

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة الاستدراكية 2015
- الموضوع -

RS 26

المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني
المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

2	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
4	المعامل	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي	الشعبة أو المسلك

تعليمات للمترشح

هام : يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة والعمل بها .

يتكون الموضوع الذي بين يديك من ثلاثة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاث صفحات، الأولى منها خاصة بالتعليمات التالية :

1 .

- يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناية؛
- يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛
- ينبغي عليك تحليل النتائج (مثلا : عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات، ...).

2 .

- يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع؛
- ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مقروء؛
- يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمنا لتيسير عملية التصحيح؛
- تجنب الكتابة بقلم أحمر؛
- تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

التمرين الأول : (4.5 نقطة)

$\begin{cases} u_{n+1} = \frac{1}{4}u_n + 3 & ; n \in \mathbb{N} \\ u_0 = 8 \end{cases}$ نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي :	
1. احسب u_1 و u_2	0.5
2. بين بالترجع أن لكل n من $\mathbb{N}$: $u_n > 4$	0.5
3. أ. بين أن لكل n من $\mathbb{N}$: $u_{n+1} - u_n = \frac{-3}{4}(u_n - 4)$	0.5
ب. استنتج أن المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ تناقصية وأنها متقاربة .	0.75
4. نضع $v_n = u_n - 4$ لكل n من $\mathbb{N}$	
أ. احسب v_0	0.25
ب. بين أن المتتالية $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ هندسية أساسها $\frac{1}{4}$	0.5
ج. احسب v_n بدلالة n ثم استنتج أن $u_n = 4\left(\frac{1}{4}\right)^n + 4$ لكل n من $\mathbb{N}$	1
د. احسب النهاية $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$	0.5

التمرين الثاني : (11 نقطة)

الجزء الأول :

نعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة على $]0; +\infty[$ بما يلي :

$$g(x) = x - 1 - \ln x$$

1. بين أن $g'(x) = \frac{x-1}{x}$ لكل x من $]0; +\infty[$	0.5
2. ادرس إشارة $g'(x)$ لكل x من $]0; +\infty[$	1
3. احسب $g(1)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة g (حساب النهايات غير مطلوب) ،	0.75
4. استنتج أن $g(x) \geq 0$ لكل x من $]0; +\infty[$	0.5

الجزء الثاني :

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على $]0; +\infty[$ بما يلي :

$$f(x) = x^2 - 1 - 2x \ln x \quad . \text{ وليكن } (C) \text{ تمثيلها المبياني في معلم متعامد ممنظم } (O, \vec{i}, \vec{j})$$

1. بين أن $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = -1$	0.75
2. أ. تحقق أن لكل x من $]0; +\infty[$: $f(x) = x^2 \left(1 - \frac{1}{x^2} - \frac{2 \ln x}{x}\right)$	0.5

ب . احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة. 2

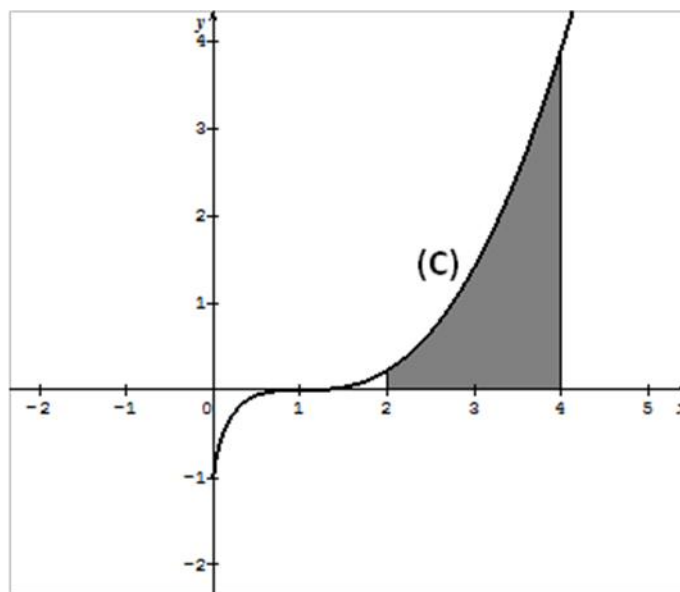
3 . أ . بين أن $f'(x) = 2g(x)$ لكل x من $]0; +\infty[$ 0.5

ب . استنتج إشارة $f'(x)$ على $]0; +\infty[$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f على $]0; +\infty[$ 1

4 . بين أن التمثيل المبياني (C) يقبل نقطة انعطاف I ينبغي تحديد زوج إحداثيتها . 1.5

5 . أ . باستعمال مكاملة بالأجزاء بين أن : $\int_2^4 2x \ln x \, dx = 28 \ln 2 - 6$ 1

ب . استنتج مساحة الحيز الملون في الشكل أسفله. 1



التمرين الثالث : (4.5 نقط) (تقدم جميع نتائج هذا التمرين على شكل كسر)

يحتوي كيس على عشر كرات غير قابلة للتمييز باللمس، منها خمس بيضاء وثلاث حمراء واثنان لونهما أخضر . نسحب عشوانيا وفي آن واحد ثلاث كرات من الكيس ،

1 . بين أن عدد حالات السحب الممكنة هو 120 1

2 . نعتبر الحدثين A و B التاليين :

A : " الكرات المسحوبة لها نفس اللون "

B : " من بين الكرات المسحوبة توجد على الأقل كرتان لونهما أحمر "

أ . بين أن $p(A) = \frac{11}{120}$ 1

ب . احسب احتمال الحدث B 1

3 . ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الكرات الخضراء المسحوبة.

x_i	0	1	2
$p(X = x_i)$			

املا الجدول جانبه بعد نقله على ورقة تحريرك مغللا
جوابك . 1.5

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة الاستدراكية 2015
- عناصر الإجابة -

RR 26

ⵜⴰⵎⴰⵔⵜ ⵏ ⵓⵏⵓⵎⴰⵏ ⵏ ⵓⵏⵓⵎⴰⵏ
ⵜⴰⵎⴰⵔⵜ ⵏ ⵓⵏⵓⵎⴰⵏ ⵏ ⵓⵏⵓⵎⴰⵏ
ⵏ ⵓⵏⵓⵎⴰⵏ ⵏ ⵓⵏⵓⵎⴰⵏ



المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

2	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
4	المعامل	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي	الشعبة أو المسلك

التمرين الأول (4.5 نقط)				
السؤال	تفصيل سلم التنقيط	النقط الجزئية	المجموع	ملاحظات
1	$u_1 = 5$ و $u_2 = \frac{17}{4}$	$0.25 + 0.25$	0.5	
2		0.5	0.5	
3. أ		0.5	0.5	
3. ب	$(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ تناقصية	0.5	0.75	
	إثبات تقارب $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$	0.25		
4. أ	$v_0 = 4$	0.25	0.25	
4. ب		0.5	0.5	
4. ج	$v_n = 4 \left(\frac{1}{4} \right)^n$	0.5	1	
	$u_n = 4 \left(\frac{1}{4} \right)^n + 4$	0.5		
4. د	التعليل	0.25	0.5	في حالة تقديم النتيجة صحيحة دون تعليل تمنح للمرشح 0.25
	النتيجة	0.25		
التمرين الثاني (11 نقطة)				
الجزء الأول				
السؤال	تفصيل سلم التنقيط	النقط الجزئية	المجموع	ملاحظات
1	إثبات أن $g'(x) = \frac{x-1}{x}$	0.5	0.5	
2	دراسة إشارة $g'(x)$	1	1	
3	$g(1) = 0$	0.25	0.75	
	جدول التغيرات	0.5		
4	الاستنتاج	0.5	0.5	يشير المترشح من خلال الجدول أن 0 قيمة دنيا مطلقة

الجزء الثاني				
السؤال	تفصيل سلم التنقيط	النقط الجزئية	المجموع	ملاحظات
1	إثبات أن $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -1$	0.75	0.75	
2. أ	التحقق	0.5	0.5	

	2	0.5	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$	2. ب
		0.25	التعليل	
		0.5	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$	
		0.25	التعليل	
		0.5	التأويل الهندسي	
	0.5	0.5	إثبات أن $f'(x) = 2g(x)$	3. أ
	1	0.75	استنتاج إشارة $f'(x)$	3. ب
		0.25	جدول التغيرات	
تمنح النقطة كاملة لكل جواب صحيح	1.5	0.5	حساب $f''(x)$	4
		0.5	التعليل	
		0.5	نقطة الانعطاف $I(1;0)$	
	1	1	إثبات أن $\int_2^4 2x \ln x dx = 28 \ln 2 - 6$	5. أ
لا يحتسب عدم ذكر وحدة القياس	1	0.5	الصيغة المناسبة لحساب المساحة $\int_2^4 f(x) dx$	5. ب
		0.5	المساحة $\left(\frac{68}{3} - 28 \ln 2\right) u.a$	

التمرين الثالث (4.5 نقط)				
السؤال	تفصيل سلم التنقيط	النقط الجزئية	المجموع	ملاحظات
1 .	$C_{10}^3 = 120$	1	1	يقبل كل تعليل صحيح
2 . أ	إثبات أن $p(A) = \frac{11}{120}$	1	1	تقبل كل طريقة صحيحة
2 . ب	الصيغة	0.5	1	
	$p(B) = \frac{11}{60}$	0.5		
3	صيغة $p(X=0)$	0.25	1.5	تمنح النقطة كاملة لكل طريقة صحيحة تقبل النتائج المقدمة على شكل كسور غير مختزلة.
	$p(X=0) = \frac{7}{15}$	0.25		
	صيغة $p(X=1)$	0.25		
	$p(X=1) = \frac{7}{15}$	0.25		
	صيغة $p(X=2)$	0.25		
	$p(X=2) = \frac{1}{15}$	0.25		