



الصفحة
1
3



امتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
الدورة الاستدراكية 2011  
الموضوع

المادة	الشعب(ة) او المسلك	الرياضيات	RS26	المعامل	4
مسلك العلوم الاقتصادية و مسلك علوم التدبير المحاسبي	مدة الإفجار	مسلك العلوم الاقتصادية و مسلك علوم التدبير المحاسبي	RS26	المعامل	2 س

## تعليمات للمترشح

- ✓ يتكون الموضوع الذي بين يديك من أربعة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاثة صفحات الأولى منها خاصة بهذه التعليمات.
- ✓ يرجى منك الإجابة على أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناء.
- ✓ يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة .
- ✓ يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع.
- ✓ ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مفروء.
- ✓ يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضماناً لتسهيل عملية التصحيح.
- ✓ تجنب الكتابة بقلم أحمر.
- ✓ تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

## التمرين الأول (نقطتان)

نعتبر الدالة العددية  $h$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على المجال  $[1; +\infty) = I$  بما يلي :

$$\cdot h(x) = \frac{x+1}{(x-1)(x^2-x+1)}$$

$$\cdot 1. \text{ تحقق من أن : } \forall x \in I ; h(x) = \frac{2}{x-1} - \frac{2x-1}{x^2-x+1} \quad 0.75$$

$$\cdot 2. \text{ استنتج حساب } \int_2^3 h(x) dx \quad 1.25$$

## التمرين الثاني (٥ نقطة)

نعتبر المتالية العددية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  المعرفة بما يلي :

$$\cdot \begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{3u_n + 4}{u_n + 6} ; n \in \mathbb{N} \end{cases} \quad 1. \text{ احسب } u_1 \text{ و } u_2 . \quad 0.5$$

$$\cdot 2. \text{ أ. بين بالترجع أن لكل } n \text{ من } \mathbb{N} : u_n > 1 . \quad 1$$

ب. بين أن المتالية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  تنافصية، واستنتاج أنها متقاربة.  $0.75$

$$\cdot v_n = \frac{u_n + 4}{u_n - 1} : \quad 3. \text{ نضع لكل } n \text{ من } \mathbb{N} : v_n > 1 . \quad 0.5$$

أ. احسب  $v_{n-1}$  بدلالة  $v_n$  ثم استنتاج أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  من  $v_n > 1$ .  $0.5$

$$\cdot u_n = \frac{v_n + 4}{v_n - 1} : \quad \text{ب. بين أن لكل } n \text{ من } \mathbb{N} : \quad 0.5$$

ج. بين أن المتالية  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$  هندسية أساسها  $\frac{7}{2} = q$  ثم احسب  $v_n$  بدلالة  $n$ .  $1$

د. استنتاج  $u_n$  بدلالة  $n$ .  $0.5$

ه. احسب النهاية  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$ .  $0.25$

## التمرين الثالث (٩.٥ نقطة)

نعتبر الدالة العددية  $g$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $[0; +\infty) = I$  بما يلي :

•  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  تمثيلها المباني في معلم متعامد منظم  $(C)$  ول يكن  $g(x) = \frac{e^x}{e^x + 1} - \ln(1 + e^x)$  الجزء الأول.

$$\cdot 1. \text{ بين أن : } \forall x \in I ; g'(x) = \frac{-e^{2x}}{(e^x + 1)^2} \quad 0.5$$

$$\cdot 2. \text{ أ. احسب } g(0) \text{ و } g'(0) \quad 1$$

ب. ضع جدول تغيرات الدالة  $g$ .  $0.5$

3. استنتاج أن :  $\forall x \leq 0 ; g(x) < 0$ .  $0.5$

4. أ. احسب  $g''(x)$  لكل  $x$  من  $I$  ثم استنتاج تغير  $(C)$ .  $1.5$

ب. احسب  $g'(0)$  ثم أنشئ  $(C)$  (نأخذ  $\|\vec{i}\| = 4cm$  و  $\|\vec{j}\| = 0.2m$ ).  $1.5$

## الجزء الثاني

نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $I$  بما يلي :

$$1 . \text{ بوضع } t = e^x \text{ بين أن } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1 \quad 1$$

$$2 . \text{ أ. احسب } (f')'(x) \text{ لكل } x \text{ من } I \text{ واستنتج أن :} \quad 1.5$$

$$\text{ب. احسب } (f(0))' \text{ وضع جدول تغيرات الدالة } f \text{ ثم استنتاج أن :} \quad 1.5$$

## التمرين الرابع (3.5 نقط)

يحتوي كيس  $U_1$  على كرتين لونهما أحمر وثلاث كرات لونها أبيض ويحتوي كيس  $U_2$  على كرتين لونهما أبيض وثلاث كرات لونها أحمر. نفترض أن كل الكرات غير قابلة للتمييز باللمس.

سحب كرة من  $U_1$  وكرة من  $U_2$ .

ليكن :  $A$  الحدث "الكرتان المسحوبتان من نفس اللون"

$B$  الحدث "الكرة المسحوبة من  $U_1$  حمراء"

$$1 . \text{ احسب } p(A) \text{ وبين أن } p(A) = \frac{12}{25} \quad 2$$

$$2 . \text{ علما أن الكرة المسحوبة من } U_1 \text{ حمراء، ما هو احتمال أن تكون الكرتان المسحوبتان من نفس اللون ؟} \quad 1.5$$



الصفحة
1
2

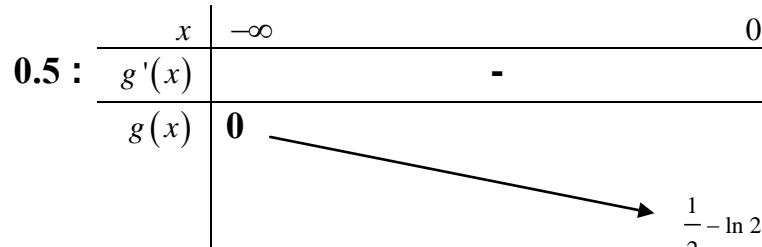
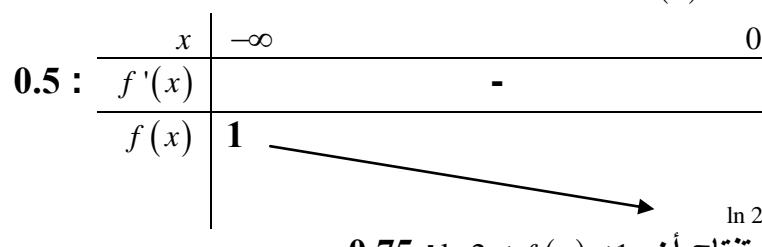


امتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
الدورة الاستدراكية 2011  
عناصر الإجابة

النوع	المادة	العنوان	النوع	النوع
4	المعامل	RR26	الرياضيات	المادة
2	مذكرة الإنجاز	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسبي	الشعب(ة) او المسلك	

المجموع	التمرين الأول (2 ن)	
0.75	0.75 : التحقق . 1	
	$0.5 : \int_2^3 \frac{2}{x-1} dx = [2 \ln(x-1)]_2^3$	. 2
	$0.5 : \int_2^3 \frac{2x-1}{x^2-x+1} dx = [\ln(x^2-x+1)]_2^3$	
	$0.25 : \int_2^3 h(x) dx = \ln\left(\frac{12}{7}\right)$	
1.25	(تقبل كل طريقة سليمة أخرى)	
	التمرين الثاني (5 ن)	
0.5	$2 \times 0.25 : u_2 = \frac{31}{29}$ و $u_1 = \frac{5}{4}$ . 1	
1	الترجم : 1 . أ . 2	
	$0.25 : u_{n+1} - u_n = \frac{-u_n^2 - 3u_n + 4}{u_n + 6}$ حساب الفرق . ب . 2	
	$0.25 : u_{n+1} - u_n$ دراسة إشارة . 2 . ب	
0.75	استنتاج التقارب : 0.25 . 2	
	$0.25 : v_n - 1 = \frac{5}{u_n - 1}$ . أ . 3	
0.5	$0.25 : v_n > 1$ الاستنتاج . 3 . أ	
0.5	$0.5 : u_n = \frac{v_n + 4}{v_n - 1}$ . ب . 3	
1	$0.5 : v_n = 6\left(\frac{7}{2}\right)^n$ هندسية : 0.5 : (v <sub>n</sub> ) . ج . 3	
0.5	$0.5 : u_n = \frac{6\left(\frac{7}{2}\right)^n + 4}{6\left(\frac{7}{2}\right)^n - 1}$ . د . 3	
0.25	$0.25 : \lim_{n \rightarrow \infty} u_n = 1$ . ه . 3	

## التمرين الثالث (9.5 ن)

المجموع	الجزء الأول	
0.5	0.5 . 1	
1	$0.75 : \lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0$ و $0.25 : g(0) = \frac{1}{2} - \ln 2$ . 2	
0.5	$0.5 : \begin{array}{c cc} x & -\infty & 0 \\ \hline g'(x) & & - \\ g(x) & 0 & \end{array}$ 	. 2
0.5	نستنتج من الجدول أن: $0.5 : \forall x \leq 0 ; g(x) < 0$ . 3	
1.5	$0.25 : \forall x \leq 0 ; g''(x) < 0$ و $0.75 : g''(x) = \frac{-2e^{2x}}{(e^x + 1)^3}$ استنتاج التغير: $0.5 : 1 : (C)$ . 4	. 4
1.5	$0.5 : 1 : (C)$ . 4	
الجزء الثاني		
1	$1 : \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{\ln(1+t)}{t} = 1$ ؛ إذن $t = e^x$ نضع . 1	
1.5	$1 : f'(x) = \frac{1}{e^x + 1} - \frac{\ln(1+e^x)}{e^x}$ $0.5 : \forall x \in I ; f'(x) = \frac{g(x)}{e^x}$ استنتاج . 2	
1.5	$0.25 : f(0) = \ln 2$ $0.5 : \begin{array}{c cc} x & -\infty & 0 \\ \hline f'(x) & & - \\ f(x) & 1 & \end{array}$  استنتاج أن $0.75 : \ln 2 \leq f(x) \leq 1$ . 2	

## التمرين الرابع (3.5 ن)

2	$1 : p(A) = \frac{12}{25}$ و $1 : p(B) = \frac{2}{5}$ . 1	
1.5	$0.5 : p_B(A) = \frac{3}{5}$ و $0.75 : p(A \cap B) = \frac{6}{25}$ و $0.25 : p_B(A) = \frac{p(A \cap B)}{p(B)}$ (تقبل كل خطوات سليمة أخرى) . 2	