

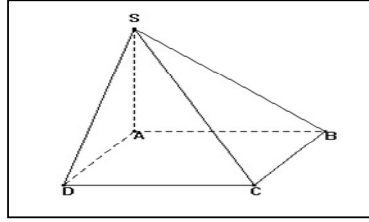
## الهرم والمخروط الدوراني

### 1- الهرم

#### تعريف

الهرم هو مجسم له رأس وقاعدة على شكل مضلع و أوجهه الجانبية على شكل مثلثات.

#### مثال



- SABCD هرم قاعدته الرباعي ABCD

- الأوجه الجانبية هي SBC و SAB و SDC و SAD وهي مثلثات

- S رأس الهرم

- [SD] و [SC] و [SB] و [SA] أحرف جانبية للهرم

- ليكن S هو المسقط العمودي للنقطة H على المستوى ABCD

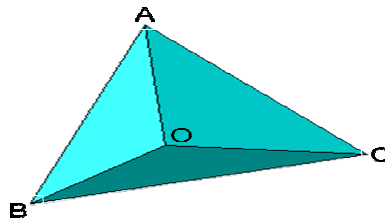
- SH هو إرتفاع الهرم

### 2- المساحة الجانبية-الحجم

#### قاعدة

المساحة الجانبية لهرم تساوي مجموع مساحات أوجهه الجانبية.

#### مثال



$$S = S_{OAB} + S_{OBC} + S_{OAC}$$

## قاعدة

حجم الهرم يساوي ثلث جداء مساحة قاعدته وارتفاعه

$$V = \frac{1}{3} S \times h \text{ حيث } S : \text{مساحة القاعدة و } h : \text{ارتفاع الهرم}$$

## 3- المخروط الدوراني

### تعريف

المخروط الدوراني هو المجسم مولد بدوران مثلث قائم الزاوية حول ضلع من ضلعي الزاوية القائمة.

### مثال



الضلع [AB] يولد قرصاً: قاعدة المخروط الدوراني.  
الضلع [OB] يولد السطح الجانبي للمخروط الدوراني.

### قاعدة

- المساحة الجانبية S لمخروط دوراني تساوي جداء محيط القاعدة p وارتفاعه h

$$S = p \times h$$

- حجم المخروط الدوراني =  $\frac{1}{3} \times$  مساحة القاعدة  $\times$  الارتفاع

### مثال

$$S = \pi \times OA \times OS \text{ (S هي المساحة الجانبية)}$$

$$V = \frac{1}{3} \times \pi \times OA^2 \times OS \text{ (V هو الحجم)}$$

