

الدرس : التناسب والدالة الخطية

الإمتدادات	القدرات المستهدفة	المكتسبات القبلية
- الإحصاء - الدوال - مواد أخرى : العلوم الطبيعية- الإجتماعيات ...	- التعرف على التnasبية - معرفة حساب النسبة المئوية والسلم والسرعة المتوسطة واستعمالهما في حل مسائل من الواقع المعاش - التعرف على الدالة الخطية	- العمليات على الأعداد الكسرية - المعادلات

مضامين الدرس و هيكله

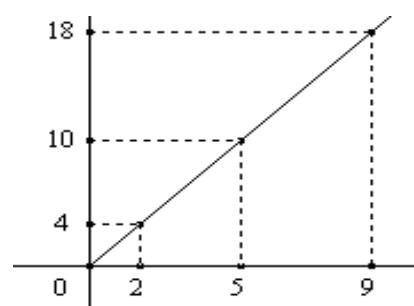
- 1- التnasبية
 - 2- الرابع المتناسب
 - 3- النسبة المئوية
 - 4- السلم
 - 5- السرعة المتوسطة
 - 6- الدالة الخطية
- أ- تعريف
- ب- التمثيل المباني لدالة خطية

الوسائل الديداكتيكية: الكتاب المدرسي – السبورة – الطباشير -
المسطرة

الملحوظات	المحتوى	المراحل														
المدة: 10 دقائق	<p><u>نشاط</u> احسب ما يلي :</p> $\frac{300}{15} \quad , \quad \frac{125}{10} \quad , \quad 582,64 \times 753 \quad , \quad 47,89 \times 65$	<u>أنشطة تشخيصية</u>														
المدة: 20 دقيقة	<p><u>نشاط</u></p> <p>1- لاحظ الجدول التالي</p> <table border="1"> <tr> <td>2.5</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>7</td> </tr> <tr> <td>7.5</td> <td>9</td> <td>12</td> <td>21</td> </tr> </table> <p>أ- كيف تم الانتقال من أعداد السطر الأول إلى أعداد السطر الثاني؟</p> <p>ب- احسب $\frac{9}{3}$ و $\frac{21}{7}$ و $\frac{12}{4}$ و $\frac{7.5}{2.5}$</p> <p>ج- ماذما تلاحظ</p> <p>2- لاحظ الجدول التالي</p> <table border="1"> <tr> <td>3</td> <td>4</td> <td>7</td> </tr> <tr> <td>9</td> <td>12</td> <td>21</td> </tr> </table> <p>1- هل الجدول يكون وضعية تناصية 2- مثل في معلم متعمد النقط :</p> <p>3- ماذما تلاحظ؟</p>	2.5	3	4	7	7.5	9	12	21	3	4	7	9	12	21	<u>أنشطة بنائية</u>
2.5	3	4	7													
7.5	9	12	21													
3	4	7														
9	12	21														
المدة: 10 دقائق	<p>1- جدول التناصية</p> <p><u>مثال</u></p> <table border="1"> <tr> <td>2.5</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>7</td> </tr> <tr> <td>7.5</td> <td>9</td> <td>12</td> <td>21</td> </tr> </table> <p>نلاحظ أننا ضربنا أعداد السطر في نفس العدد 3 للحصول على أعداد السطر الثاني</p> <p>العدد 3 يسمى معامل التناص</p> <p>نقول إذن:</p> <ul style="list-style-type: none"> * هذا الجدول يحقق وضعية تناصية * أعداد السطر الثاني متناسبة مع أعداد السطر الأول <p>$\frac{7.5}{2.5} = \frac{12}{4} = \frac{21}{7} = \frac{9}{3} = 3$</p> <p>- مبيان التناصية:</p>	2.5	3	4	7	7.5	9	12	21	<u>ملخص الدروس</u>						
2.5	3	4	7													
7.5	9	12	21													

مثال أ :

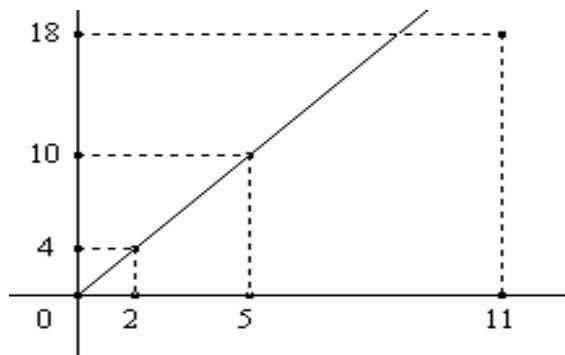
لاحظ المبيان الآتي



نلاحظ أن جميع نقاط المبيان مستقيمية مع أصل المعلم نقول إذن

* هذا المبيان يحقق وضعية التناصية

مثال ب :



نلاحظ أن جميع نقطه غير مستقيمية مع أصل المعلم .

نقول إذن :

هذا المبيان لا يحقق وضعية التناصية

تمرين تطبيقي

من بين الجداول الآتية ما هو الجدول الذي يحقق وضعية التناصية ؟ علل جوابك .

المدة: 15 دقائق

2,5	4,5	6	7
12,5	9	30	35

12	5	3,5	0,5
6	2,5	1,75	0,25

3,5	14	18	20
10,5	42	54	60

1,3	7,5	9	11
2,6	15	18	33

أنشطة تقويمية

الملحوظات	المحتوى	المراحل																		
المدة: 10 دقائق	<p><u>نشاط</u></p> <table border="1"> <tr> <td>20</td> <td>18</td> <td>14</td> <td>3,5</td> </tr> <tr> <td>60</td> <td>54</td> <td>42</td> <td>10,5</td> </tr> </table> <p>هل الجدول يحقق وضعية التناصبية؟ على جوابك</p>	20	18	14	3,5	60	54	42	10,5	<u>أنشطة تشخيصية</u>										
20	18	14	3,5																	
60	54	42	10,5																	
المدة: 15 دقيقة	<p><u>نشاط</u></p> <p>أشترىت 3 كلغ من البرتقال ب 15 درهم ما هو المبلغ الذي تؤديه عند شرائك ل 2 كلغ من نفس البرتقال</p>	<u>أنشطة بنائية</u>																		
المدة: 10 دقائق	<p>2-الرابع المتناسب</p> <p><u>تعريف</u></p> <p>قيمة العدد x بالجدول جانبه تسمى الرابع المتناسب</p> <table border="1"> <tr> <td>c</td> <td>a</td> </tr> <tr> <td>x</td> <td>b</td> </tr> </table>	c	a	x	b	<u>ملخص الدروس</u>														
c	a																			
x	b																			
المدة: 15 دقائق	<p><u>مثال</u></p> <p>حساب الرابع المتناسب باستعمال معامل التناص比 .</p> <p>نعتبر جدول التناص比 الآتي :</p> <table border="1"> <tr> <td>25</td> <td>14,5</td> </tr> <tr> <td>5</td> <td>x</td> </tr> </table> <p>نعتبر جدول التناص比 الآتي :</p> <p>لدينا معامل التناص比 هو : $\frac{5}{25} = 0,2$</p> <p>$x = 14,5 \times 0,2$ أي $x = 2,9$ إذن</p>	25	14,5	5	x															
25	14,5																			
5	x																			
	<p><u>تمرين تطبيقي</u></p> <p>أحسب الرابع المتناسب في كل حالة من الحالات الآتية :</p> <table border="1"> <tr> <td>24</td> <td>2,5</td> </tr> <tr> <td>.....</td> <td>50</td> </tr> <tr> <td>.....</td> <td>6,5</td> </tr> </table> <table border="1"> <tr> <td>.....</td> <td>125</td> </tr> <tr> <td>100</td> <td>.....</td> </tr> </table> <table border="1"> <tr> <td>3</td> <td>1,5</td> </tr> <tr> <td>18</td> <td>.....</td> </tr> </table> <table border="1"> <tr> <td>7</td> <td>.....</td> </tr> <tr> <td>8</td> <td>6</td> </tr> </table>	24	2,5	50	6,5	125	100	3	1,5	18	7	8	6	<u>أنشطة تقويمية</u>
24	2,5																			
.....	50																			
.....	6,5																			
.....	125																			
100																			
3	1,5																			
18																			
7																			
8	6																			

الملحوظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	<p><u>نشاط</u> احسب مايلي :</p> $\frac{64}{16} \times 5, 4 \quad , \quad \frac{130}{10} \times 12 \quad , \quad 2 \times \frac{7}{9}$	<u>أنشطة تشخيصية</u>
المدة: 20 دقيقة	<p><u>نشاط</u></p>  <p>ما هو التخفيض الذي نستفيد منه عند شراء كتاب ثمنه 24 DH إذا كنا سنتفدي من تخفيض قدره 10 % ؟</p>	<u>أنشطة بنائية</u>
المدة: 10 دقائق	<p><u>3-النسبة المئوية</u> <u>قاعدة 1</u> تطبيق النسبة المئوية $\% x$ على العدد n هو حساب :</p> $n \times \frac{x}{100}$ <p><u>مثال</u> قسم يحتوي على 40 تلميذا يوجد 60% من الإناث . لنحدد عدد الإناث و الذكور لدينا $40 - 24 = 16$ إذن $24 = \frac{60}{100} \times 40$ إذن عدد الإناث هو : 24 و عدد الذكور هو : 16</p> <p><u>قاعدة 2</u> إذا كان العدد b يشكل $x\%$ من العدد a فإن :</p> $x = \frac{b}{a} \times 100$ <p><u>مثال</u> منزل مساحتها $90 m^2$ به حجرة مساحتها $20 m^2$ لنحدد النسبة المئوية التي تمثلها مساحة الحجرة من مساحة المنزل . لدينا $x = \frac{20}{90} \times 100 = 22,22$ إذن : مساحة الحجرة تمثل 22,22 % من مساحة المنزل</p>	<u>ملخص الدروس</u>
المدة: 15 دقيقة	<p><u>تمرين تطبيقي</u> 1- 125 kg من القمح تعطي 93,75 kg من الدقيق احسب النسبة المئوية التي يعطيها القمح من كثافة الدقيق كم سندفع لشراء كتاب ثمنه 24 DH إذا كنا سنتفدي من تخفيض قدره 10 % ؟</p>	<u>أنشطة تقويمية</u>

الملحوظات	المحتوى	المراحل								
المدة: 10 دقائق	<p>نشاط</p> <p>أحسب الرابع المتناسب في كل من الحالات الآتية :</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>1,25</td><td>7,5</td> <td>0,25</td><td>5</td> </tr> <tr> <td>0,5</td><td>....</td> <td>....</td><td>2</td> </tr> </table>	1,25	7,5	0,25	5	0,5	2	أنشطة تشخيصية
1,25	7,5	0,25	5							
0,5	2							
المدة: 20 دقيقة	<p>نشاط</p> <p>غرفة مستطيلة الشكل طولها وعرضها في التصميم هما التوالي 3cm و 5 cm ما هو طول هذه الغرفة في الواقع إذا علمت أن عرضها هو 3m</p>	أنشطة بنائية								
المدة: 10 دقائق	<p>السلم 4-تعريف</p> <p>السلم هو معامل التناسب بين القياسات الحقيقية لشيء و القياسات على تصميم أو خريطة لهذا الشيء . يرمز للسلم بالرمز : e</p> <p>ملاحظة هامة : $e = \frac{\text{القياس على التصميم}}{\text{القياس الحقيقي}}$</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>y</td><td>125</td><td>المسافة على الخريطة(cm)</td> </tr> <tr> <td>75</td><td>x</td><td>المسافة الحقيقة(km)</td> </tr> </table> <p>لتحسب y و x علما أن السلم هو : $\frac{1}{250000}$</p> <p>$x = 125 : \frac{1}{250000} : \text{إذن}$</p> <p>$x = 31250000 \text{ cm} = 312,5 \text{ km}$ أي $125 \times 250000 = x$</p> <p>$y = 7500000 \times \frac{1}{250000}$</p> <p>$y = 30 \text{ cm}$ أي</p>	y	125	المسافة على الخريطة(cm)	75	x	المسافة الحقيقة(km)	مثال		
y	125	المسافة على الخريطة(cm)								
75	x	المسافة الحقيقة(km)								
المدة: 15 دقيقة	<p>تمرين تطبيقي</p> <p>نعتبر الجدول الآتي :</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>125</td><td>y</td><td>المسافة على الخريطة(cm)</td> </tr> <tr> <td>x</td><td>75</td><td>المسافة الحقيقة(km)</td> </tr> </table> <p>لتحسب y و x علما أن السلم هو : $\frac{1}{250000}$</p>	125	y	المسافة على الخريطة(cm)	x	75	المسافة الحقيقة(km)	أنشطة تقويمية		
125	y	المسافة على الخريطة(cm)								
x	75	المسافة الحقيقة(km)								

الملحوظات	المحتوى	المراحل								
المدة: 10 دقائق	<p>نشاط</p> <p>أحسب الرابع المتناسب في كل من الحالات الآتية :</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>1,25</td><td>7,5</td> <td>0,25</td><td>5</td> </tr> <tr> <td>0,5</td><td>....</td> <td>....</td><td>2</td> </tr> </table>	1,25	7,5	0,25	5	0,5	2	أنشطة تشخيصية
1,25	7,5	0,25	5							
0,5	2							
المدة: 20 دقيقة	<p>نشاط</p> <p>غرفة مستطيلة الشكل طولها وعرضها في التصميم هما التوالي 5cm و 3 cm ما هو طول هذه الغرفة في الواقع إذا علمت أن عرضها هو 3m</p>	أنشطة بنائية								
المدة: 10 دقائق	<p>السلم 4-تعريف</p> <p>السلم هو معامل التناسب بين القياسات الحقيقية لشيء و القياسات على تصميم أو خريطة لهذا الشيء . يرمز للسلم بالرمز : e</p> <p>ملاحظة هامة : $e = \frac{\text{القياس على التصميم}}{\text{القياس الحقيقي}}$</p> <p>مثال</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>y</td><td>125</td><td>المسافة على الخريطة(cm)</td> </tr> <tr> <td>75</td><td>x</td><td>المسافة الحقيقة(km)</td> </tr> </table> <p>لنسحب y و x علما أن السلم هو :</p> $x = 125 : \frac{1}{250000} : \text{إذن}$ $x = 31250000 \text{ cm} = 312,5 \text{ km} \quad \text{أي } 125 \times 250000 = x$ $y = 7500000 \times \frac{1}{250000}$ $y = 30 \text{ cm} \quad \text{أي}$	y	125	المسافة على الخريطة(cm)	75	x	المسافة الحقيقة(km)	ملخص الدروس		
y	125	المسافة على الخريطة(cm)								
75	x	المسافة الحقيقة(km)								
المدة: 15 دقائق	<p>تعريف تطبيقي</p> <p>نعتبر الجدول الآتي :</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>125</td><td>y</td><td>المسافة على الخريطة(cm)</td> </tr> <tr> <td>x</td><td>75</td><td>المسافة الحقيقة(km)</td> </tr> </table> <p>لنسحب y و x علما أن السلم هو :</p> $\frac{1}{250000}$	125	y	المسافة على الخريطة(cm)	x	75	المسافة الحقيقة(km)	أنشطة تقويمية		
125	y	المسافة على الخريطة(cm)								
x	75	المسافة الحقيقة(km)								

الملحوظات	المحتوى	المراحل								
المدة: 10 دقائق	<p>نشاط</p> <p>أتم الجدول الآتي إذا علمت أن أعداد السطر الأول متناسبة مع أعداد السطر الثاني :</p> <table border="1"> <tr> <td>12</td><td>36</td><td>.....</td><td>60</td></tr> <tr> <td>5</td><td>.....</td><td>10</td><td>.....</td></tr> </table>	12	36	60	5	10	أنشطة تشخيصية
12	36	60							
5	10							
المدة: 20 دقيقة	<p>نشاط</p> <p>الجدول الآتي يبين المدة الزمنية التي تستغرقها سيارة لقطع مسافات .</p> <table border="1"> <tr> <td>5</td><td>6</td><td>(المدة الزمنية h)</td></tr> <tr> <td>400</td><td>480</td><td>(المسافة المقطوعة km)</td></tr> </table> <p>(1)- هل الجدول يحقق وضعية التناضبية (2)- إذا بقىت السيارة تسير بنفس الوتيرة فما هي المسافة التي ستقطعها في ظرف 8 ساعات (3)- مثل معطيات الجدول في معلم، لاحظ النقط التي حصلت عليها كيف هي مع أصل المعلم</p>	5	6	(المدة الزمنية h)	400	480	(المسافة المقطوعة km)	أنشطة بنائية		
5	6	(المدة الزمنية h)								
400	480	(المسافة المقطوعة km)								
المدة: 10 دقائق	<p>تعريف</p> <p>يكون جسم في حركة منتظمة إذا كانت المسافات التي يقطعها متناسبة مع المدد الزمنية الموافقة لها .</p> <p>مثال</p> <p>الجدول الآتي يبين المدة الزمنية التي تستغرقها سيارة لقطع مسافات .</p> <table border="1"> <tr> <td>5</td><td>6</td><td>(المدة الزمنية h)</td></tr> <tr> <td>400</td><td>480</td><td>(المسافة المقطوعة km)</td></tr> </table> <p>لدينا :</p> $\frac{400}{5} = 80 \quad \text{و} \quad \frac{480}{6} = 80$ <p>نلاحظ أن :</p> $\frac{400}{5} = \frac{480}{6} = 80$ <p>نقول إذن : هذه السيارة في حركة منتظمة</p>	5	6	(المدة الزمنية h)	400	480	(المسافة المقطوعة km)	ملخص الدروس		
5	6	(المدة الزمنية h)								
400	480	(المسافة المقطوعة km)								
المدة: 15 دقيقة	<p>تمرين تطبيقي</p> <p>يقطع راكب دراجة 60 km في ظرف ساعة و 20 دقيقة</p> <p>(1)- ما هي المسافة التي سيقطعها في ظرف ساعة و صاف (2)- ما هي المدة الزمنية التي سيسنطرقها راكب الدراجة لقطع 135 km (3)- ما هي سرعة الدراج ؟</p>	أنشطة تقويمية								

الملحوظات	المحتوى	المراحل																		
المدة: 10 دقائق	<p>نشاط</p> <p>حدد العدد العشري x إذا علمت أن الجدولين الآتية يحققان وضعية التناصية.</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>3</td><td>6</td></tr> <tr> <td>$1 - x$</td><td>$2x + 5$</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>$2x - 1$</td><td>x</td></tr> <tr> <td>4</td><td>3</td></tr> </table>	3	6	$1 - x$	$2x + 5$	$2x - 1$	x	4	3	أنشطة تشخيصية										
3	6																			
$1 - x$	$2x + 5$																			
$2x - 1$	x																			
4	3																			
المدة: 20 دقيقة	<p>نشاط</p> <p>نعتبر الجدول التالي:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td><td>-2</td><td>-1</td><td>0,5</td><td>1,5</td><td>1</td></tr> <tr> <td>y</td><td>-4</td><td>-2</td><td>-1</td><td>3</td><td>2</td></tr> <tr> <td>(x ; y)</td><td>A</td><td>B</td><td>C</td><td>D</td><td>E</td></tr> </table> <p>1- هل هذا الجدول يمثل علاقة تناصية؟ علل جوابك 2- ما هو معملاً التناص؟ 3- مثل النقط A و B و C و D و E ذات الإحداثيات (y, x) في معلم. 4- ماذما تلاحظ بالنسبة لهذه النقط؟ 5- هل النقط (3, 1/2) M و (-6, -3) N مستقيمية مع النقط A و B .C 6- انشئ K مماثلة A بالنسبة للنقطة O ثم حدد احداثيّتى K.</p>	x	-2	-1	0,5	1,5	1	y	-4	-2	-1	3	2	(x ; y)	A	B	C	D	E	أنشطة بنائية
x	-2	-1	0,5	1,5	1															
y	-4	-2	-1	3	2															
(x ; y)	A	B	C	D	E															
المدة: 10 دقائق	<p>6- الدالة الخطية</p> <p>أ- تعريف</p> <p>عدم معلوم a العلاقة التي تربط العدد x بالعدد ax تسمى دالة خطية معاملها هو a العدد ax يسمى صورة x بالدالة الخطية التي نرمز لها بالرمز: $f(x) = ax$ ونكتب $f(x)$ هي صورة بالدالة الخطية</p> <p>مثال</p> <p>$f(x) = -2x$ دالة خطية معاملها هو -2</p> <p>خاصية</p> <p>دالة خطية معاملها a إذا كان x و x' عددين معلومين غير منعدمين فان :</p> $\frac{f(x)}{x} = \frac{f(x')}{x'} = a$	ملخص الدروس																		

مثال

$f(-5) = \frac{2}{3}$ دالة خطية بحيث :
لنحدد معامل الدالة f ثم حدد $f(x)$.
دالة خطية إذن : $f(x) = ax$ ومعاملها هو العدد الحقيقي :

$$a = \frac{f(-5)}{-5} = \frac{\frac{2}{3}}{-5} = \frac{2}{3} \times \frac{-5}{1} = \frac{-10}{3}$$

$$f(x) = \frac{-10}{3}x \quad \text{و منه فإن :}$$

بـ التمثيل المباني للدالة الخطية

تعريف

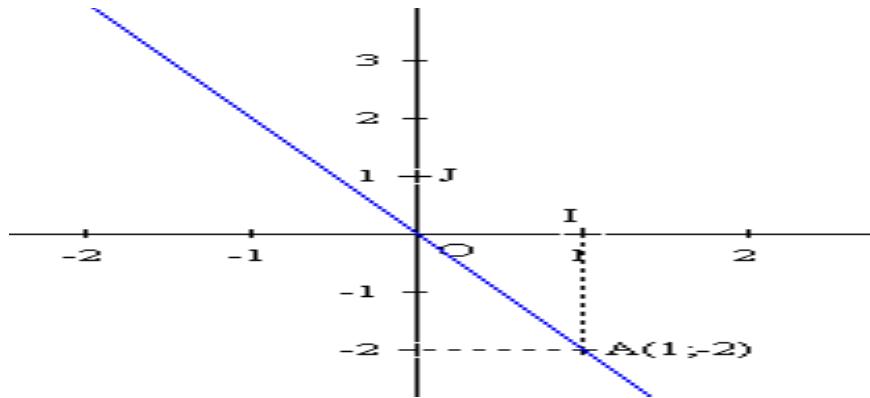
($O; I; J$) معلم متعامد في المستوى
تمثيل المباني لدالة خطية هو مستقيم يمر من أصل المعلم

مثال

$f(x) = -2x$ دالة خطية معاملها هو -2
لنشئ التمثيل المباني للدالة f في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد منظم .($O; I; J$)

x	1
$f(x)$	-2

إذن التمثيل المباني للدالة هو المستقيم من O و من النقطة $A(1, -2)$.



تمرين تطبيقي

نعتبر العلاقة f بحيث : $f(x) = -3x$

1- حدد معامل الدالة بالخطية f

2- احسب $f(5)$ و $f(-2)$

3- انشئ التمثيل المباني للدالة f

أنشطة تقويمية

المدة: 15 دقائق