناطيسية:
(1) دراسة شحن المكثف:

1.1. * المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C :

- قانون إضافية التوترات: $u_C + u_R = E$ (*)

- في اصطلاح المستقبل: قانون أوم للموصل الأومي: $u_R = R.i$ و $q = C.u_C$

- لدينا: $u_R = R.i = R \cdot \frac{dq}{dt} = R \cdot \frac{d(Cu_C)}{dt} = RC \cdot \frac{du_C}{dt}$

تكتب المعادلة (*): $u_C + RC \frac{du_C}{dt} = E$ المعادلة التفاضلية.

2.1. يكتب الحل: $u_C(t) = A(1 - e^{-t/\tau})$ ، ونبين أن: $\ln(E - u_C) = -\frac{1}{\tau}t + \ln(E)$

في النظام الدائم، يكون $\frac{du_C}{dt} = 0$ ، إذا $u_C(\infty) = A = E$ ، فيكتب الحل $u_C(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$

$\Rightarrow E - u_C = E e^{-t/\tau} \Rightarrow \ln(E - u_C) = \ln(E e^{-t/\tau})$
 $\Rightarrow \ln(E - u_C) = -\frac{1}{\tau}t + \ln(E)$ (1) ومنه

3.1. إيجاد قيمة كل من E و τ باستغلال المبيان:

الدالة $\ln(E - u_C) = f(t)$ تألفية، فتكتب معادلة المستقيم على الشكل: $\ln(E - u_C) = a.t + b$ (2)

- قيمة المعامل الموجه: $a = \frac{0,5 - 1,5}{(1 - 0) \cdot 10^{-3}} = -1000 \text{ S.I.}$

- قيمة الثابتة b : $b = 1,5$

بمطابقة العلاقتين (1) و (2)، نستنتج: $-\frac{1}{\tau} = a \Rightarrow \tau = -\frac{1}{a} = -\frac{1}{-1000} = 10^{-3} \text{ s}$

$\ln(E) = b \Rightarrow E = e^b = e^{1,5} = \underline{4,48 \text{ V}}$ و

4.1. حساب النسبة $\frac{Ee}{Ee_{(\max)}}$: لدينا تعبير الطاقة المخزونة في المكثف: $Ee = \frac{1}{2}Cu_c^2$

- عند $t = \tau$: $Ee(\tau) = \frac{1}{2}C(u_c(\tau))^2 = \frac{1}{2}CE^2(1 - \frac{1}{e})^2$

وعند $t = 0$: $Ee_{(\max)} = Ee(0) = \frac{1}{2}C(u_c(0))^2 = \frac{1}{2}CE^2$

تكون المسبة هي: $\frac{Ee}{Ee_{(\max)}} = \frac{\frac{1}{2}CE^2(1 - \frac{1}{e})^2}{\frac{1}{2}CE^2} = (1 - \frac{1}{e})^2 = (0,63)^2 = 0,40 = \underline{40\%}$

5.1. حساب قيمة السعة C' للمكثف (C') :

- من المعطيات: $\tau' = \frac{\tau}{3} \Rightarrow \tau' < \tau \Rightarrow R.C_{\text{eq}} < R.C \Rightarrow C_{\text{eq}} < C$

المادة : الفيزياء والصيمياء	المستوى : 2 علوم رياضية (أ) و (ب)
تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة العادية	
أستاذ المادة : مصطفى قشيش	المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

إذا يركب المكثف (C') على التوالي مع المكثف (C).

$$\tau' = \frac{\tau}{3} \Rightarrow R.C_{eq} = \frac{R.C}{3} \Rightarrow C_{eq} = \frac{C}{3} \Rightarrow \frac{C.C'}{C+C'} = \frac{C}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{C'}{C+C'} = \frac{1}{3} \Rightarrow 3C' = C + C' \Rightarrow C' = \frac{C}{2} = \frac{\tau}{2R} = \frac{10^{-3}}{2 \times 100} = 5.10^{-6} F = 5 \mu F$$

(2) دراسة وظيفة ثنائي القطب RC في دارة كاشف الغلاف:

1.2. الطابق الموافق لدارة كاشف الغلاف هو الطابق 2.

2.2. ثنائي القطب RC يمكن من الحصول على كشف غلاف جيد:

يتحقق هذا إذا كانت ثابتة الزمن $\tau = 1ms$ تحقق المتراجحة: $T_p \ll \tau < T_s$

من تعبير التوتر مضمن الوسع $u(t) = k.[0,7 + 0,5\cos(10^3.\pi.t)].\cos(10^4.\pi.t)$ نجد:

$$T_s = \frac{1}{F_s} = \frac{2}{10^3} = 2.10^{-3} s = 2ms \quad \text{و} \quad T_p = \frac{1}{F_p} = \frac{2}{10^4} = 2.10^{-4} s = 0,2ms$$

ومنه: $0,2ms \ll \tau = 1ms \leq 2ms$ ، إذا، ثنائي القطب RC يمكن من الحصول على كشف غلاف جيد.

3.2. المنحنى الموافق لتوتر الخروج لدارة كاشف الغلاف هو المنحنى (أ)، لأن هذا المنحنى مطابق إلى حد كبير مع غلاف المنحنى (ج) الذي يمثل توتر الدخول u_{EM} وهو التوتر مضمن الوسع.

المخمدات والسلامة الطرقية:

الجزء 1: اختبار كبح سيارة

1. حساب تسارع السيارة أثناء الكبح انطلاقا من المبيان:

حسب المبيان، في مرحلة الكبح، فإن السرعة $v = f(t)$ دالة تآلفية معادلتها: $v = a.t + v_0$ ، حيث a المعامل الموجه

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{4-16}{2,5-1} = -8 m.s^{-2} \quad \text{للمستقيم المائل.}$$

2. استنتاج منظم مجموع متجهات القوى المطبقة على السيارة أثناء الكبح:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في معلم أرضي:

$$\Sigma \vec{F} = M.\vec{a}_G \Rightarrow \|\Sigma \vec{F}\| = M.\|\vec{a}_G\| \Rightarrow \|\Sigma \vec{F}\| = 1353 \times 8 = 10824 N$$

$$3. \text{ سرعة السيارة عند بداية الكبح هي } v_0 = 72 km.h^{-1} = \frac{72}{3,6} m.s^{-1} = 20 m.s^{-1}$$

1.3. حساب المسافة d التي تقطعها السيارة خلال مرحلة رد الفعل للسائق انطلاقا من المبيان:

خلال هذه المرحلة، فحركة السيارة مستقيمة منتظمة: $(\Delta t = 1 s)$ $d = v_0.\Delta t = 20 \times 1 = 20 m$

2.3. حساب Δt مدة مرحلة الكبح: $\Delta t = 3,5 - 1 = 2,5 s$

4. إبراز تمكن السائق من إيقاف السيارة دون أن يصدم الحاجز انطلاقا من المبيان:

حساب المسافة d' التي تقطعها السيارة خلال المرحلتين انطلاقا من المبيان: $d' = d_1 + d_2$

- حيث d_1 مسافة مرحلة رد الفعل للسائق: $(\Delta t = 1 s)$ $d_1 = v_1.\Delta t = 16 \times 1 = 16 m$

- حيث d_2 مسافة مرحلة كبح السيارة: $(\Delta t = 1 s)$ $d_2 = \frac{1}{2} a.t^2 + v_1.t = \frac{1}{2} (-8).(3-1)^2 + 16.(3-1) = 16 m$

ومنه: $d' = d_1 + d_2 = 16 + 16 = 32 m < 35 m$: يتمكن السائق من إيقاف السيارة دون أن يصدم بالحاجز.

المادة : الفيزياء والضمياء	المستوى : 2 علوم رياضية (أ) و(ب)
تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة العادية	
أستاذ المادة : مصطفى قشيش	المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

الجزء2: نمذجة معاليق السيارة

1- الدراسة الطاقية للمتذبذب (الجسم (S)، النابض) في غياب الخمود.
1.1 إيجاد العلاقة بين $|\Delta\ell_0|$ و M و k و g شدة الثقالة عند التوازن.

عند التوازن شدة وزن السيارة تساوي شدة توتر النابض، أي: $T=P \Rightarrow k|\Delta\ell_0|=M.g$
2.1 إثبات تعبير طاقة الوضع المرنة للمتذبذب:

نعلم أن: $E_{pe} = \frac{1}{2}k.\Delta\ell^2 + Cte$ ، وباعتبار الحالة المرجعية: $\Delta\ell=0 : E_{pe}=0$ إذا: $Cte=0$

وبما أن: $\Delta\ell = |\Delta\ell_0| - z$ ، يصبح تعبير طاقة الوضع المرنة هو: $E_{pe} = \frac{1}{2}k.(|\Delta\ell_0| - z)^2$
3.1

أ- تحديد تعبير الطاقة الميكانيكية E_m للمتذبذب: نعلم أن $E_m = E_c + E_{pe} + E_{pp}$

ولدينا $E_c = \frac{1}{2}M.\dot{z}^2$ و $E_{pe} = \frac{1}{2}k.(|\Delta\ell_0| - z)^2$ و $E_{pp} = Mgz$ ($Cte=0$)

ومنه: $E_m = \frac{1}{2}M.\dot{z}^2 + \frac{1}{2}k.(|\Delta\ell_0| - z)^2 + Mgz$

ب. استنتاج المعادلة التفاضلية لحركة مركز القصور للجسم: بما أن الطاقة الميكانيكية تتحفظ، إذا:

$$\frac{dE_m}{dt} = 0 \Rightarrow \frac{d}{dt} \left[\frac{1}{2}M.\dot{z}^2 + \frac{1}{2}k.(|\Delta\ell_0| - z)^2 + Mgz \right] = 0$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}M.\frac{d}{dt}(\dot{z}^2) + \frac{1}{2}k.\frac{d}{dt}(|\Delta\ell_0| - z)^2 + Mg.\frac{d}{dt}(z) = 0$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}.M.2.\dot{z}.\frac{d}{dt}(\dot{z}) - \frac{1}{2}k.2.(|\Delta\ell_0| - z)\frac{d}{dt}(z) + Mg.\frac{d}{dt}(z) = 0 \quad \left(\frac{d}{dt}(z) = \dot{z} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{d}{dt}(z) \left[M\frac{d}{dt}(\dot{z}) - k|\Delta\ell_0| + k.z + Mg \right] = 0$$

$$\Rightarrow M\frac{d}{dt}(\dot{z}) - k|\Delta\ell_0| + k.z + Mg = 0 \quad (-k|\Delta\ell_0| + Mg = 0)$$

$$\Rightarrow \underline{M.\ddot{z} + k.z = 0}$$

2- الدراسة الطاقية للمتذبذب بوجود الخمود:

1.2 إثبات تعبير $\frac{dE_m}{dt}$ بدلالة الثابتة h و $\frac{dz}{dt}$:

$$\begin{aligned} \frac{dE_m}{dt} &= \frac{d}{dt} \left[\frac{1}{2}M.\dot{z}^2 + \frac{1}{2}k.(|\Delta\ell_0| - z)^2 + Mgz \right] \\ &= \frac{d}{dt}(z) \left[M.\ddot{z} + k.z \right] \quad (M.\ddot{z} + k.z = -h\frac{d}{dt}(z)) \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \underline{\underline{\frac{dE_m}{dt} = -h \left[\frac{dz}{dt} \right]^2}}$$

المادة : الفيزياء والصيمياء	المستوى : 2 علوم رياضية (أ) و(ب)
تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة العادية	
أستاذ المادة : مصطفى قشيش	المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأسيسية - تمارة

نلاحظ أن $\frac{dE_m}{dt} < 0$ ، وبالتالي فإن الطاقة الميكانيكية E_m للمتذبذب تتناقص خلال الزمن.

2.2. تعيين السيارة التي توفر سلامة أكثر للسائق مع تحديد المنحنى الموافق لها:

- السيارة التي توفر سلامة أكثر للسائق هي السيارة رقم 2، والمنحنى الموافق لها هو (a)

- لأن كلما كان المعامل h أكبر كلما كان المخمد جيدا: $h_2 > h_1$ ، وبذلك يكون خمود التذبذبات حادا (نظام لادوري).